



অধ্যায় ০৮

অনুশীলনী ৪.১ : বীজগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহগ ও সূচক

বীজগণিতীয় রাশি

আলোচ্য বিষয়াবলি

- বীজগণিতীয় প্রতীক
- চলক, সহগ, সূচক, রাশি, পদ এবং এদের যোগ ও বিয়োগ।

► (১) অনুশীলনীর শিখনফল

অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব—

- বীজগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহগ, সূচক ব্যবহার করে গাণিতিক সমস্যা সমাধান করতে পারব।
- বীজগণিতীয় প্রতীক ও চলক সম্পর্কে জানতে পারব।
- বীজগণিতীয় সহগ ও সূচক সম্পর্কে আনতে পারব।
- বীজগণিতীয় রাশি চিনতে পারব।
- বীজগণিতীয় পদ চিহ্নিত করতে পারব।

এক নজরে (২) অনুশীলনীর প্রয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই

- রাশি : প্রতিয়া চিহ্ন ও সংখ্যাসূচক প্রতীক এর অর্থবোধক সংযোগ বা বিন্যাসকে বীজগণিতীয় রাশি বলা হয়।
- বীজগণিতীয় প্রতীক : পাটিগণিতে সংখ্যা প্রতীক বা অঙ্কগুলো হচ্ছে ০, ১, ২, ৩, ৪, ৫, ৬, ৭, ৮, ৯। বীজগণিতে ব্যবহৃত সংখ্যা প্রতীক বা অঙ্কগুলো হচ্ছে ০, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9। এসব সংখ্যা-প্রতীক দ্বারা যেকোনো সংখ্যা লেখা যায়।
- চলক : চলক এর অর্থ যার পরিবর্তন হয়। অর্থাৎ চলকের মান নির্দিষ্ট নয়। এটি বিভিন্ন মান ধারণ করতে পারে।
বীজগণিতে অস্তিত রাশি বা অক্ষর প্রতীককে চলক বলে।

অনুশীলন

শিক্ষার্থী বস্তুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তুতির জন্য এ অংশে কমন উপযোগী সকল গাণিতিক সমস্যা নির্দল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে গাণিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সূজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান

(৩) গাণিতিক সমস্যার সমাধান

১। নিচের বীজগণিতীয় রাশি দ্বারা কী বোঝায়?

(i) $9x$

সমাধান : $9x$ হচ্ছে $9 \times x$ বা, $x \times 9$ অর্থাৎ x এর 9 গুণ।

(ii) $5x + 3$

সমাধান : $5x + 3$ হচ্ছে x এর 5 গুণের সাথে 3 যোগ।

(iii) $3a + 4b$

সমাধান : $3a + 4b$ হচ্ছে a এর 3 গুণের সাথে b এর 4 গুণের যোগ।

(iv) $3a \times b \times 4c$

সমাধান : $3a \times b \times 4c$ হচ্ছে a এর 3 গুণ, b এবং c এর 4 গুণ এর গুণফল।

(v) $\frac{4x+5y}{2}$

সমাধান : $\frac{4x+5y}{2}$ হচ্ছে x এর 4 গুণ এবং y এর 5 গুণের সমষ্টিকে 2 দ্বারা ভাগ।

(vi) $\frac{7x-3y}{4}$

সমাধান : $\frac{7x-3y}{4}$ হচ্ছে x এর 7 গুণ থেকে y এর 3 গুণের বিয়োগফলকে 4 দ্বারা ভাগ।

(vii) $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} - \frac{z}{5}$

সমাধান : $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} - \frac{z}{5}$ হচ্ছে x কে 3 দ্বারা এবং y কে 2 দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের সমষ্টি থেকে z কে 5 দ্বারা ভাগ করে বিয়োগ।

(viii) $2x - 5y + 7z$

সমাধান : $2x - 5y + 7z$ হচ্ছে x এর দ্বিগুণ থেকে y এর 5 গুণ বিয়োগ এবং বিয়োগফলের সাথে z এর 7 গুণ যোগ।

(ix) $\frac{2}{3}(x+y+z)$

সমাধান : $\frac{2}{3}(x+y+z)$ হচ্ছে x, y এবং z এর সমষ্টিকে $\frac{2}{3}$ দ্বারা গুণ।

১৫২

সমাধান : $\frac{ac - bx}{7}$ হচ্ছে a ও c এর গুণফল থেকে b ও x
এর গুণফলের বিয়োগফলকে 7 দ্বারা ভাগ।

২। +, -, ×, ÷ চিহ্নের সাহায্যে লেখ :

(i) x এর চারগুণের সাথে y এর পাঁচগুণ যোগ।

সমাধান : x এর 4 গুণ হলো $4x$ এবং y এর 5 গুণ হলো $5y$
নির্ণয় যোগ = $4x + 5y$.

(ii) a এর ছিগুণ থেকে b বিয়োগ।

সমাধান : a এর ছিগুণ হলো $2a$
নির্ণয় বিয়োগ = $2a - b$.

(iii) একটি সংখ্যার তিনগুণের সাথে অপর একটি সংখ্যার দ্বিগুণ যোগ।

সমাধান : মনে করি, একটি সংখ্যা x, যার 3 গুণ হলো $3x$
এবং অপর একটি সংখ্যা y, যার দ্বিগুণ হলো $2y$
নির্ণয় যোগ = $3x + 2y$

(iv) একটি সংখ্যার চারগুণ থেকে অপর একটি সংখ্যার তিনগুণ বিয়োগ।

সমাধান : মনে করি, একটি সংখ্যা x, যার 4 গুণ হলো $4x$
এবং অপর একটি সংখ্যা y, যার 3 গুণ হলো $3y$
নির্ণয় বিয়োগ = $4x - 3y$.

(v) a থেকে b এর বিয়োগফলকে a ও b এর যোগফল দ্বারা ভাগ।

সমাধান : a থেকে b এর বিয়োগফল হলো $a - b$
এবং a ও b এর যোগফল হলো $a + b$.

নির্ণয় ভাগ = $\frac{a - b}{a + b}$.

(vi) x কে y দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের সাথে 5 যোগ।

সমাধান : x কে y দ্বারা ভাগ $x \div y$ বা $\frac{x}{y}$

নির্ণয় যোগ = $\frac{x}{y} + 5$.

(vii) 2 কে x দ্বারা, 5 কে y দ্বারা, 3 কে z দ্বারা ভাগ করে প্রাপ্ত
ভাগফলগুলোর যোগ।

সমাধান : 2 কে x দ্বারা ভাগ করলে ভাগফল $\frac{2}{x}$

5, " y, " " " " $\frac{5}{y}$

3, " z, " " " " $\frac{3}{z}$

নির্ণয় যোগ = $\frac{2}{x} + \frac{5}{y} + \frac{3}{z}$.

(viii) a কে b দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের সাথে 3 যোগ।

সমাধান : a কে b দ্বারা ভাগ করলে ভাগফল $a \div b$ বা $\frac{a}{b}$

নির্ণয় যোগ = $\frac{a}{b} + 3$.

(ix) p কে q দ্বারা গুণ করে প্রাপ্ত গুণফলের সাথে r যোগ।

সমাধান : p কে q দ্বারা গুণ করলে গুণফল $p \times q$ বা pq
নির্ণয় যোগ = $pq + r$.

(x) x কে y দ্বারা গুণ করে প্রাপ্ত গুণফল থেকে 7 বিয়োগ।

সমাধান : x কে y দ্বারা গুণ করে প্রাপ্ত গুণফল = $x \times y = xy$
নির্ণয় বিয়োগ = $xy - 7$.

নিউ একের ভিত্তির সব ► ঘট. শ্রেণি

৩। $2x + 3y + 4x - 5x \times 8y$ রাশিটিতে কয়টি পদ আছে এবং
পদগুলো কী কী ?

সমাধান : $2x + 3y + 4x - 5x \times 8y$ রাশিটিতে 3টি পদ
আছে এবং পদগুলো হচ্ছে $2x$, $3y$ এবং $5x \times 8y$.

৪। রাশির পদ সংখ্যা নির্ণয় কর :

(i) $7xy$

সমাধান : $7xy$ রাশিটিতে 1টি পদ আছে।

(ii) $2a + b$

সমাধান : $2a + b$ রাশিটিতে 2টি পদ আছে।

(iii) $x - 3y + 5z$

সমাধান : $x - 3y + 5z$ রাশিটিতে 3টি পদ আছে।

(iv) $5a + 7b \times x - 3c \div y$

সমাধান : $5a + 7b \times x - 3c \div y$ রাশিটিতে 3টি পদ আছে।

(v) $x + 5x \times b - 3y + c$

সমাধান : $x + 5x \times b - 3y + c$ রাশিটিতে 3টি পদ আছে।

৫। (ক) প্রত্যেক পদের সহগ নির্ণয় কর :

(i) $6b$

সমাধান : $6b = 6 \times b$

$\therefore 6b$ রাশিটিতে b এর সহগ 6.

(ii) xy

সমাধান : $xy = 1 \times xy$

$\therefore xy$ রাশিটিতে xy এর সহগ 1.

(iii) $7ab$

সমাধান : $7ab = 7 \times ab$

$\therefore 7ab$ রাশিটিতে ab এর সহগ 7.

(iv) $2x + 5ab$

সমাধান : $2x + 5ab = 2 \times x + 5 \times ab$

$\therefore 2x + 5ab$ রাশিটিতে প্রথম পদের x এর সহগ 2 এবং 2য়
পদের ab এর সহগ 5.

(v) $2x + 8y$

সমাধান : $2x + 8y = 2 \times x + 8 \times y$

$\therefore 2x + 8y$ রাশিটিতে প্রথম পদের x এর সহগ 2 এবং 2য়
পদের y এর সহগ 8.

(vi) $14y - 4z$

সমাধান : $14y - 4z = 14 \times y - 4 \times z$

$\therefore 14y - 4z$ রাশিটিতে প্রথম পদের y এর সহগ 14 এবং
2য় পদের z এর সহগ -4.

(vii) $-\frac{1}{2}xyz$

সমাধান : $-\frac{1}{2}xyz = -\frac{1}{2} \times xyz$

$\therefore -\frac{1}{2}xyz$ রাশিটিতে xyz এর সহগ $-\frac{1}{2}$.

(খ) x এর আক্ষরিক সহগ নির্ণয় কর :

(i) ax

সমাধান : $ax = a \times x$

$\therefore ax$ রাশিটিতে x এর আক্ষরিক সহগ a.

(ii) $ax + 3$

সমাধান : $ax + 3 = a \times x + 3$

$\therefore ax + 3$ রাশিটিতে x এর আক্ষরিক সহগ a.

(iii) $ax + bz$

সমাধান : $ax + bz = a \times x + bz$

 $\therefore ax + bz$ রাশিটিতে x এর আক্ষরিক সহগ a .(iv) pxy

সমাধান : $pxy = py \times x$

 $\therefore pxy$ রাশিটিতে x এর আক্ষরিক সহগ py .৬। একটি কলমের দাম x টাকা ও একটি বইয়ের দাম y টাকা হলে, নিচের রাশিগুলো ঘারা কী বোঝানো হয়েছে তা লেখ :(i) $3y$ সমাধান : যেহেতু y একটি বইয়ের দাম ফলে $3y$ ঘারা ৩টি বইয়ের দাম বোঝানো হয়েছে।(ii) $7x$ সমাধান : $7x$ ঘারা ৭টি কলমের দাম বোঝানো হয়েছে।(iii) $x + 9y$.সমাধান : $x + 9y$ ঘারা ১টি কলমের দাম ও ৯টি বইয়ের দামের সমষ্টি বোঝানো হয়েছে।(iv) $5x + 8y$.সমাধান : $5x + 8y$ ঘারা ৫টি কলম ও ৮টি বইয়ের দামের সমষ্টি বোঝানো হয়েছে।(v) $6y + 3x$ সমাধান : $6y + 3x$ ঘারা ৬টি বই ও ৩টি কলমের দামের সমষ্টি বোঝানো হয়েছে।৭। (ক) একটি খাতার দাম x টাকা, একটি পেসিলের দাম y টাকা এবং একটি রাবারের দাম z টাকা হলে,

(i) পাঁচটি খাতা ও ছয়টি পেসিলের মোট দাম কত ?

সমাধান : ১টি খাতার দাম x টাকাঅতএব, ৫টি খাতার দাম $5x$ টাকাআবার, ১টি পেসিলের দাম y টাকাঅতএব ৬টি পেসিলের দাম $6y$ টাকা \therefore পাঁচটি খাতা ও ছয়টি পেসিলের মোট দাম $(5x + 6y)$ টাকা।

(ii) আটটি পেসিল ও তিনটি রাবারের মোট দাম কত ?

সমাধান : ১টি পেসিলের দাম y টাকাঅতএব ৪টি পেসিলের দাম $4y$ টাকাআবার, ১টি রাবারের দাম z টাকাঅতএব ৩টি রাবারের দাম $3z$ টাকা \therefore আটটি পেসিল ও তিনটি রাবারের মোট দাম $(4y + 3z)$ টাকা।

(iii) দশটি খাতা, পাঁচটি পেসিল ও দুইটি রাবারের মোট দাম কত?

সমাধান : ১টি খাতার দাম x টাকা $\therefore 10$ টি খাতার দাম $10x$ টাকা১টি পেসিলের দাম y টাকা $\therefore 5$ টি পেসিলের দাম $5y$ টাকাআবার, ১টি রাবারের দাম z টাকা $\therefore 2$ টি রাবারের দাম $2z$ টাকাদশটি খাতা, পাঁচটি পেসিল ও দুইটি রাবারের মোট দাম $(10x + 5y + 2z)$ টাকা।(খ) এক হালি কলার দাম x টাকা হলে,

(i) ৫ হালি কলার দাম কত ?

সমাধান : ১ হালি কলার দাম x টাকা $\therefore 5$ হালি কলার দাম $5x$ টাকা।

(ii) 12টি কলার দাম কত ?

সমাধান : আমরা জানি, 4 টি = ১ হালি $\therefore 12$ টি = $(12 \div 4)$ হালি = ৩ হালি১ হালি কলার দাম x টাকা $\therefore 3$ হালি কলার দাম $3x$ টাকা।সুতরাং 12 টি কলার দাম $3x$ টাকা।

৪. বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর

৮। সঠিক উভয়টির বৃত্ত (●) ডরাট কর :

(i) x এর দ্বিগুণ থেকে ৫ বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে?

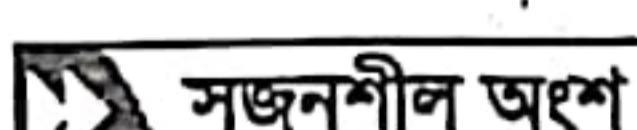
(A) $2x + 5$ (B) $2x - 5$ (C) $\frac{x}{2} + 5$ (D) $5 - 2x$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : x এর দ্বিগুণ = $2 \times x = 2x]$ $\therefore x$ এর দ্বিগুণ থেকে ৫ বিয়োগ করলে হয় = $2x - 5.]$ (ii) a এর ৩ গুণের সাথে x এর y গুণ যোগ করলে নিচের কোনটি হবে?

(A) $3a + xy$ (B) $3x + ay$ (C) $ax + 3y$ (D) $ay + 3x$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : a এর ৩ গুণ = $a \times 3 = 3a$ x এর y গুণ = $x \times y = xy$ $\therefore a$ এর ৩ গুণের সাথে x এর y গুণের যোগফল = $3a + xy.]$ (iii) a এবং c এর গুণফল থেকে b এবং x এর গুণফল বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে ?

(A) $ac + bx$ (B) $bc + ax$ (C) $ac - bx$ (D) $bx - ac$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : a এবং c এর গুণফল = $a \times c = ac$ b এবং x এর গুণফল = $b \times x = bx$ $\therefore a$ এবং c এর গুণফল থেকে b এবং x এর গুণফল বিয়োগ করলে বিয়োগফল = $ac - bx.$ 

সূজনশীল অংশ কমন উপযোগী সূজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি



মাটোর ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

শিখনফল : বীজগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহগ, সূচক ব্যবহার করে গাণিতিক সমস্যা সমাধান করত পারব।

প্রশ্ন ১। এক কেজি চালের দাম p টাকা এবং এক কেজি ডালের দাম q টাকা।

ক. ৬ কেজি চালের দাম কত নির্ণয় কর। (সহজমান) ২

খ. ৫০ টাকায় কত কেজি চাল ক্রয় করা যাবে নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৮

গ. p ও q যথাক্রমে ১৫ ও ৩০ টাকা হলে ৫ কেজি চাল

এবং ৪ কেজি ডালের মূল্য একত্রে কত টাকা হবে

নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৮

১নঁ প্রশ্নের সমাধান

(i) ১ কেজি চালের দাম p টাকা $\therefore 6$ " " " $6p$ টাকানির্ণয় দাম $6p$ টাকা।(ii) p টাকায় ক্রয় করা যায় ১ কেজি চাল

$\therefore 1$ " " " " $\frac{1}{p}$ "

$\therefore 50$ " " " " $\frac{1 \times 50}{p} = \frac{50}{p}$ কেজি চাল

নির্ণয় চালের পরিমাণ $\frac{50}{p}$ কেজি।

গণিত

১৫৫

প্রয়োগ ৫ | 1 ডজন খাতার দাম x টাকা, অর্ধ-ডজন পেসিলের দাম y টাকা এবং রাবারের এক-তৃতীয়াংশের দাম z টাকা।

- ক. 1টি পেসিল ও 1টি রাবারের দাম একত্রে কত? (সহজমান) ২
খ. $(5x + 8y)$ টাকায় কয়টি খাতা ও কয়টি পেসিল
পাওয়া যায়? (সহজমান) ৪

গ. $x = 120, y = 30, z = 12$ হলে দশটি খাতা, পাঁচটি
পেসিল ও দুইটি রাবার কিনে দোকানদারকে 150 টাকা
দিলে দোকানদার কত টাকা ফেরত দিবে? (কঠিনমান) ৮

৩০ নং প্রশ্নের সমাধান

ক. 1 ডজন = 12টি

$$\therefore \text{অর্ধডজন} = \frac{12}{2} \text{ টি} = 6 \text{ টি}$$

$$\text{এক তৃতীয়াংশ} = \frac{1}{3}$$

৬টি পেসিলের দাম y টাকা

$$\therefore 1'' \quad '' \quad '' \frac{y}{6} ''$$

আবার, $\frac{1}{3}$ অংশ রাবারের দাম z টাকা

$$\therefore 1 \text{ টি রাবারের দাম} \left(z \div \frac{1}{3} \right) \text{ টাকা} \\ = z \times \frac{3}{1} \text{ টাকা} = 3z \text{ টাকা}$$

ক. x টাকায় খাতা পাওয়া যায় 12টি

$$\therefore 5x \quad " \quad " \quad " (12 \times 5) \text{ টি} = 60 \text{ টি}$$

আবার, y টাকায় পেসিল পাওয়া যায় 6টি

$$\therefore 8y \quad " \quad " \quad " (6 \times 8) " = 48 \text{ টি}$$

$\therefore (5x + 8y)$ টাকায় 60টি খাতা ও 48টি পেসিল পাওয়া যায়।

খ. এখনে, $x = 120, y = 30$

এবং $z = 12$

12টি খাতার দাম x টাকা

$$\therefore 1'' \quad " \quad " \frac{x}{12} "$$

$$\therefore 10'' \quad " \quad " \frac{10x}{12} "$$

আবার, 1টি পেসিলের দাম $\frac{y}{6}$ টাকা [ক থেকে প্রাপ্ত]

$$\therefore 5'' \quad " \quad " \frac{5y}{6} "$$

আবার, 1টি রাবারের দাম $3z$ টাকা

$$\therefore 2'' \quad " \quad " (3z \times 2) = 6z \text{ টাকা}$$

এখন, দশটি খাতা, পাঁচটি পেসিল ও 2টি রাবারের মোট দাম

$$= \left(\frac{10x}{12} + \frac{5y}{6} + 6z \right) " \\ = \left(\frac{10 \times 120}{12} + \frac{5 \times 30}{6} + 6 \times 12 \right) " \\ = (100 + 25 + 24) \text{ টাকা} \\ = 149 \text{ টাকা}$$

দোকানদারকে 150 টাকা দিলে দোকানদার ফেরত দিবে

$$(150 - 149) \text{ টাকা} \\ = 1 \text{ টাকা।}$$

৩০ শীর্ষস্থানীয় ক্লিসমুহের সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

প্রয়োগ ৬ | একটি খাতার দাম x টাকা, একটি কলমের দাম y টাকা
এবং একটি পেনসিলের দাম z টাকা।

- ক. 5টি কলম ও 7টি পেনসিলের মোট দাম কত? ২
খ. 9টি খাতা ও 12টি কলমের মোট দাম থেকে 6টি 8

পেনসিলের দাম বাদ দিলে কত টাকা হয়
বীজগণিতীয় রাশির মাধ্যমে প্রকাশ কর।

গ. $12x - 19y + 17z$ জারা কি বুঝায়? x, y ও z এর 8
সাংখ্যিক সহগ কত? সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল কত?
(সেট প্রাচীন ঘাই ছুল, চৌধুরা)

৩১ নং প্রশ্নের সমাধান

ক. 1টি কলমের দাম y টাকা

$$\therefore 5টি কলমের দাম 5y টাকা$$

আবার, 1টি পেসিলের দাম z টাকা

$$\therefore 7টি পেসিলের দাম 7z টাকা$$

$$\therefore 5টি কলম ও 7টি পেসিলের দাম = (5y + 7z) টাকা।$$

ক. 1টি খাতার দাম x টাকা

$$\therefore 9টি খাতার দাম 9x টাকা$$

1টি কলমের দাম y টাকা

$$\therefore 12টি কলমের দাম 12y টাকা$$

1টি পেসিলের দাম z টাকা

$$\therefore 6টি পেসিলের দাম 6z টাকা।$$

$$9টি খাতা ও 12টি কলমের মোট দাম = (9x + 12y) টাকা$$

∴ 9টি খাতা ও 12টি কলমের মোট দাম থেকে 6টি পেসিলের

দামের বিয়োগফল = $(9x + 12y - 6z)$ টাকা

ক. $12x - 19y + 17z$ জারা বোঝা যায় 12টি খাতার দাম থেকে
19টি কলমের দাম বিয়োগ করে বিয়োগফলের সাথে 17টি
পেসিলের দাম যোগ করা হয়েছে।

এখনে x, y ও z এর সাংখ্যিক সহগ যথক্রমে $12, -19$ ও 17

$$\therefore \text{সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল} = 12 \times (-19) \times 17 \\ = -3876.$$

প্রয়োগ ৭ | এক কেজি চালের দাম p টাকা এবং এক কেজি লবণের
দাম q টাকা হলে,

ক. $\frac{1}{3}$ কেজি চালের দাম কত? ২

খ. কত কেজি চালের দাম q টাকা হবে? ৬

গ. $p = 10$ টাকা এবং $q = 5$ টাকা হলে, 12 কেজি চাল
ও 8 কেজি লবণের মোট মূল্য কত হবে? ৮

(ইস্পাতালি পারিশক ছুল ও কলেজ, চৌধুরা)

৩২ নং প্রশ্নের সমাধান

ক. 1 কেজি চালের দাম p টাকা

$$\therefore \frac{1}{3} \quad " \quad " \quad " \left(p + \frac{1}{3} \right) \text{ টাকা} \\ = (p \times 3) \text{ টাকা} = 3p \text{ টাকা}$$

নির্ণয় $\frac{1}{3}$ কেজি চালের দাম $3p$ টাকা।

ক. p টাকায় পাওয়া যায় 1 কেজি চাল

$$\therefore 1 \quad " \quad " \quad " \frac{1}{p} \quad " \quad "$$

$$\therefore q \quad " \quad " \quad " \frac{1 \times q}{p} = \frac{q}{p} \text{ কেজি চাল}$$

∴ $\frac{q}{p}$ কেজি চালের দাম q টাকা।

১৫৬

নেটওর্ক একের ডিতর সব ► যঠ প্রেণি

১. ১ কেজি চালের দাম p টাকা

$$\therefore 12 \text{ " } " (12 \times p) \text{ টাকা} = 12p \text{ টাকা}$$

আবার, 1 কেজি লবণের দাম q টাকা

$$\therefore 8 \text{ " } " (8 \times q) \text{ টাকা} = 8q \text{ টাকা}$$

$\therefore 12$ কেজি চাল ও 8 কেজি লবণের মোট দাম $= (12p + 8q)$ টাকা

এখন, $p = 10$ টাকা এবং $q = 5$ টাকা হলে 12 কেজি চাল ও 8 কেজি লবণের মোট মূল্য $= (12 \times 10 + 8 \times 5)$ টাকা

$$= (120 + 40) = 160 \text{ টাকা}$$

নির্ণয় মোট মূল্য 160 টাকা।

প্রশ্ন ৮। $a = 4x + 5y$; $b = (x - y)^2$ এবং $c = x^2 - 2xy + y^2$

ক. c রাশিটিতে কয়টি পদ আছে? পদগুলোর সাংখ্যিক সহগগুলোর যোগফল নির্ণয় কর।

খ. একটি খাতার দাম x টাকা এবং একটি কলমের দাম y টাকা হলে, a রাশিটি দ্বারা কী বোঝায়?

গ. $x = 5$ এবং $y = 2$ হলে প্রমাণ কর যে, $b = c$.
সিলেট সরকারি পাইলট উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট

৮নং প্রশ্নের সমাধান

ক. দেওয়া আছে, $c = x^2 - 2xy + y^2$

$\therefore c$ এর রাশিটিতে তিনটি পদ আছে।

পদ তিনটি হচ্ছে x^2 , $-2xy$ এবং y^2 ।

পদগুলোর সাংখ্যিক সহগগুলোর যোগফল $= 1 + (-2) + 1$

$$= 1 - 2 + 1$$

$$= 2 - 2$$

$$= 0$$

খ. দেওয়া আছে, $a = 4x + 5y$

1টি খাতার দাম x টাকা

এবং 1টি কলমের দাম y টাকা হলে,

4x দ্বারা 4টি খাতার দাম বোঝায়

এবং 5y দ্বারা 5টি কলমের দাম বোঝায়।

$\therefore a = 4x + 5y$ দ্বারা 4টি খাতা এবং 5টি কলমের দামের সমষ্টি বোঝায়।

গ. দেওয়া আছে, $b = (x - y)^2$

এবং $c = x^2 - 2xy + y^2$

$x = 5$ এবং $y = 2$ হলে,

$$b = (5 - 2)^2$$

$$= 3^2 = 3 \times 3 = 9$$

এবং $c = 5^2 - 2 \times 5 \times 2 + 2^2$

$$= 5 \times 5 - 20 + 2 \times 2$$

$$= 25 - 20 + 4$$

$$= 29 - 20 = 9$$

$\therefore b = c$. (প্রমাণিত)

বহুনির্বাচনি অংশ

কমন উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিখি



মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রশ্নীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১. বীজগণিতে '+' চিহ্নকে কি বলে? (সহজমান)

- মাস্টিপ্রিকেশন ডিভিশন মাস মাইনাস

২. '+' চিহ্নকে বীজগণিতে কি বলে? (সহজমান)

- ডিভিশন মাস্টিপ্রিকেশন ডিফারেন্স ডট

৩. বীজগণিতীয় রাশির যে অংশ যোগ (+) এবং বিয়োগ (-) চিহ্ন দ্বারা সংযুক্ত থাকে, তাদের প্রত্যেকটিকে এই রাশির কি বলে? (সহজমান)

- ভয়াংশ গুণ ডিভিশন পদ

৪. $2x + 3y$ রাশিটিতে কয়টি পদ রয়েছে? (সহজমান)

- একটি দুইটি তিনটি চারটি

৫. m এর 6 গুণ এবং n এর 7 গুণের সমষ্টিকে 5 দ্বারা ভাগ করলে, নিচের কোনটি হবে? (সহজমান)

- $\frac{42mn}{5}$ $\frac{13mn}{5}$ $\frac{6m+7n}{5}$ $210mn$

৬. $\frac{7}{5}pq$ রাশিটিতে pq এর সহগ কত? (সহজমান)

- $\frac{9}{7}$ 0 $\frac{7}{9}$ 16

৭. $x \times y$ কে কিভাবে পড়া হয়? (সহজমান)

- x ডিভিশন y x বাই y x ডিফারেন্স y x ইটু y

৮. x এর সাথে y এর 7 গুণ যোগ করলে নিচের কোনটি হবে? (সহজমান)

- $7x + y$ $x + 7y$ $7x + 7y$ $7xy$

৯. a এর 9 গুণ থেকে b এর 5 গুণ বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে? (সহজমান)

- $9a5b$ $45ab$ $9a - 5b$ $5a - 9b$

১০. p এর বিগুণ হতে q বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে? (সহজমান)

- $2p - q$ $2p + q$ $2(p - q)$ $2p - 2q$

১১. x এবং y এর সমষ্টির অর্ধেক কোনটি? (সহজমান)

- $\frac{x+y}{2}$ $x+y$ $\frac{x-y}{2}$ $2x + 2y$

১২. $5x + 7y + 3c + 8b \times 3y$ রাশিটিতে কয়টি পদ রয়েছে? (সহজমান)

- তিনটি চারটি পাঁচটি আটটি

১৩. $2x + 3y + 4z$ রাশিটি কোন ধরনের রাশি? (সহজমান)

- একপদী রাশি দ্বিপদী রাশি ত্রিপদী রাশি চারপদী রাশি

১৪. একপদী রাশির সাথে যখন কোনো সংখ্যা গুণক হিসেবে যুক্ত থাকে না, তখন এই রাশির সহগ কত ধরা হয়? (সহজমান)

- 0 1 10 100

১৫. $12xy$ রাশিটিতে xy এর সহগ কত? (সহজমান)

- 0 1 -12 12

১৬. $-axy$ রাশিটিতে axy এর সহগ কত? (সহজমান)

- 0 1 -1 3

১৭. $(2a + 5a)$ রাশিটিতে a এর সাংখ্য সহগ কোনটি? (সহজমান)

- $10a$ 10 7a 7

[উত্ত/ব্যাখ্যা : প্রদত্ত রাশি $= 2a + 5a = 7a = 7 \times a$
 $\therefore a$ এর সাংখ্য সহগ = 7]

১৮. বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১৮. x ইটু y কে লেখা হয়-

- i. $x \times y$

- ii. $x.y$

- iii. xy

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)

- i ও ii ii ও iii i ও iii i, ii ও iii

১৯. বীজগণিতীয় রাশি হলো-

- i. প্রক্রিয়া চিহ্ন ও সংখ্যাসূচক প্রতীক-এর অর্ধবোধক সংযোগ বা বিন্যাস।

- ii. $2x + 5y$

- iii. 10204

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)

- i ও ii ii ও iii i ও iii i, ii ও iii

২০. বিপদী রাশি হলো-

- i. $3a + 4b$

- ii. $4x + 5y$

- iii. $2x + 3y$

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)

- i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

- i, ii ও iii

গণিত

১৫৭

২১. $5x + 3y + z$ রাশিটিতে—

- i. x এর সহগ 5
ii. x, y, z এর সহগের সমষ্টি 9
iii. এটি একটি বিপৰীতীয় রাশি

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজান)

- i ও ii ● ii ও iii ○ i ও iii ○ i, ii ও iii

২২. x ও y দুইটি সংখ্যার ক্ষেত্রে—

- i. a ডিজিস্যন $y = \frac{a}{y}$.
ii. x কে a দ্বারা ভাগ করলে $\frac{a}{x}$ হয়।

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজান)

- i ও ii ● ii ও iii ○ i ও iii ○ i, ii ও iii

অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

■ $x + 6y$ একটি রাশি।

ওপরের তথ্যের ভিত্তিতে ২৩ – ২৫নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

২৩. অদ্বৰ্য রাশিটি কতপৰী রাশি? (সহজান)

- একপৰী ● বিপৰীতীয় ○ ত্রিপৰী ○ ত্রিপৰী

২৪. অদ্বৰ্য রাশিটি x এর সহগ কত? (সহজান)

- 0 ● 1 ○ 6 ○ 7

২৫. অদ্বৰ্য রাশিটি y এর সহগ কত? (সহজান)

- 1 ● 2 ○ 6 ○ 7

■ একটি খাতার দাম a টাকা, একটি কসমের দাম b টাকা এবং একটি বইয়ের দাম c টাকা।

ওপরের তথ্যের ভিত্তিতে ২৬ – ২৮নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

২৬. 15টি খাতার দাম কত টাকা? (সহজান)

- 15a টাকা ● (15+a) টাকা ○ (15+a) টাকা ○ 15abc টাকা

২৭. 10টি কসম ও 3টি বইয়ের দাম একত্রে কত টাকা? (সহজান)

- 30abc ● 13bc ○ 10b + 3c ○ 3b + 10c

২৮. একটি খাতা, একটি কসম এবং একটি বইয়ের দাম একত্রে কত টাকা? (সহজান)

- (a+b+c) টাকা ○ (a+b+c) টাকা ○ (a-b-c) টাকা

শীর্ষস্থানীয় ক্লাসমূহৰে বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

২৯. $8x + 5y$ রাশিটিতে x এর সহগ কত? (ভিকাহুনিসা সূন ক্লাস, ঢাকা)

- 8 ● 8x ○ 5 ○ 5y

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: $8x + 5y$ রাশিটি x এর সহগ 8]৩০. x এর তিনগুণ এবং y এর বিগুণের সমষ্টি নিচের কোনটি?

[সামন্ত হক খান ক্লাস এচ কলেজ, ঢাকা]

- $y+3x$ ● $3x+2y$ ○ $x+2y$ ○ $2x+3y$

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: x এর তিনগুণ = $3x$ y এর বিগুণ = $2y$ এদের সমষ্টি = $3x+2y$)৩১. a ও b এর গুণফল থেকে c ও x এর গুণফল এর বিয়োগফল নিচের কোনটি?

[ভিকাহুনিসা সূন ক্লাস এচ কলেজ, ঢাকা]

- $\frac{ab}{cx}$ ○ $(a-b)(c-x)$ ● $ab-cx$ ○ $ac-bx$

৩২. নিচের কোনটি বিপৰীতীয় রাশি? (ভিকাহুনিসা সূন ক্লাস এচ কলেজ, ঢাকা)

- $3x \times 2y + 3y - z + 5x$ ○ $7xy + 3z + 2z$

- $-5xy - 5y - 2z + 3x$ ○ $3xyz$

৩৩. $x = -1$ হলে, $2a^3 \times x$ এর মান কত? [বাইটক উচ্চা মডেল কলেজ, ঢাকা]

- -2 ● 1 ○ 2 ○ 6

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: $x = -1, 2a^3 \times x = 2a^{3+1} = 2a^4 = 2(-1)^4 = 2 \times 1 = 2$]

৩৪. একটি সংখ্যার 5 গুণ থেকে 4 বিয়োগ করলে, বিয়োগফল আবর্ত তিনগুলোর

সমান হয়। উক্ত তথ্যের আলোকে সমীকরণ নিচের কোনটি?

[বাইটক উচ্চা মডেল কলেজ, ঢাকা]

- $-5x + 4 = 3x$ ● $5x - 4 = 3x$ ○ $3x - 4 = 5x$ ○ $5x + 3x = 4$

৩৫. x এবং তিনগুণ এবং y এর বিগুণের সমষ্টি নিচের কোনটি?

[অদ্বৰ্য ক্লাসমূহৰে পাবলিক ক্লাস, ঢাকা]

- $x + 3x$ ● $3x + 2y$ ○ $x + 2y$ ○ $2x + 3y$

৩৬. x এবং তিনগুণ থেকে 4 বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে?

[অদ্বৰ্য ক্লাসমূহৰে পাবলিক ক্লাস, ঢাকা]

- $3x + 4$ ● $\frac{x}{3} - 4$ ○ $3x - 4$ ○ $x + 3 - 4$

৩৭. x ও y এর যোগফলের অর্ধেক নিচের কোনটি?

[অদ্বৰ্য ক্লাসমূহৰে পাবলিক ক্লাস, ঢাকা]

- $x + y$ ● $2(x + y)$ ○ $\frac{1}{2}(x + y)$ ○ $\frac{1}{3}(x + y)$

৩৮. $a + b \times c - c + d$ রাশিটে কয়টি পদ আছে?

[বিদ্যুৎসিদ্ধি সহকারি বাণিজ্য কলেজ উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা]

- 2টি ● 3টি ○ 4টি ○ 5টি

৩৯. x এর 4 গুণ ও y এর 5 গুণের বিয়োগফল কোনটি?

[বিদ্যুৎসিদ্ধি কলেজটে ক্লাস, ঢাকা]

- $4x - 5y$ ● $4y - 5x$ ○ $5y - 4x$ ○ $5x - 4y$

৪০. $3x^2 - y^2 + 3z^2$ রাশিটিতে y^2 এর সহগ কটা? [বেঙ্গল জিলা ক্লাস, মুন্ডা]

- -1 ● 1 ○ 2 ○ 3

৪১. $8x + 5y$ রাশিটে y এর সহগ নিচের কেনটি? [কুমিল্লা জিলা ক্লাস, কুমিল্লা]

- 8 ● 5 ○ 5y ○ $8x - 5y$

৪২. $9x^3, 9x^2, 5y^3$ তিনি বীজগাণিতিক রাশি হলে রাশি তিনির নাম্বিক সহগের যোগফল কত? [বিদ্যুৎসিদ্ধি পাবলিক ক্লাস ও কলেজ, কুমিল্লা]

- 13 ● 14 ○ 17 ○ 23

৪৩. a কে b দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের সাথে 10 যোগ করলে নিচের কোনটি হবে? [ডাঃ আত্মীয় সহকারি বাণিজ্য কলেজ উচ্চ বিদ্যালয়, চট্টগ্রাম]

- $\frac{a}{b+10}$ ● $\frac{a+10}{b}$ ○ $\frac{a}{b} + 10$ ○ $\frac{a+10}{b+10}$

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: a কে b দ্বারা ভাগ করলে ভাগফল = $\frac{a}{b}$

$$\therefore \frac{a}{b} \text{ এর সাথে } 10 \text{ যোগ করলে হয়} = \frac{a}{b} + 10$$

৪৪. $-\frac{1}{2}y$ এ y এর সহগ কত? [বেঙ্গল জিলা ক্লাস, বেঙ্গল]

- -1 ● -2 ○ - $\frac{1}{2}$ ○ $\frac{1}{2}$

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: $-\frac{1}{2}y = -\frac{1}{2} \times y$

$$\therefore y \text{ এর সহগ} = -\frac{1}{2}$$

৪৫. x থেকে $3x$ এর বিয়োগফল নিচের কোনটি? [বেঙ্গল জিলা ক্লাস, বেঙ্গল]

- $2x$ ● - $2x$ ○ - x ○ $4x$

[তথ্য/ধ্যাখ্যা: বিয়োগফল = $x - 3x = -2x$]৪৬. একটি গুরু ও একটি ছাগলের মূল্য যথেক্ষণে x এবং y হলে, নিচের কোনটি 5টি গুরু এবং 6টি ছাগলের মোট মূল্য কৈকাশ করে?

[কুমিল্লা জিলা ক্লাস, কুমিল্লা]

- $6x + 5y$ ● $6x - 5y$ ○ $5x + 6y$ ○ $5x - 6y$

৪৭. $-xyz$ রাশিটে xyz এর সহগ কত? [সিলেট সহকারি পাইলট উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট]

- 1 ● -1 ○ 0 ○ -2

৪৮. একটি আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য a মিটার ও প্রস্থ b মিটার হলে এর পরিসীমা কত? [সিলেট সহকারি পাইলট উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট]

- $a+2b$ ● $2(a+b)$ ○ $3(+b)$ ○ $2a+b$

৪৯. $-\frac{1}{2}xyz$ এ xyz এর সহগ কত? [বাইটক উচ্চা মডেল কলেজ, ঢাকা]

- $\frac{1}{2}$ ● - $\frac{1}{2}$ ○ 1 ○ xyz

৫০. কোন চলকের সাথে কোন অক্ষর প্রতীক গুণক হিসেবে যুক্ত থাকলে তখন এই গুণকটিকে— বলে? [বাইটক উচ্চা মডেল কলেজ, ঢাকা]

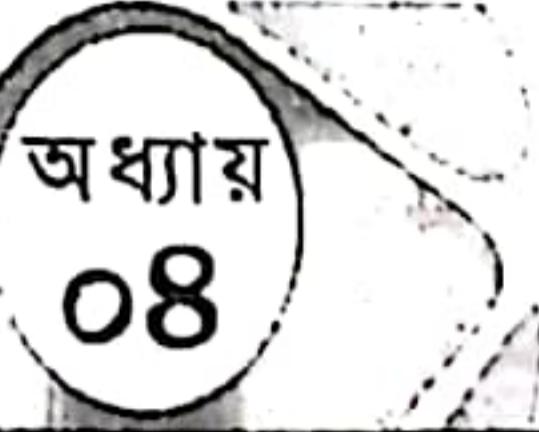
১৫৮

৫৩. $a^2 + 2ab + b^2$ রাশিতে কয়টি পদ আছে? [পুর্ণিমা সাইন মাধ্যমিক বিদ্যালয়, যশোর]
 i 2 ii 3 iii 4 iv 1
৫৪. $2x, 3y$ ও $2z$ রাশি তিনটির সাধারণ সহগের যোগফল কত?
 i 12 ii 6 iii 5 iv 7
৫৫. a ও b এর বিয়োগফলের দুই তৃতীয়গাম কত? [চট্টগ্রাম কলেজিয়েট কলেজ, চট্টগ্রাম;
 অসম বাণিজ্যিক উচ্চ বিদ্যালয়, চট্টগ্রাম]
 i $\frac{3}{2}(a-b)$ ii $\frac{2}{3}(a-b)$ iii $\frac{1}{3}(a-b)$ iv $3(a-b)$
৫৬. abx রাশিটিতে x এর আক্ষরিক সহগ কত? [চট্টগ্রাম কলেজিয়েট কলেজ, চট্টগ্রাম]
 i a ii b iii ab iv abx
৫৭. p এবং q -এর যোগফলের তিনগুণ নিচের কোনটি?
 [ভিকানুনিসা মূল কলেজ, ঢাকা]
 i $p+q$ ii $\frac{1}{3}(p+q)$ iii $3(p+q)$ iv $3pq$
৫৮. $a(m+n)$ -এর মান কোনটি? [মোহাম্মদপুর প্রিমারেটি উচ্চ মাধ্যমিক বিদ্যালয়, ঢাকা]
 i amn ii am² + an iii m + a iv a + n
৫৯. একটি বইয়ের দাম x টাকা এবং একটি কলমের দাম y টাকা হলে,
 ৫টি বই এবং 12টি কলমের দামের সমষ্টি কত?
 [অসমীয়া কাল্টুরেট পাবলিক কলেজ, ঢাকা]
 i 60xy টাকা ii 12+5y টাকা iii $7xy$ টাকা iv $(5x + 12y)$ টাকা
৬০. যোগ, বিয়োগ, গুণ ও ভাগ যেসব চিহ্ন দিয়ে প্রকাশ করা হয়
 তাদেরকে কী বলে?
 [অসমীয়া সরকারি বাণিজ্যিক উচ্চ বিদ্যালয়, রাজবাড়ী]
 i সমান চিহ্ন ii অসমান চিহ্ন
 iii প্রক্রিয়া চিহ্ন iv সংখ্যা চিহ্ন
৬১. একটি কলার মূল্য m টাকা ও একটি আপেলের মূল্য n টাকা হলে
 নিচের কোনটি ১টি কলা ও ১৫টি আপেলের মূল্য একত্রে প্রকাশ করে?
 [চন্দোলন সরকারি বাণিজ্যিক উচ্চ বিদ্যালয়, মাদারীগুড়া]
 i $m + 15n$ ii $15m + n$
 iii $n + 15m$ iv $10m + n$
৬২. এক হালি কলার দাম y টাকা হলে এক ডজন কলার দাম কত?
 [দক্ষীগুৰি সরকারি বাণিজ্যিক উচ্চ বিদ্যালয়, মাদারীগুড়া]
 i 36 টাকা ii $3x$ iii $12y$ iv $3y$
৬৩. x এর এক-তৃতীয়গাম থেকে y এর অর্ধেক বিয়োগ করলে কত হবে?
 [সিলভার বেলস পার্স হাই কলেজ, চট্টগ্রাম]
 i $\frac{x}{3} - \frac{y}{2}$ ii $\frac{3}{x} - \frac{2}{y}$ iii $\frac{2}{x} - \frac{3}{y}$ iv $\frac{x}{2} - \frac{y}{3}$
৬৪. x এবং -5 এর যোগ বলতে কোনটি বুঝায়?
 [দক্ষীগুৰি সরকারি বাণিজ্যিক উচ্চ বিদ্যালয়, মাদারীগুড়া]
 i $5 - x$ ii $x - 5$ iii $5 + x$ iv সবগুলি
৬৫. $5x + 3y$ রাশিতে x এর সহগ নিচের কোনটি?
 [বৰগুনা জিলা কলেজ, বৰগুনা]
 i $5x$ ii 5 iii $3y$ iv 3
৬৬. $4x^2, 2x^2$ -দুইটি বীজগাণিতীয় রাশি হলে এদের গুণফলের চলকের
 সূচক কত?
 [বরিশাল জিলা কলেজ, বরিশাল]
 i 2 ii 4 iii 6 iv 8
৬৭. $1 - xyz$ রাশিটিতে xyz এর সহগ কত?
 [বরিশাল জিলা কলেজ, বরিশাল]
 i 1 ii 0 iii -1 iv xy
৬৮. $5a + 7b + x - 3x \times y$ রাশিটিতে কতটি পদ আছে?
 [বরিশাল জিলা কলেজ, বরিশাল]
 i 2টি ii 3টি iii 4টি iv 5টি

বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

৬৯. x ও y চলকসমূহের—
 i. যোগফল $x + y$
 ii. গুণফল xy
 iii. বর্গের সমষ্টি $x^2 - y^2$
 নিচের কোনটি সঠিক?
 i ii ii iii iii ii iv iii

৭০. সামন 30 টাকায় একটি কলম ও রাবার কিনল। রাবারের দাম m টাকা
 এবং কলমের দাম রাবারের দামের দিগুণ। [বরিশাল জিলা কলেজ, বরিশাল]
 i. কলমের দাম $3m$ টাকা
 ii. সমীকরণ $m + 2m = 30$
 iii. কলমের দাম 20 টাকা হলে রাবারের দাম 10 টাকা
 নিচের কোনটি সঠিক?
 i ii ii iii iii ii iv iii
৭১. $2a^2, b^2, c^2$ তিনটি বীজগাণিতিক রাশি—
 i. b^2 এর সাধারণ সহগ 2
 ii. a^2 এর সাধারণ সহগ 2
 iii. a^2, b^2 ও c^2 এর সাধারণ সহগের যোগফল 4
 নিচের কোনটি সঠিক?
 i ii ii iii iii ii iv iii
৭২. $i. 12x$ হল x এবং 3.2^2 এর গুণফল
 ii. $4a^3$ রাশিতে a এর সূচক 4
 iii. $3x + 4$ রাশিতে x এর সহগ 3
 নিচের কোনটি সঠিক?
 [বলোর জিলা কলেজ, বলোর]
 i ii ii iii iii ii iv iii
৭৩. $i. a = 2$ হলে $a^3 = 8$
 ii. $8x + 3y + 4$ একটি বীজগাণিতিক রাশি.
 iii. $9x^2 + 12y^2$ রাশিতে x^2 এর সহগ 9
 নিচের কোনটি সঠিক?
 [শুলনা জিলা কলেজ, শুলনা]
 i ii ii iii iii ii iv iii
৭৪. $5x + 7z + 2x - 3x \times 5z$ রাশিটিতে—
 i. পদসংখ্যা ৫টি
 ii. ১ম পদের x এর সহগ 5
 iii. পদগুলো $5x, 7z + 2x, 3x \times 5z$
 নিচের কোনটি সঠিক?
 [আইতিয়াল কলেজ অ্যাড কলেজ, মতিবিল, ঢাকা]
 i ii ii iii iii ii iv iii
৭৫. চলক অর্থ যাৱ—
 i. পরিবৰ্তন হয় না
 ii. মান নির্দিত নয়
 iii. বিভিন্ন মান ধারণের ক্ষমতা আছে
 নিচের কোনটি সঠিক?
 [চট্টগ্রাম কলেজিয়েট কলেজ, চট্টগ্রাম]
 i ii ii iii iii ii iv iii
- অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর
- নিচের তথ্য হতে ৭৬ — ৭৮নং প্রশ্নের উত্তর দাও:
- একটি কলমে দাম x টাকা, একটি খাতার দাম y টাকা এবং একটি বইয়ের দাম z টাকা। [বিদ্যুবাসীনী সরকারি বালক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকাইল]
৭৬. 12টি কলমের দাম কত?
 i $(12 + x)$ টাকা ii $12x$ টাকা
 iii $(12 + x)$ টাকা iv $12xyz$ টাকা
৭৭. 10টি খাতা ও 5টি বইয়ের দাম একত্রে কত টাকা?
 i $15yz$ টাকা ii $(15 + yz)$ টাকা
 iii $50yz$ টাকা iv $(10y + 5z)$ টাকা
৭৮. একটি কলম, একটি খাতা ও একটি বইয়ের দাম একত্রে কত টাকা?
 i xyz টাকা ii $(x - y + z)$ টাকা
 iii $(x + y + z)$ টাকা iv $(x - y - z)$ টাকা
- নিচের তথ্যের ভিত্তিতে ৭৯ ও ৮০নং প্রশ্নের উত্তর দাও:
- একটি খাতার দাম x টাকা এবং একটি কলমের দাম y টাকা।
 [ক্লাস্টোরেট পাবলিক কলেজ ও কলেজ, রংপুর]
৭৯. চারটি খাতা ও চারটি কলমের মোট দাম কত?
 i $4x + 4y$ ii $(2x + 2y)$ iii $\frac{4x + 4y}{4}$ iv $\frac{3x + 3y}{9}$
৮০. 15টি খাতার দাম থেকে ৪০টি কলমের দাম বিয়োগ করলে
 কত ধাকে?
 i $15x + 5y$ ii $15x + 51y$ iii $15x - 5y$ iv $15(x + 5)$



অধ্যায় ০৮

বীজগণিতীয় রাশি

অনুশীলনী ৪.২ : সূচক.

অনুশীলনীৰ শিখনফল

অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব-

- বীজগণিতীয় রাশিৰ সূচকীয় ঘাত বা শক্তি সম্পর্কে জানতে পারব।
- সূচকেৰ ভিত্তি সম্পর্কে জানতে পারব।
- সূচক সম্পর্কে জানতে পারব।
- সূচকেৰ গুণ বিধি সম্পর্কে জানতে পারব।
- সূচকেৰ গুণ বিধি প্ৰয়োগ কৱে সূচকীয় মান নিৰ্ণয় কৱতে পারব।

শিখন অর্জন যাচাই

- সূচক সম্পর্কে ধাৰণা লাভ কৱতে পারব।
- কোনো সংখ্যায় সূচক ও ভিত্তি নিৰ্ণয় কৱতে পারব।
- সূচকেৰ গুণ বিধি সম্পর্কে সম্যক ধাৰণা অর্জন কৱতে পারব এবং গুণ বিধি প্ৰয়োগ কৱতে পারব।

শিখন সহায়ক উপকৰণ

- পাঠ্যবইয়েৰ ৮৪ পৃষ্ঠাৰ ছবি।
- সূচক ও ভিত্তি সংৰাজিত পোস্টাৰ • পাঠ্যবইয়েৰ সদন্যা ও দার্দাদলি।

এক নজৰে ➔ অনুশীলনীৰ প্ৰয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই

- **সূচক :** কোনো রাশিতে একই উৎপাদক যতবাৰ গুণ আকাৰে থাকে, ততবাৱেৰ সংখ্যাকে উৎপাদকটিৰ সূচক বা উৎপাদক ভিত্তি বলা হয়। যেমন $16 = 2^4$ অৰ্থাৎ 16 এৰ মধ্যে 2 উৎপাদকটি 4 বাৰ আছে। এখানে সূচক 4 এবং ভিত্তি 2।
- **ঘাত বা শক্তি :** a কে যদি n বাৰ গুণ কৰা হয় তবে আমৱা পাই, $a \times a \times a \times \dots \times a$ (n বাৰ) = a^n এখানে a^n কে a এৰ n তম ঘাত বা শক্তি বলে। n হল ঘাতেৰ সূচক ও a হবে ভিত্তি। সংখ্যাৰ ক্ষেত্ৰে সূচক থেকে একটি সূচকমুক্ত ফলাফল পাওয়া যায়, কিন্তু অক্ষেত্ৰে সূচক থেকে ফলাফল সূচক আকাৰেই থাকে।

অনুশীলন

সেৱা পৱৰীক্ষাপ্ৰস্তুতিৰ জন্য 100% সঠিক কৱ্যাট
অনুসৰণে সৰ্বাধিক গাণিতিক সমস্যাৰ সমাধান

শিক্ষার্থী বন্ধুদা, তোমাদেৱ সেৱা প্ৰস্তুতিৰ জন্য এ অংশে কমন উপযোগী সকল গাণিতিক সমস্যা নিৰ্ভুল সমাধান সহকাৱে সহযোগিতা কৱা হৈবেছে। অনুশীলনীৰ সুবিধাৰ্থে গাণিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীৰ সমস্যা, সূজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনিৰ্বাচনি অংশ বিভক্ত কৱে পাঠ্যেৰ ধাৰায় উপস্থাপন কৱা হৈবেছে।

অনুশীলনীৰ সমস্যাৰ সমাধান

গাণিতিক সমস্যাৰ সমাধান

১। সৱল কৰ:

$$(i) x^3 \times x^7$$

সমাধান: $x^3 \times x^7 = x^{3+7} = x^{10}$
নিৰ্ণয় সৱলফল: x^{10}

$$(ii) a^3 \times a \times a^5$$

সমাধান: $a^3 \times a \times a^5 = a^{3+1+5} = a^9$
নিৰ্ণয় সৱলফল: a^9

$$(iii) x^4 \times x^2 \times x^9$$

সমাধান: $x^4 \times x^2 \times x^9 = x^{4+2+9} = x^{15}$
নিৰ্ণয় সৱলফল: x^{15}

$$(iv) m \times m^2 \times n^3 \times m^3 \times n^7$$

সমাধান: $m \times m^2 \times n^3 \times m^3 \times n^7$
 $= m \times m^2 \times m^3 \times n^3 \times n^7$
 $= m^{1+2+3} \times n^{3+7} = m^6 \times n^{10} = m^6 n^{10}$
নিৰ্ণয় সৱলফল: $m^6 n^{10}$

$$(v) 3a \times 4b \times 2a \times 5c \times 3b$$

সমাধান: $3a \times 4b \times 2a \times 5c \times 3b$
 $= 3a \times 2a \times 4b \times 3b \times 5c$
 $= 6a^{1+1} \times 12b^{1+1} \times 5c$
 $= 6a^2 \times 12b^2 \times 5c = (6 \times 12 \times 5)a^2 b^2 c = 360a^2 b^2 c$
নিৰ্ণয় সৱলফল: $360a^2 b^2 c$

$$(vi) 2x^2 \times y^2 \times 2z^2 \times 3y^2 \times 4x^2$$

সমাধান: $2x^2 \times y^2 \times 2z^2 \times 3y^2 \times 4x^2$
 $= 2x^2 \times 4x^2 \times y^2 \times 3y^2 \times 2z^2$
 $= 8x^{2+2} \times 3y^{2+2} \times 2z^2$
 $= 8x^4 \times 3y^4 \times 2z^2$
 $= (8 \times 3 \times 2)x^4 y^4 z^2 = 48x^4 y^4 z^2$

নিৰ্ণয় সৱলফল: $48x^4 y^4 z^2$

২। $a = 2, b = 3, c = 1$ হলে নিচেৰ রাশিগুলোৰ মান নিৰ্ণয় কৰ:

$$(i) a^3 + b^2$$

সমাধান: $a^3 + b^2$
 $= (2)^3 + (3)^2$ [মান বসিয়ো]
 $= 8 + 9 = 17$

নিৰ্ণয় মান: 17.

$$(ii) b^3 + c^3$$

সমাধান: $b^3 + c^3$
 $= (3)^3 + (1)^3$ [মান বসিয়ো]
 $= 27 + 1 = 28$

নিৰ্ণয় মান: 28.

$$(iii) a^2 - b^2 + c^2$$

সমাধান: $a^2 - b^2 + c^2$
 $= (2)^2 - (3)^2 + (1)^2$ [মান বসিয়ো]
 $= 4 - 9 + 1 = 4 + 1 - 9 = 5 - 9 = -4$

নিৰ্ণয় মান: -4.

(iv) $b^2 - 2ab + a^2$

সমাধান : $b^2 - 2ab + a^2$

$= (3)^2 - 2 \times 2 \times 3 + (2)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 9 - 12 + 4 = 9 + 4 - 12 = 13 - 12 = 1$

নির্ণেয় মান : 1

(v) $a^2 - 2ac + c^2$

সমাধান : $a^2 - 2ac + c^2$

$= (2)^2 - 2 \times 2 \times 1 + (1)^2 = 4 - 4 + 1$

$= 4 + 1 - 4 = 5 - 4 = 1$

নির্ণেয় মান : 1

৩। $x = 3, y = 5, z = 2$ হলে দেখাও যে,

(i) $y^2 - x^2 = (x + y)(y - x)$

সমাধান :

বামপক্ষ $= y^2 - x^2$

$= (5)^2 - (3)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 25 - 9 = 16$

ডানপক্ষ $= (x + y)(y - x)$

$= (3 + 5)(5 - 3)$ [মান বসিয়ে]

$= 8 \times 2 = 16$

$\therefore y^2 - x^2 = (x + y)(y - x)$. (দেখানো হলো)

(ii) $(x + y)^2 = (x - y)^2 + 4xy$

সমাধান :

বামপক্ষ $= (x + y)^2$

$= (3 + 5)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 8^2 = 64$

ডানপক্ষ $= (x - y)^2 + 4 \cdot xy$

$= (3 - 5)^2 + 4 \times 3 \times 5$

$= (-2)^2 + 60 = 4 + 60 = 64$

$\therefore (x + y)^2 = (x - y)^2 + 4xy$. (দেখানো হলো)

(iii) $(y + z)^2 = y^2 + 2yz + z^2$

সমাধান : বামপক্ষ $= (y + z)^2$

$= (5 + 2)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 7^2 = 49$

ডানপক্ষ $= y^2 + 2yz + z^2$

$= (5)^2 + 2 \times 5 \times 2 + (2)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 25 + 20 + 4 = 49$

$\therefore (y + z)^2 = y^2 + 2yz + z^2$. (দেখানো হলো)

(iv) $(x + z)^2 = x^2 + 2xz + z^2$

সমাধান : বামপক্ষ $= (x + z)^2$

$= (3 + 2)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 5^2 = 25$

ডানপক্ষ $= x^2 + 2xz + z^2$

$= (3)^2 + 2 \times 3 \times 2 + (2)^2$ [মান বসিয়ে]

$= 9 + 12 + 4 = 25$

$\therefore (x + z)^2 = x^2 + 2xz + z^2$. (দেখানো হলো)

৪. বহুনির্বাচনি প্রশ্নেওতর

৪। সঠিক উত্তরটির বৃত্ত (●) ভরাট কর :

(I) $a^7 \times a^8$ এর মান কোনটি?

Ⓐ a^{56}

● a^{15}

Ⓑ 15

Ⓓ 56

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $a^7 \times a^8 = a^{7+8} = a^{15}$.](II) $a^3 \times a^{-3}$ এর মান কোনটি?

Ⓐ a^6

● a^9

Ⓑ a^0

Ⓓ a^3

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $a^3 \times a^{-3} = a^{3-3} = a^0$.](III) $5x^2 \times 4x^4$ এর মান কোনটি?

Ⓐ x^6

● $20x^6$

Ⓑ $20x^8$

Ⓓ $9x^6$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $5x^2 \times 4x^4 = (5 \times 4) \times (x^2 \times x^4) = 20x^{2+4} = 20x^6$.](IV) $x^5 \times x^4$ এ x এর সূচক কোনটি?

Ⓐ x^{20}

● x^9

Ⓑ 9

Ⓓ 20

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $x^5 \times x^4 = x^{5+4} = x^9$ ∴ রাশিটিতে x এর সূচক 9.](V) $5a^3 \times a^5$ এ a এর সূচক কোনটি?

Ⓐ 5

● a^8

Ⓑ 15

Ⓓ 8

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $5a^3 \times a^5 = 5a^{3+5} = 5a^8$ ∴ রাশিটিতে a এর সূচক 8.]

৫. সূজনশীল অংশ



কমন উপযোগী সূজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি



৬. মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রশ্নীত সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

১ম রাশি $= x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

 $x = 2$ এবং $y = -2$ হলে

১ম রাশি $= (2)^3 + 3 \times (2)^2 \times (-2) + 3 \times 2 (-2)^2 + (-2)^3$

$= 8 + 3 \times 4 (-2) + 6 \times 4 + (-8)$

$= 8 - 24 + 24 - 8 = 0$

নির্ণেয় মান 0.

২য় রাশি আছে, $x = 4$ এবং $y = 3$

১ম রাশি $= x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

$= 4^3 + 3 \times 4^2 \times 3 + 3 \times 4 \times 3^2 + 3^3$

$= 64 + 3 \times 16 \times 3 + 3 \times 4 \times 9 + 27$

$= 64 + 144 + 108 + 27 = 343$

২য় রাশি $= (x + y)^3$

$= (4 + 3)^3$

$= 7^3 = 343$

 \therefore ১ম ও ২য় রাশির মান একই। (দেখানো হলো)

গণিত

এখানে, $x = 3, y = 5, z = 2$

$$\text{প্রদত্ত রাশি} = x^2 - y^2 + z^2$$

$$\begin{aligned} &= (3)^2 - (5)^2 + (2)^2 \quad [\text{মান বসিয়ে}] \\ &= (3 \times 3) - (5 \times 5) + (2 \times 2) \\ &= 9 - 25 + 4 = 13 - 25 = -12 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান - 12.

এখানে, $x = 3, y = 5, z = 2$

$$\text{বামপক্ষ} = y^2 - x^2$$

$$\begin{aligned} &= (5)^2 - (3)^2 \\ &= (5 \times 5) - (3 \times 3) = 25 - 9 = 16 \end{aligned}$$

$$\text{ডানপক্ষ} = (x+y)(y-x)$$

$$\begin{aligned} &= (3+5)(5-3) \\ &= 8 \times 2 = 16 \end{aligned}$$

সূতরাক $y^2 - x^2 = (x+y)(y-x)$. (দেখানো হলো)[প্রশ্ন] (i) $a^2 - 2abc + b^2$ (ii) $(x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy$.ক. $a^2 \times a \times a^4$ রাশিটিতে a এর সহগ ও ঘাত কত? ২
(সহজমান)খ. $a = 2, b = 3, c = 1$ হলে (ii) এর মান কত? ৮
(মধ্যমান)গ. $x = 3, y = 5$ হলে দেখাও যে, (iii) এর উভয়পক্ষ সমান।
(কঠিনমান) ৮

৭নং প্রশ্নের সমাধান

$$\text{ক. } a^2 \times a \times a^4 = a^{2+1+4} = a^7$$

 \therefore রাশিটিতে a এর সহগ 1 এবং ঘাত 7.খ. (i) এ প্রদত্ত রাশি $= a^2 - 2abc + b^2$

$$a = 2, b = 3, c = 1 \text{ হলে,}$$

$$\begin{aligned} a^2 - 2abc + b^2 &= (2)^2 - 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 1 + (3)^2 \\ &= 4 - 12 + 9 = 13 - 12 = 1 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান 1.

খ. (ii) হতে, $(x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy$

$$x = 3 \text{ এবং } y = 5 \text{ হলে}$$

$$\text{বামপক্ষ} = (x-y)^2 = (3-5)^2 = (-2)^2 = 4$$

$$\begin{aligned} \text{এবং } \text{ডানপক্ষ} &= (3+5)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 5 \\ &= (8)^2 - 60 = 64 - 60 = 4 \end{aligned}$$

 \therefore (ii) এর উভয়পক্ষ সমান। (দেখানো হলো)

৮০ শীর্ষস্থানীয় ক্ষুলসমূহের সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

[প্রশ্ন] $a = -7, b = 10, P = (x-y)(x^2 + xy + y^2)$.ক. $(-3) - \boxed{\quad} = -15$ হলে, $\boxed{\quad}$ স্থানের উপযুক্ত সংখ্যাটি নির্ণয় কর। ২খ. সংখ্যারেখার সাহায্যে $a+b$ এর যোগফল নির্ণয় কর। ৮গ. $x = a+b, y = -1$ হলে, প্রমাণ কর যে, $P = x^3 - y^3$. ৮
(রাজউক উচ্চরা মডেল কলেজ, ঢাকা)

৮নং প্রশ্নের সমাধান

$$\text{ক. } (-3) - \boxed{\quad} = -15$$

$$\text{বা, } -3 + 15 = \boxed{\quad}$$

$$\text{বা, } 12 = \boxed{\quad}$$

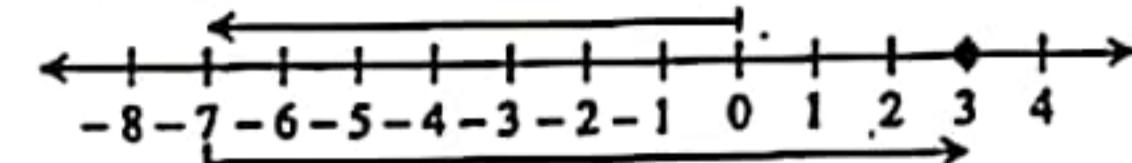
$$\therefore \boxed{\quad} = 12$$

নির্ণয় সংখ্যাটি 12.

এখানে আছে, $a = -7$ এবং $b = 10$

$$\therefore a+b = (-7) + 10$$

এখন, একটি সংখ্যারেখা আঁকি।



সংখ্যারেখার উপর 0 বিন্দু থেকে বামদিকে প্রথমে 7 ধাপ অতিক্রম করে -7 বিন্দুতে পৌছাই। তারপর -7 বিন্দুর ডানদিকে 10 ধাপ অতিক্রম করি এবং 3 বিন্দুতে পৌছাই।

$$\text{তাহলে, } (-7) + 10 = 3$$

$$\therefore a+b = (-7) + 10 = 3.$$

এখানে আছে,

$$P = (x-y)(x^2 + xy + y^2)$$

$$x = a+b = 3 \quad [\text{য হতে}]$$

$$\text{এবং } y = -1$$

$$\text{বামপক্ষ} = P$$

$$= (x-y)(x^2 + xy + y^2)$$

$$= \{3 - (-1)\} \{3^2 + 3(-1) + (-1)^2\}$$

$$= (3+1)(9-3+1)$$

$$= 4 \times (10-3) = 4 \times 7 = 28$$

$$\text{ডানপক্ষ} = x^3 - y^3$$

$$= (3)^3 - (-1)^3$$

$$= (3 \times 3 \times 3) - \{(-1) \times (-1) \times (-1)\}$$

$$= 27 - (-1) = 27 + 1 = 28$$

$$\therefore P = x^3 - y^3. \quad (\text{প্রমাণিত})$$

[প্রশ্ন] $2x - 5y + 7z, y^2 - x^2, (x+y)(y-x)$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি।ক. সরল কর : $3a^2 \times 4b^2 \times 2a^2 \times 5c^2 \times 3b^2$ ২খ. $x = 3, y = 5$ হলে দেখাও যে $y^2 - x^2 = (x+y)(y-x)$ ৮

গ. প্রথম বীজগণিতীয় রাশি হারা কী বোঝায়? উক্ত

রাশিটির x, y এবং z এর সাংখ্যিক সহগ কত? x, y ৮ও z এর সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল কত?

[ডিলাইননিসা নূন ক্লু এন্ড কলেজ, ঢাকা]

৯নং প্রশ্নের সমাধান

$$\text{ক. } 3a^2 \times 4b^2 \times 2a^2 \times 5c^2 \times 3b^2$$

$$= 3a^2 \times 2a^2 \times 4b^2 \times 3b^2 \times 5c^2$$

$$= 6a^{2+2} \times 12b^{2+2} \times 5c^2$$

$$= 6a^4 \times 12b^4 \times 5c^2$$

$$= 360a^4b^4c^2$$

নির্ণয় সরলফল : $360a^4b^4c^2$.খ. দেওয়া আছে, $x = 3$ এবং $y = 5$

$$\text{বামপক্ষ} = y^2 - x^2$$

$$= (5)^2 - (3)^2$$

$$= 25 - 9 = 16$$

$$\text{ডানপক্ষ} = (x+y)(y-x)$$

$$= (3+5)(5-3) = 8 \times 2 = 16$$

$$\therefore y^2 - x^2 = (x+y)(y-x). \quad (\text{দেখানো হলো})$$

গ. $2x - 5y + 7z$ হচ্ছে x এর দ্বিগুণ থেকে y এর 5 গুণ বিয়োগএবং বিয়োগফলের সাথে z এর 7 গুণ যোগ।রাশিটির x, y ও z এর সাংখ্যিক সহগ যথাক্রমে 2, -5 ও 7এবং x, y ও z এর সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল

$$= 2 \times (-5) \times 7 = -70$$

প্রয়োগ ১০] $a^2x^2, -2abxy, b^2y^2, (ax + by)^2$ চারটি বীজগাণিতিক রাশি।

(ক) ১ম তিনটি রাশিকে গুণ আকারে লিখে সরল কর। ২

(খ) যদি $a = 3, b = 2, x = -1$ এবং $y = -3$ হয়, তবে $a^2x^2, -2abxy, b^2y^2$ এর মান কত? ৮

(গ) $a = 1, b = 1, x = 2$ এবং $y = -2$ হলে দেখাও যে, ১ম ও ৩য় পদের সমষ্টি ২য় ও ৪র্থ পদের সমষ্টির সমান। ৮

(আইনিয়াল সূপ্ত অ্যাড কলেজ, মতিহিল, ঢাকা)

১০নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) প্রথম তিনটি রাশিকে গুণ আকারে লিখে পাই

$$\begin{aligned} & a^2x^2 \times (-2abxy) \times b^2y^2 \\ &= -2(a^2 \times a) \times (b \times b^2) \times (x^2 \times x) \times (y \times y^2) \\ &= -2a^3b^3x^3y^3 \end{aligned}$$

নির্ণয় সরলফল $-2a^3b^3x^3y^3$.

(খ) এখানে, $a = 3, b = 2, x = 1$ এবং $y = -3$.
এখন, $a^2x^2 = 3^2 \cdot 1^2 = (3 \times 3) \cdot (1 \times 1) = 9 \cdot 1 = 9$
আবার, $-2abxy = -2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot (-3) = 36$
আবার, $b^2y^2 = 2^2 \cdot (-3)^2 = (2 \times 2) \cdot (-3 \times -3) = 4 \cdot 9 = 36$
নির্ণয় মান $9, 36$ ও 36 ।

(গ) এখানে, $a = 1, b = 1, x = 2, y = -2$

$$\therefore x = -2$$

$$2y = -2$$

$$\text{বা, } y = \frac{-2}{2} = -1$$

এখন, ১ম ও ৩য় পদের সমষ্টি

$$\begin{aligned} &= a^2x^2 + b^2y^2 \\ &= 1^2 \cdot (-2)^2 + 1^2 \cdot (-1)^2 \text{ [মান বসিয়ে]} \\ &= (1 \times 1) \cdot ((-2) \times (-2)) + (1 \times 1) \cdot ((-1) + (-1)) \\ &= 1 \cdot 4 + 1 \cdot 1 = 4 + 1 = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{২য় ও ৪র্থ পদের সমষ্টি} &= -2abxy + (ax + by)^2 \\ &= -2 \cdot 1 \cdot 1 \cdot (-2) \cdot (-1) + (1 \cdot (-2) + 1 \cdot (-1))^2 \\ &= -4 + (-2 - 1)^2 \\ &= -4 + (-3)^2 \\ &= -4 + \{(-3) \times (-3)\} = -4 + 9 = 5 \end{aligned}$$

অতএব, ১ম ও ৩য় পদের সমষ্টি ২য় ও ৪র্থ পদের সমষ্টির সমান।
(দেখানো হলো)

প্রয়োগ ১১]

ক. $-4a^3$ কত? ২

খ. $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ এর মান নির্ণয় কর। ৮

গ. দেখাও যে, $2a^2 + 2b^2 = (a + b)^2 + (a - b)^2$. ৮
(সাবেক সোবহন সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকণবাড়ি)

১১নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) এখানে, $a = -3$

$$\begin{aligned} \text{প্রদত্ত রাশি} &= -4a^3 \\ &= -4 \times (-3)^3 \\ &= -4 \times (-27) = 108. \end{aligned}$$

(খ) এখানে, $a = -3$ এবং $b = 2$

$$\begin{aligned} \text{প্রদত্ত রাশি} &= a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 \\ &= (-3)^3 - 3(-3)^2 \times 2 + 3 \times (-3) \times (2)^2 - (2)^3 \\ &= -27 - 3 \times 9 \times 2 + 3 \times (-3) \times 4 - 8 \\ &= -27 - 54 - 36 - 8 = -125 \end{aligned}$$

\therefore নির্ণয় মান -125 .

(গ) এখানে, $a = -3$ এবং $b = 2$

$$\begin{aligned} \text{বামপক্ষ} &= 2a^2 + 2b^2 \\ &= 2(-3)^2 + 2(2)^2 \\ &= 2 \times 9 + 2 \times 4 = 18 + 8 = 26 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ডানপক্ষ} &= (a + b)^2 + (a - b)^2 \\ &= (-3 + 2)^2 + (-3 - 2)^2 \\ &= (-1)^2 + (-5)^2 = 1 + 25 = 26 \end{aligned}$$

$\therefore 2a^2 + 2b^2 = (a + b)^2 + (a - b)^2$. (দেখানো হলো)

অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান

শিক্ষকের সহায়তায় নিজে করি

কাজ ১ ► সরল কর :

$$(I) a \times a^3 \quad (II) a^3 \times a^5 \quad (III) a^9 \times a^6$$

● পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-৮৬

সমাধান :

$$(I) a \times a^3 = a^{1+3}$$

$$\therefore \text{সরলফল} = a^4$$

$$(II) a^3 \times a^5 = a^{3+5}$$

$$\therefore \text{সরলফল} = a^8$$

$$(III) a^9 \times a^6 = a^{9+6}$$

$$\therefore \text{সরলফল} = a^{15}$$

কাজ ২ ► $a = 2$ হলে, $2a^3 \times 3a^2$ এর মান নির্ণয় কর। ● বোর্ড বইয়ের পৃষ্ঠা-৮৬

সমাধান : দেওয়া আছে, $a = 2$

$$\therefore \text{প্রদত্ত রাশি} = 2a^3 \times 3a^2$$

$$= 2 \cdot 2^3 \times 3 \cdot 2^2 \quad [a = 2 \text{ বসিয়ে}]$$

$$= 2 \cdot 8 \times 3 \cdot 4 = 192$$

নির্ণয় মান $= 192$.

কাজ ৩ ► x কে m বার গুণ করে ঘাত, সূচক ও ভিত্তি সেখ (ম্যাট্রিক সংখ্যা)। ● পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-৮৬

সমাধান : x কে m বার গুণ করলে হয়, x^m

এখানে, x^m কে x এর m ঘাত ভিত্তি $= x$ এবং সূচক m .

বহুনির্বাচনি অংশ

কমন উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর শিখি

৪৩ মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রশ্নীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর

- কোনো রাশিতে একই উৎপাদক যতবার গুণ আকারে থাকে, ততেবারের সংখ্যা হচ্ছে উৎপাদকটির—
● ভিত্তি ● সূচক ○ রাশি ○ বিপরীত
(সহজল)
- x^4 কে x এর কোন ঘাত বলো?
● বিভিন্ন ঘাত ○ ভূতীয় ঘাত ● চতুর্থ ঘাত ○ পঞ্চম ঘাত
(সহজল)

- $7a^4 \times a^3$ এ a -এর সূচক কোনটি?
○ 7 ○ a^6 ○ 8 ○ 6
(কঠিনল)

- সম্পৃক্ষণা : $7a^4 \times a^3 = 7a^4 - 7 \times a^4 - a$ এর সূচক 6.
(সহজল)

- $x^1 + 2^3$ কত?
○ $3(x + 2)$ ○ $x^3 + 6$ ○ $x^3 + 8$ ○ $3x + 6$
(সহজল)

- $p^4 \times p^3$ এ p এর সূচক কত?
○ 1 ○ 3 ○ 4 ○ 7
(সহজল)

- $2a^3 \times 3a^4b \times 4ab^4$ — কত?
○ $24a^6b^5$ ○ $12a^4b^4$ ○ $24a^6b^4$ ○ $4a^6b^4$
(সহজল)

৭. $a^5 \times a^3$ এর সূচক কোনটি? (সহজমান)
 ① a^{15} ② a^8 ③ 8 ④ 15
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $a^5 \times a^3$ এর সূচক 8.
৮. $a^p \times a^q = ?$ (সহজমান)
 ① a^{pq} ② a^{p+q} ③ a^{p-q} ④ a^{p+q}
৯. $a^7 \times a^3 = ?$ (সহজমান)
 ① a^{11} ② a^4 ③ a^{10} ④ a^{21}
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $a^7 \times a^3 = a^{7+3} = a^{10}$
১০. $a \times 2b \times 3a \times 4b \times b$ এর মান কোনটি? (কठিনমান)
 ① $24a^3b^3$ ② $12a^2b^3$ ③ $48a^2b^3$ ④ $24ab^2$
১১. $y^9 \times y = ?$ (সহজমান)
 ① y^{10} ② y^0 ③ y^9 ④ y^1
১২. $10a^5b^2 \times 11a^3b^6 = ?$ (সহজমান)
 ① $21a^8b^6$ ② $21a^2b^2$ ③ $110a^7b^8$ ④ $110a^8b^5$
১৩. $a = 6, b = 4$ এবং $c = 8$ হলে, $\frac{ab}{c}$ এর মান কোনটি? (সহজমান)
 ① 12 ② 3 ③ $\frac{16}{3}$ ④ $\frac{1}{12}$
১৪. $x = 2, y = -3, z = -4$ হলে, $3x - 3y - 3z = ?$ (সহজমান)
 ① 15 ② 27 ③ 37 ④ 18
১৫. $x = -2, y = 3, z = -3$ হলে, $-(-x) - (-2y) - (-3z) = ?$ (কঠিনমান)
 ① 17 ② 5 ③ -5 ④ -17
১৬. যদি $p = 1, q = 2$ এবং $r = -3$ হয় তবে $-(-q) - (-p) - (-3r)$ এর মান নিচের কোনটি? (সহজমান)
 ① -6 ② 6 ③ 12 ④ 10
১৭. $x = 6$ এবং $y = 2$ হলে, $2x - y$ এর মান কোনটি? (সহজমান)
 ① $26 - 2 = 24$ ② 10 ③ 8 ④ 2

✓ বহুপদী সমাতিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১৮. $x = 2$ এবং $b = 1$ হলে—
 i. $(a+b)^2 = ?$
 ii. $a^2 - b^2 = ?$
 iii. $(a-b)^2 = ?$
 উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
 ① i ও ii ② ii ও iii ③ i ও iii ④ i, ii ও iii
১৯. a^3 হলো—
 i. a এর ঘন
 ii. a এর বর্গ
 iii. a এর 3 বার গুণ
 উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
 ① i ও ii ② i ও iii ③ ii ও iii ④ i, ii ও iii
২০. $A = 2, B = 3$ হলে—
 i. $A^4 = 16$ ii. $B^3 = 9$
 iii. $A^2 + B^2 = 13$
 উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
 ① i ② i ও ii ③ i ও iii ④ i, ii ও iii

✓ অভিস্থ তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

২১. $8x, 5y^3$ দুইটি রাশি।
 উপরের তথ্যের আলোকে ২২ – ২৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
 ২২. উপরে অদ্যত প্রথম রাশিটিতে x এর সহগ কত? (সহজমান)
 ① i ② 4 ③ 5 ④ 8
 ২৩. উপরে অদ্যত রাশি দুইটির গুণফল কত? (সহজমান)
 ① $3xy^3$ ② $40xy^3$ ③ $13xy^3$ ④ $40xy$
 ২৪. $y = 2$ হলে, অদ্যত রাশিটির মান কত হবে? (সহজমান)
 ① 16 ② 10 ③ 40 ④ 30

● শীর্ষস্থানীয় ক্লিনসমূহের বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

২৫. $x^5 \times x^{-3}$ এখানে x এর ঘাত কত? [বগুড়া সহকারি বাসিকা উচ্চ বিদ্যালয়, বগুড়া]
 ① 5 ② -3 ③ 3 ④ 2
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $x^5 \times x^{-3} = x^{5+(-3)} = x^{5-3} = x^2$
 এখানে, x এর ঘাত 3।
২৬. $(-y^3)^2 = ?$ যখন $y = -2$ [বগুড়া সহকারি বাসিকা উচ্চ বিদ্যালয়, বগুড়া]
 ① -8 ② 16 ③ 64 ④ -64
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $(-y^3)^2 = (-2^3)^2 = (-2)^6 = 64$

২৭. $x = 2, y = -3, z = -4$ এর মান কত? [বগুড়া সহকারি বাসিকা উচ্চ বিদ্যালয়, বগুড়া]
 ① -13 ② 5 ③ -5 ④ 2
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $x = 2, y = -3, z = -4$ হলে, $-(-x) - (-2y) - (-3z) = ?$
 [উত্ত/ব্যাখ্যা : $-(-x) - (-2y) - (-3z) = x + 2y + 3z$
 $= 2 + 2 \times 3 + 3 \times (-3)$
 $= 2 + 6 - 9 = -1 = -5$]
২৮. $2a, 3b, 3a^2b^3$ রাশি ভিনটিয়ে গুণফলে ।) এর সূচক কত? [গুপ্তিম পাই মূল, চট্টগ্রাম]
 ① 18 ② 3 ③ 4 ④ 7
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $2a \times 3b \times 3a^2b^3 = 18a^3b^4$
 ∴ রাশি ভিনটির গুণফলে b এর সূচক 4।
২৯. $a = 2, b = -2, c = 1$ হলে $a - b - c = ?$ [গুপ্তিম পাই মূল, চট্টগ্রাম]
 ① -1 ② 3 ③ 5 ④ 1
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $a - b - c = 2 - (-2) - 1 = 2 + 2 - 1 = 4 - 1 = 3$
৩০. $7x^3 \times x^3$ এ x এর সূচক কত? [গুপ্তিম পাই মূল, চট্টগ্রাম]
 ① 9 ② 6 ③ 21 ④ 27
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $7x^3 \times x^3 = 7x^{3+3} = 7x^6$
৩১. $x = 3, y = 2$ এবং $z = 3$ হলে; $\frac{1}{2}y$ এর মান কত? [গুপ্তিম পাই মূল, চট্টগ্রাম]
 ① $\frac{4}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{5}{3}$ ④ $\frac{7}{3}$
 উত্ত/ব্যাখ্যা : পদত রাশি $= \frac{x^2y}{2} = \frac{3^2 \times 2}{3^1} = \frac{9 \times 2}{27} = \frac{2}{3}$
৩২. $x = -1$ হলে, $x^3 - \frac{1}{x} + 1 = ?$ এর মান কত? [গুপ্তিম পাই মূল, চট্টগ্রাম]
 ① 10 ② 5 ③ 3 ④ 1
 উত্ত/ব্যাখ্যা : পদত রাশি $= x^3 - \frac{1}{x} + 1 = (-1)^3 - \frac{1}{-1} + 1 = -1 + 1 + 1 = 1$
৩৩. $a = 2$ এবং $b = -1$ হলে, $5 - ab + b^2$ এর মান কত? [চিনামুনিসা মূল মূল এত কলেজ, ঢাকা]
 ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8
 ৩৪. $a^7 \times a^3$ এর মান কোনটি? [ধানমতি পাই বায়ু পাই মূল, ঢাকা]
 ① a^{16} ② a^{15} ③ 15 ④ 56
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $a^7 \times a^3 = a^{7+3} = a^{10}$
৩৫. $a^m \times a^n = ?$ এর সূচক কত? [ধানমতি পাই বায়ু পাই মূল, ঢাকা]
 ① a^{m+n} ② a^{m-n} ③ উভয়টিই ④ কেনেটির নয়
৩৬. $7x^3 \times x^3$ এ x এর সূচক নিচের কোনটি? [ধাইস্টেম কলেজ, ঢাকা]
 ① 7 ② 5 ③ x^3 ④ x^6
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $7x^3 \times x^3 = 7x^{3+3} = 7x^6$ ∴ x এর সূচক 6।
৩৭. $x = 6$ এবং $y = 2$ হলে $2x - y$ এর মান কোনটি? [ধাইস্টেম কলেজ, ঢাকা]
 ① 24 ② 10 ③ 8 ④ 2
৩৮. $x = -1, y = -2$, হলে $x^3 + y^3 = ?$ এর মান কত? [গুপ্তিম পাই মূল, কুড়িগ্রাম]
 ① -10 ② -9 ③ -8 ④ 8
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $x^3 + y^3 = (-1)^3 + (-2)^3$ ∵ $x = -1$ এবং $y = -2 = -1 - 8 = -9$
৩৯. $x^5 \times x^4 \times 5x^{10}$ এ x এর সূচক নিচের কোনটি? [ধাইশিলাম মূল আওত কলেজ, ধাইশিল, ঢাকা]
 ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 21
 ৪০. $x^5 \times x^{-3}$ এর মান কোনটি? [চিনামুন নিমা মূল মূল এত কলেজ, ঢাকা]
 ① x^{10} ② x^{-23} ③ x^3 ④ x^0
৪১. $3x^2 \times 2x^3 \times x^{-4}$ এ x এর সূচক কোনটি? [চিনামুন নিমা মূল মূল এত কলেজ, ঢাকা]
 ① $6x^9$ ② x^3 ③ 8 ④ 9
 ৪২. $7x^4 \times x^4 \times x^3$ রাশিটে x এর সূচক কত? [ধাইশাঁই কলেজিয়েট মূল, রাজশাহী]
 ① 6 ② 4 ③ 9 ④ 16
 উত্ত/ব্যাখ্যা : এখানে; $7x^4 \times x \times x^3 = 7x^{4+1+3} = 7x^8$ ∴ x এর সূচক 8।
৪৩. 16 সংখ্যাটির 2 ভিত্তিক সূচক হল— [ধ্যোর জিলা মূল, ধ্যোর]
 ① 4 ② 3 ③ 2 ④ 1
 উত্ত/ব্যাখ্যা : $16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2^4$, ∴ 2 এর সূচক 4।
৪৪. $9x^3 \times x^2$ এ x এর সূচক নিচের কোনটি? [ধুলনা জিলা মূল, ধুলনা]
 ① 9 ② 5 ③ 7 ④ x^1
৪৫. $a^7 - 1$ এর মান কত হবে যখন $a = -1$ হয়? [ধুলনা জিলা মূল, কুড়িগ্রাম]
 ① -1 ② 0 ③ 7 ④ -6

১৬৬

৪৬. $m^2 - 7$ রাশিতে $m = -6$ হলে, রাশিটির মান কত? [ঝঁঝাম কলেজিয়েট কুল, চৌধুরা]
 ৩৬ -29 29 13
[তথ্য/ব্যাখ্যা : $m = -6 \therefore m^2 - 7 = (-6)^2 - 7 = 36 - 7 = 29$]
৪৭. $a = 2, b = -1, c = -3$ হলে $a + 2b - c$ এর মান কত? [সিলেট সরকারি পাইলট উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট]
 ২ ৩ -3 -4
[তথ্য/ব্যাখ্যা : $a + 2b - c = 2 + 2(-1) - (-3) = 2 - 2 + 3 = 3$]
৪৮. $a = 1, b = 2$ হলে $a^2 + b^2$ এর মান কত? [আইডিল কুল আজ কলেজ, মতিহিল, ঢাকা]
 ৫ ৩ ৪ ২
৪৯. $m^2 - 7$ রাশিতে $m = -6$ হলে, রাশিটির মান কত? [মাইটক উচ্চ মাডেল কলেজ, ঢাকা]
 ১৩ ৩৬ -29 29
৫০. $x^3 \times x^4$ এ x এর সূচক কোনটি? [আইডিল কুল আজ কলেজ, মতিহিল, ঢাকা]
 x^9 x^{20} 20 9
৫১. $x^5 \times x^9 \times x^{-3}$ - কত? [বগুড়া ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 x^{10} x^{17} x^{14} x^1
৫২. $5a^3 \times a^5$ এ a এর সূচক কত? [বগুড়া ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 ৭ ৮ ৫ ৬
৫৩. $p = 1$ হলে, $p^2 - 2p + 1$ এর মান কত? [পুশিপ লাইন মাধ্যমিক বিদ্যালয়, ঘোৰা]
 ৪ ০ ৩ 2
৫৪. $x^7 \times x^8$ এর মান কোনটি? [ঝঁঝাম কলেজিয়েট কুল, চৌধুরা]
 x^{16} x^{15} 15x 56x
৫৫. $5a^2 \times 4a^4$ এর মান কত? [বিদ্যাল জিলা কুল, বিদ্যাল]
 $9a^6$ $20a^8$ $20a^6$ a^6
৫৬. $a = 1, b = -1$ হলে, $a - b$ - কত? [ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 ০ 1 2 -2
৫৭. $x = -1, y = -2$ হলে $x^3 + y^3$ - কত? [ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 -10 -9 -8 8
৫৮. $p = 2$ হলে $p^3 + 5p^2$ এর মান কত? [ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 22 24 28 36
৫৯. $a \times 2b \times 3a \times 4b \times b$ এর মান কোনটি? [ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 $12a^3b^3$ $16a^2b^3$ $24a^3b^3$ $32a^3b^2$
৬০. $7x^3 \times x^5$ এ x এর সূচক নিচের কোনটি? [মতিহিল সরকারি বাস্ক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা]
 7 5 x^3 x^6
৬১. $m^2 + m - 6$ রাশিতে $m = -2$ হলে, রাশিটির মান কত? [মতিহিল সরকারি বাস্ক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা]
 -3 -4 4 8
৬২. $a^m \times a^n$ - কত? [মতিহিল মাল্ল হাইকুল এচ কলেজ, ঢাকা; নওগাঁ জিলা কুল, নওগাঁ; আশ্বাস বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, চৌধুরা]
 a^{m+n} a^{m+n} a^m a^n
৬৩. $x = 3, y = 1$ হলে $(x+y)^2$ - কত? [মতিহিল মাল্ল হাইকুল এচ কলেজ, ঢাকা]
 1 8 9 16
৬৪. $x = 1$ হলে $x^2 - 5$ - কত? [বীরভূট নূর মোহুদ পারিসিক কুল ও কলেজ, ঢাকা]
 2 -4 4 -2
৬৫. $x^2 + 2^3$ - কত? [বাজবাড়ী সরকারি উচ্চ বিদ্যালয়, বাজবাড়ী]
 $3(x+2)$ $x^3 + 6$ $x^3 + 8$ $3x + 6$
৬৬. $a = -2$ হলে a^3 এর মান কত? [ভোজন সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, মাদারীগুড়া]
 4 -4 2 -2
৬৭. $4x^2 \times 3x^4$ এর মান কোনটি? [পটুয়াখালী সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, পটুয়াখালী]
 x^6 $7x^8$ $12x^6$ $12x^8$
৬৮. $a^4 \times a^{-3}$ এর মান কোনটি? [পিলাতাৰ বেল্স পার্স হাইকুল, চৌধুরা]
 a^7 a^{-1} a a^0
৬৯. $2y^3 \times 3y^4$ - কত? [অত্ত: ক্যাট্টেনেট বোর্ড হাইকুল, বগুড়া এবিলা, বগুড়া]
 y^4 $2y^7$ $3y^7$ $6y^7$
৭০. $-(-x)$ - কত? [বেগুনা জিলা কুল, বেগুনা]
 $\bullet x$ -x 2x -2x
৭১. $(10)^3$ - কত? [বালোদেশ মহিলা সর্বিতি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয় ও কলেজ, চৌধুরা]
 30 103 100 1000
৭২. $a^3 \times a^2$ রাশিটিতে a এর সূচক কত? [ঝঁঝাম কলেজিয়েট কুল, চৌধুরা]
 6 a a^0 কোনোটিই নয়
৭৩. $8m^2 \times 2m^3$ এর মান কোনটি?
 $16m^3$ $16m^6$ $8m^6$. কোনোটিই নয়

নেটুনো একের ভিতর সব ► যষ্ঠ শ্রেণি

- বহুপদী সমান্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর
৭৪. $x = 2, y = 3$ হলে,
i. $2x + 3y = 13$ ii. $(2x + y)^2 = 49$ iii. $(x - y)^3 = -1$
নিচের কোনটি সঠিক? [বাজটক উচ্চ মাডেল কলেজ, ঢাকা]
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii
৭৫. $4y^4$ রাশিটিতে
i. এর ঘাত 4 ii. দুইটি পদ আছে iii. y^4 এর সহগ 4
নিচের কোনটি সঠিক? [শহীদ দীর্ঘ উচ্চ লে: আনোয়ার গার্জস কলেজ, ঢাকা]
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii
৭৬. a একটি বীজগাণিতীয় রাশি এবং m ও n বাস্তবিক সংখ্যা হলে—
[তিক্কান নিম্ন দূর কুল এক কলেজ, ঢাকা]
i. a^m কে a এর n তম ঘাত বলে
ii. $a^m \times a^n = a^{m+n}$ iii. $a^m + a^n = a^{m+n}$
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii
৭৭. i.. $a = 2$ হলে, $a^3 = 8$
ii. $8x + 3y + 4$ একটি বীজগাণিতিক রাশি
iii. $9x^2 + 12y^2$ রাশিটে x^2 এর সহগ 12
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii ii ও iii i ও iii i, ii ও iii
৭৮. নিচের তথ্যগুলো লক্ষ কর:
i. কোনো সংখ্যার ঘাত বা শক্তি । হলে; সংখ্যাটির সূচক । লেখা হয় না
ii. $x^3 \times x^6 = x^3$ iii. $a \times a \times a \times a = a^4$
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ii iii i ও iii
- অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর
৭৯. নিচের তথ্য থেকে ৭৯ – ৮১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:
2a, 5b, 3b²c তিনি বীজগাণিতিক রাশি। [শুলনা জিলা কুল, শুলনা]
তথ্য/ব্যাখ্যা : $-(-5)$ বা 5 এর যোগাযোগ বিপরীত সংখ্যা $= -5$)
৮০. রাশি তিনির গুণফল কোনটি?
 ab³c 10ab³c 30ab²c 30ab³c
[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনির গুণফল $= 2a \times 5b \times 3b^2c = 30a \times b^{1+2} \times c = 30ab^3c]$
৮১. রাশি তিনির গুণফলে b এর সূচক কত?
 1 2 3 30
[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনির গুণফল $= 30ab^3c \therefore$ গুণফলে b এর সূচক 3)]
৮২. রাশি তিনির সহগের গুণফল কত?
 1 3 10 30
[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনির সহগের গুণফল $= 2 \times 5 \times 3 = 30]$
৮৩. নিচের তথ্যের ভিত্তিতে ৮২ ও ৮৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:
a = 2, b = 5, c = -1 তিনি বীজগাণিতীয় রাশি।
[বিদ্যুৎসমিনী সরকারি বাস্ক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকাইল]
৮৪. $(b - a)(a + b)$ - কত?
 15 12 21 10
[তথ্য/ব্যাখ্যা : $a = 2, b = 5 \therefore (b - a)(a + b) = (5 - 2)(2 + 5) = 3 \times 7 = 21$]
৮৫. $a^2 + ac + c^2$ এর মান কত?
 -2 2 -3 3
[তথ্য/ব্যাখ্যা : $a = 2, c = -1$
 $\therefore a^2 + ac + c^2 = 2^2 + 2 \times (-1) + (-1)^2 = 4 - 2 + 1 = 3$]
৮৬. $a = 2, b = -3$ হলে ৮৪ ও ৮৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও : [ঘোর জিলা কুল, ঘোর]
৮৭. $a^2 + 2ab + b^2$ এর মান কত?
 -1 1 12 13
[তথ্য/ব্যাখ্যা : এখনে, $a = 2, b = -3$
 $\therefore a^2 + 2ab + b^2 = 2^2 + 2 \times 2 \times (-3) + (-3)^2 = 4 - 12 + 9 = 1$]
৮৮. $(a - b)^2$ এর মান কত?
 1 -1 12 25
[তথ্য/ব্যাখ্যা : $(a - b)^2 = (2 - (-3))^2 = (2 + 3)^2 = 5^2 = 25$]
৮৯. নিচের তথ্যের ভিত্তিতে ৮৬ ও ৮৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
a = 2, b = 3, c = 1 [বগুড়া ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
a² + b² এর মান কত?
 15 12 13 14
[বগুড়া ক্যাট্টেনেট পারিসিক কুল ও কলেজ, বগুড়া]
a² - 2ac + c² এর মান কত?
 3 0 2 1



অধ্যায় ০৪

বীজগণিতীয় রাশি ।

অনুশীলনী ৪.৩ : সদৃশ ও বিসদৃশ পদ

১) অনুশীলনীর শিখনফল

অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব-

- বীজগণিতীয় রাশির যোগ করতে পারব।
- বীজগণিতীয় রাশির বিয়োগ করতে পারব।
- বীজগণিতীয় রাশির পদ সম্পর্কে জানতে পারব।
- বীজগণিতীয় রাশির সদৃশ ও বিসদৃশ পদ শনাক্ত করতে পারব।
- এক বা একাধিক পদবিশিষ্ট বীজগণিতীয় রাশি বর্ণনা করতে পারব।

এক নজরে ২) অনুশীলনীর প্রয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই

- **সদৃশ পদ :** এক বা একাধিক বীজগণিতীয় রাশির অন্তর্ভুক্ত যেসব পদের একমাত্র পার্থক্য রয়েছে সাংখ্যিক সহগে, তাদের সদৃশপদ বলা হয়। যেমন- $7a^2bx$ ও $8a^2bx$ রাশি। রাশি দুইটির পদগুলোর মধ্যে পার্থক্য হচ্ছে শুধুমাত্র সাংখ্যিক সহগে, এই পদ দুইটি সদৃশ পদ।
- **বিসদৃশ পদ :** বি শব্দের অর্থ বিভিন্ন, ডিম্ব বা অন্যরকম। অর্থাৎ যে পদের সাথে কোন পদের মিল নেই তাকে বিসদৃশ পদ বলে। একেতে সাংখ্যিক সহগ ডিম্ব বা অভিম্ব উভয়ই হতে পারে।

৩) শিখন অর্জন যাচাই

- বীজগণিতীয় পদ সম্পর্কে ধারণা লাভ করব।
- সদৃশ ও বিসদৃশ পদ নির্ণয় করতে পারব।
- বীজগণিতীয় রাশির যোগ ও বিয়োগ করার নিয়ম জানতে পারব।

৪) শিখন সহায়ক উপকরণ

- পাঠ্যবইয়ের ৮৭ পৃষ্ঠার ছবি • পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

মনে রাখতে হবে একাধিক পদের বীজগণিতীয় প্রতীকগুলো একই হলে এবং তাদের সাংখ্যিক সহগ সমান হলেও দেগুলো বিসদৃশ পদ।

- **বীজগণিতীয় রাশির যোগ :** দুই বা ততোধিক বীজগণিতীয় রাশি যোগ করতে হলে সদৃশপদের সহগগুলো চিহ্নবৃক্ষ সংখ্যার নিয়মে যোগ করতে হবে। এরপর প্রাপ্ত সহগের ডানপাশে প্রতীকগুলো বসাতে হবে। বিসদৃশ পদগুলো তাদের চিহ্নহ যোগফলে বসাতে হবে।

অনুশীলন

সেরা পরীক্ষাপ্রস্তুতির জন্য 100% সঠিক করয়াট
অনুসন্ধানে সর্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিক্ষার্থী বস্তুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তুতির জন্য এ অংশে কমন টপযোগী সকল গাণিতিক সমস্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে গাণিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সূজনশীল অংশ, অনুশীলননূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিজ্ঞ করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান করি । পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি ।

১) বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সঠিক উত্তরটির বৃত্ত (●) ডাকাট কর :

১. $5x + 3y$ রাশিটিতে x এর সহগ নিচের কোনটি?
 ২. x এর তিনগুণ এবং y এর দ্বিগুণের সমষ্টি নিচের কোনটি?
 ৩. $7x^3 \times x^2$ এ x এর সূচক নিচের কোনটি?
 ৪. নিচের কোন ওড়া সদৃশ পদ নির্দেশ করো?
- উত্তর/ব্যাখ্যা :**
- ১. $5x + 3y$ রাশিটিতে x এর সহগ 5 ।
 - ২. x এর তিনগুণ = $3 \times x = 3x$
 y এর দ্বিগুণ = $2 \times y = 2y$
 \therefore সমষ্টি = $3x + 2y$
 - ৩. $7x^3 \times x^2$ এ x এর সূচক $7 + 2 = 9$
 \therefore রাশিটিতে x এর সূচক 9 ।
 - ৪. $2x, -7xy$ $-3xy, 7x^2y$
 $3x^2, -7x^2$ $-7x^2y, 8xy^2$
উত্তর/ব্যাখ্যা : এক বা একাধিক বীজগণিতীয় রাশির অন্তর্ভুক্ত যেসব পদের পার্থক্য থাকে শুধু সাংখ্যিক সহগে, সেসব পদগুলো হচ্ছে সদৃশ পদ। এখানে, $3x^2$ এবং $-7x^2$ রাশিটির পদগুলোর মধ্যে পার্থক্য শুধু সাংখ্যিক সহগ। অতএব, $3x^2, -7x^2$ হচ্ছে সদৃশ পদ।

৫. $m^2 - 7$ রাশিটিতে $m = -6$ হলে, রাশিটির মান কত?

- 36 13 -29 29

উত্তর/ব্যাখ্যা : প্রদত্ত রাশি = $m^2 - 7 = (-6)^2 - 7$ [:: $m = -6$]
 $= 36 - 7 = 29$

৬. $a - b$ থেকে $b - a$ বিয়োগ করলে, বিয়োগফল কত হবে?

- a + b 0 2a - 2b a

উত্তর/ব্যাখ্যা : বিয়োগফল = $(a - b) - (b - a) = a - b - b + a = 2a - 2b$

৭. $x^2 + 3, x^2 - 2, -2x^2 + 1$ রাশি তিনটির যোগফল কত?

- 1 2 -1 $x^2 - 1$ $1 - x^2$

উত্তর/ব্যাখ্যা : যোগফল = $(x^2 + 3) + (x^2 - 2) + (-2x^2 + 1)$
 $= x^2 + 3 + x^2 - 2 - 2x^2 + 1 = 2x^2 - 2x^2 + 4 - 2 = 2$

৮. $5x^4$ রাশিটিতে—

- i. x এর ঘাত 4 ii. দুইটি পদ আছে iii. x^4 এর সহগ 5

নিচের কোনটি সঠিক?

- i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

উত্তর/ব্যাখ্যা : $5x^4 = 5 \times x^4$

অর্থাৎ, রাশিটিতে x এর ঘাত 4, পদ একটি এবং x^4 এর সহগ 5
 সূতরাং (i) ও (iii) সঠিক।]

৯. x ও y চলকসমূহের—

- i. যোগফল $x + y$ ii. গুণফল xy iii. বর্গের সমষ্টি $x^2 - y^2$

নিচের কোনটি সঠিক?

- i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

উত্তর/ব্যাখ্যা : x ও y চলকসমূহের যোগফল = $x + y$

গুণফল = $x \times y = xy$; বর্গের সমষ্টি = $x^2 + y^2$

সূতরাং (i) ও (ii) সঠিক।]

গণিত

$x^2 - y^2, y^2 - z^2$ এবং $z^2 - x^2$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশির
আলোকে ১০ ও ১১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

১০. $x = 2$ এবং $y = -3$ হলে ১ম রাশির মান কত?

- (ক) -13 (গ) -5 (৮) 5 (৫) 13

[তথ্য/ব্যাখ্যা : প্রদত্ত ১ম রাশি $= x^2 - y^2$

$$= (2)^2 - (-3)^2 \quad [\because x = 2 \text{ এবং } y = -3] \\ = 4 - 9 = -5]$$

১১. রাশি তিনটির যোগফল কত?

- (ক) 0 (৮) $2x^2$

- (গ) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2$ (ঘ) $-2x^2 - 2y^2 - 2z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনটির যোগফল $= (x^2 - y^2) + (y^2 - z^2) + (z^2 - x^2)$
 $= x^2 - y^2 + y^2 - z^2 + z^2 - x^2$
 $= x^2 - x^2 + y^2 - y^2 + z^2 - z^2 = 0$]

১২. i. $12x$ হলো x এবং 12 এর ঘাতের সমষ্টি

ii. $4a^3$ রাশিটে a এর সূচক 3

iii. $3x + 4$ রাশিটে x এর সহগ 3

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (গ) i ও iii (৮) ii ও iii (৫) i, ii ও iii

[তথ্য/ব্যাখ্যা : (i) $12x = 12 \times x$

\therefore রাশিটি x এবং 12 এর গুণফল

(ii) $4a^3$ রাশিটিতে a এর সর্বোচ্চ ঘাত 3

\therefore রাশিটিতে a এর সূচক 3.

(iii) $3x + 4 = 3 \times x + 4$

\therefore রাশিটিতে x এর সহগ 3

সুতরাং (ii) ও (iii) সঠিক।]

১৩. i. $5ax^2$ এবং $-7x^2a$ পদ দুইটি সদৃশ।

ii. $3x^2 + 2x + y - 5x$ বীজগণিতীয় রাশিটিতে 4 টি পদ আছে

iii. $a = 2$ এবং $b = 3$ হলে, $4a - b$ এর মান হবে 5

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (গ) i ও iii (৮) ii ও iii (৫) i, ii ও iii

[তথ্য/ব্যাখ্যা :

(i) $5ax^2$ এবং $-7x^2a$ রাশিগুলোতে পার্থক্য শুধু সার্থিক সহগে।

অর্থাৎ $5ax^2$ এবং $-7x^2a$ পদ দুইটি সদৃশ।

(ii) $3x^2 + 2x + y - 5x$ রাশিটির পদসমূহ হচ্ছে $3x^2$

$2x + y$ এবং $-5x$

অর্থাৎ রাশিটিতে 3টি পদ আছে।

(iii) $a = 2$ এবং $b = 3$ হলে, $4a - b = 4 \times 2 - 3 = 8 - 3 = 5$

সুতরাং (i) ও (iii) সঠিক।]

১৪. $9x^2, 8x^2, 5y^2$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি। তাহলে-

উপরের তথ্যের আলোকে ১ ও ২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

(১) রাশি তিনটির সার্থিক সহগের যোগফল কত?

- (ক) 13 (গ) 14 (৮) 17 (৫) 22

[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনটির সার্থিক সহগের যোগফল $= 9 + 8 + 5 = 22$.]

(২) প্রথম দুইটি রাশির গুণফলের ঘাতের সূচক কত?

- (ক) 72 (গ) 17 (৮) 4 (৫) 0

[তথ্য/ব্যাখ্যা : প্রথম দুইটি রাশির গুণফল $= 9x^2 \times 8x^2 = 72x^{2+2} = 72x^4$

\therefore গুণফলে x এর সূচক 4.]

১৫. $x^2 + y^2 + z^2, x^2 - y^2 + z^2, -x^2 + y^2 - z^2$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি।

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে (১) থেকে (৪) নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

(১) প্রথম দুইটি রাশির বিয়োগফলের সাথে তৃতীয় রাশি যোগ করলে নিচের কোনটি হবে?

- (ক) $-x^2 + 3y^2 - z^2$ (গ) $3x^2 - y^2 + 3z^2$

- (গ) $x^2 - 3y^2 + z^2$ (ঘ) $x^2 + y^2 + z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : প্রথম দুইটি রাশির বিয়োগফল

$$= (x^2 + y^2 + z^2) - (x^2 - y^2 + z^2)$$

$$= x^2 + y^2 + z^2 - x^2 + y^2 - z^2$$

$$= x^2 - x^2 + y^2 + y^2 + z^2 - z^2 = 2y^2$$

বিয়োগফলের সাথে তৃতীয় রাশির যোগফল

$$= 2y^2 + (-x^2 + y^2 - z^2)$$

$$= 2y^2 - x^2 + y^2 - z^2 = -x^2 + 3y^2 - z^2]$$

(২) দ্বিতীয় রাশির y^2 এর সহগ কত?

- (ক) 0

- (ঘ) -1

- (গ) 1

- (ঘ) 2

[তথ্য/ব্যাখ্যা : প্রদত্ত দ্বিতীয় রাশি $= x^2 - y^2 + z^2 = x^2 - 1 \times y^2 + z^2$
 \therefore রাশিটিতে y^2 এর সহগ - 1.]

(৩) রাশি তিনটির যোগফল কত?

- (ক) $3x^2 + y^2 + z^2$

- (ঘ) $2x^2 + y^2 + z^2$

- (গ) $x^2 + y^2 + z^2$

- (ঘ) $x^2 - y^2 + z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : রাশি তিনটির যোগফল

$$= (x^2 + y^2 + z^2) + (x^2 - y^2 + z^2) + (-x^2 + y^2 - z^2)$$

$$= x^2 + y^2 + z^2 + x^2 - y^2 + z^2 - x^2 + y^2 - z^2$$

$$= 2x^2 - x^2 + 2y^2 - y^2 + 2z^2 - z^2 = x^2 + y^2 + z^2]$$

(৪) প্রথম দুইটি রাশির যোগফল থেকে তৃতীয় রাশি বিয়োগ করলে বিয়োগফল নিচের কোনটি হবে?

- (ক) $3x^2 + 2y^2 - z^2$

- (ঘ) $3x^2 - y^2 + 3z^2$

- (গ) $x^2 + 2y^2 - 2z^2$

- (ঘ) $3x^2 + 3y^2 + 3z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা : প্রথম দুইটি রাশির যোগফল

$$= (x^2 + y^2 + z^2) + (x^2 - y^2 + z^2)$$

$$= x^2 + y^2 + z^2 + x^2 - y^2 + z^2 = 2x^2 + 2z^2.$$

যোগফল থেকে তৃতীয় রাশির বিয়োগফল

$$= (2x^2 + 2z^2) - (-x^2 + y^2 - z^2)$$

$$= 2x^2 + 2z^2 + x^2 - y^2 + z^2 = 3x^2 - y^2 + 3z^2.]$$

গণিতিক সমস্যার সমাধান

যোগ কর (১৬ – ২৫) :

১৬। $3a + 4b, a + 3b$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$3a + 4b$$

$$a + 3b$$

$$4a + 7b$$

নির্ণয় যোগফল $4a + 7b$.

১৭। $2a + 3b, 3a + 5b, 5a + 6b$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$2a + 3b$$

$$3a + 5b$$

$$5a + 6b$$

$$10a + 14b$$

নির্ণয় যোগফল $10a + 14b$.

১৮। $4a - 3b, -3a + b, 2a + 3b$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$4a - 3b$$

$$-3a + b$$

$$2a + 3b$$

$$3a + b$$

নির্ণয় যোগফল $3a + b$.

১৯। $7x + 5y + 2z, 3x - 6y + 7z, -9x + 4y + z$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$7x + 5y + 2z$$

$$3x - 6y + 7z$$

$$-9x + 4y + z$$

$$x + 3y + 10z$$

নির্ণয় যোগফল $x + 3y + 10z$.

১৭০

$$20 | x^2 + xy + z, 3x^2 - 2xy + 3z, 2x^2 + 7xy - 2z$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} x^2 + xy + z \\ 3x^2 - 2xy + 3z \\ 2x^2 + 7xy - 2z \\ \hline 6x^2 + 6xy + 2z \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $6x^2 + 6xy + 2z$.

$$21 | 4p^2 + 7q^2 + 4r^2, p^2 + 3r^2, 8q^2 - 7p^2 - r^2$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 4p^2 + 7q^2 + 4r^2 \\ p^2 + 3r^2 \\ - 7p^2 + 8q^2 - r^2 \\ \hline - 2p^2 + 15q^2 + 6r^2 \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $-2p^2 + 15q^2 + 6r^2$.

$$22 | 3a + 2b - 6c, -5b + 4a + 3c, 8b - 6a + 4c$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 3a + 2b - 6c \\ 4a - 5b + 3c \\ - 6a + 8b + 4c \\ \hline a + 5b + c \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $a + 5b + c$.

$$23 | 2x^3 - 9x^2 + 11x + 5, -x^3 + 7x^2 - 8x - 3, -x^3 + 2x^2 - 4x + 1$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 2x^3 - 9x^2 + 11x + 5 \\ - x^3 + 7x^2 - 8x - 3 \\ - x^3 + 2x^2 - 4x + 1 \\ \hline - x + 3 \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $-x + 3$.

$$24 | 5ax + 3by - 14cz, -11by - 7ax - 9cz, 3ax + 6by - 8cz$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 5ax + 3by - 14cz \\ - 7ax - 11by - 9cz \\ 3ax + 6by - 8cz \\ \hline ax - 2by - 31cz \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $ax - 2by - 31cz$.

$$25 | x^2 - 5x + 6, x^2 + 3x - 2, -x^2 + x + 1, -x^2 + 6x - 5$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} x^2 - 5x + 6 \\ x^2 + 3x - 2 \\ - x^2 + x + 1 \\ - x^2 + 6x - 5 \\ \hline 5x \end{array}$$

নির্ণয় যোগফল $5x$.

$$26 | \text{যদি } a^2 = x^2 + y^2 - z^2, b^2 = y^2 + z^2 - x^2, c^2 = x^2 + z^2 - y^2$$

হয়, তবে দেখাও যে, $a^2 + b^2 + c^2 = x^2 + y^2 + z^2$.

সমাধান : দেওয়া আছে, $a^2 = x^2 + y^2 - z^2$, $b^2 = y^2 + z^2 - x^2$

এবং $c^2 = x^2 + z^2 - y^2$

a^2 , b^2 এবং c^2 এর মানগুলোর সদৃশ পদগুলোকে তাদের সম্বৰ্ত্ত চিহ্নসহ নিচে লিখে পাই,

$$\begin{array}{r} a^2 = x^2 + y^2 - z^2 \\ b^2 = -x^2 + y^2 + z^2 \\ c^2 = x^2 - y^2 + z^2 \end{array}$$

[যোগ করে] $a^2 + b^2 + c^2 = x^2 + y^2 + z^2$.

অর্থাৎ $a^2 + b^2 + c^2 = x^2 + y^2 + z^2$. (দেখানো হলো)

$$27 | \text{যদি } x = 5a + 7b + 9c, y = b - 3a - 4c, z = c - 2b + a$$

হয়, তবে দেখাও যে, $x + y + z = 3(a + 2b + 2c)$

সমাধান : দেওয়া আছে, $x = 5a + 7b + 9c$

$$y = b - 3a - 4c \text{ এবং } z = c - 2b + a$$

$$\text{বায়ুপক্ষ} = x + y + z$$

$$= (5a + 7b + 9c) + (b - 3a - 4c) + (c - 2b + a)$$

[মান বসিয়ে]

$$= 5a + 7b + 9c + b - 3a - 4c + c - 2b + a$$

$$= (5a - 3a + a) + (7b + b - 2b) + (9c - 4c + c)$$

$$= 3a + 6b + 6c$$

$$= 3(a + 2b + 2c)$$

$$= \text{ডানপক্ষ}$$

$\therefore x + y + z = 3(a + 2b + 2c)$. (দেখানো হলো)

□ বিয়োগ কর (২৮ – ৩৫) :

$$28 | 3a + 2b + c থেকে 5a + 4b - 2c.$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$3a + 2b + c$$

$$5a + 4b - 2c$$

$$(-) \quad (-) \quad (+)$$

$$- 2a - 2b + 3c$$

নির্ণয় বিয়োগফল $-2a - 2b + 3c$.

$$29 | 3ab + 6bc - 2ca থেকে 2ab - 4bc + 8ca$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$3ab + 6bc - 2ca$$

$$2ab - 4bc + 8ca$$

$$(-) \quad (+) \quad (-)$$

$$ab + 10bc - 10ca$$

নির্ণয় বিয়োগফল $ab + 10bc - 10ca$.

$$30 | a^2 + b^2 + c^2 থেকে -a^2 + b^2 - c^2$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$a^2 + b^2 + c^2$$

$$- a^2 + b^2 - c^2$$

$$(+)\quad (-)\quad (+)$$

$$2a^2 + 2c^2$$

নির্ণয় বিয়োগফল $2a^2 + 2c^2$.

$$31 | 4ax + 5by + 6cz থেকে 6by + 3ax + 9cz$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$4ax + 5by + 6cz$$

$$3ax + 6by + 9cz$$

$$(-) \quad (-) \quad (-)$$

$$ax - by - 3cz$$

নির্ণয় বিয়োগফল $ax - by - 3cz$.

$$32 | 7x^2 + 9x + 18 থেকে 5x + 9 + 8x^2$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$7x^2 + 9x + 18$$

$$8x^2 + 5x + 9$$

$$(-) \quad (-) \quad (-)$$

$$- x^2 + 4x + 9$$

নির্ণয় বিয়োগফল $-x^2 + 4x + 9$.

৩৩ $|3x^3y^2 - 5x^2y^2 + 7xy + 2|$ থেকে $-x^3y^2 + x^2y^2 + 5xy + 2$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 3x^3y^2 - 5x^2y^2 + 7xy + 2 \\ - x^3y^2 + x^2y^2 + 5xy + 2 \\ (+) \quad (-) \quad (-) \quad (-) \\ \hline 4x^3y^2 - 6x^2y^2 + 2xy \end{array}$$

নির্ণয় বিয়োগফল $4x^3y^2 - 6x^2y^2 + 2xy$.

৩৪ $|4x^2 + 3y^2 + z|$ থেকে $-2y^2 + 3x^2 - z$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} 4x^2 + 3y^2 + z \\ 3x^2 - 2y^2 - z \\ (-) \quad (+) \quad (+) \\ \hline x^2 + 5y^2 + 2z \end{array}$$

নির্ণয় বিয়োগফল $x^2 + 5y^2 + 2z$.

৩৫ $|x^4 + 2x^3 + x^2 + 4|$ থেকে $x^3 - 2x^2 + 2x + 3$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$\begin{array}{r} x^4 + 2x^3 + x^2 + 4 \\ x^3 - 2x^2 + 3 + 2x \\ (-) \quad (+) \quad (-) \quad (-) \\ \hline x^4 + x^3 + 3x^2 + 1 - 2x \end{array}$$

নির্ণয় বিয়োগফল $x^4 + x^3 + 3x^2 - 2x + 1$.

৩৬ |যদি $a = x^2 + z^2$, $b = y^2 + z^2$, $c = x^2 + y^2$ হয়, তবে
দেখাও যে, $a + b - c = 2z^2$

সমাধান : দেওয়া আছে, $a = x^2 + z^2$

$$b = y^2 + z^2$$

$$\text{এবং } c = x^2 + y^2$$

$$\text{বামপক্ষ} = a + b - c$$

$$= (x^2 + z^2) + (y^2 + z^2) - (x^2 + y^2) \quad [\text{মান বসিয়ে}]$$

$$= x^2 + z^2 + y^2 + z^2 - x^2 - y^2$$

$$= 2z^2 = \text{ডানপক্ষ}$$

$\therefore a + b - c = 2z^2$. (দেখানো হলো)

৩৭ |যদি $x = a + b$, $y = b + c$, $z = c + a$ হয়, তবে দেখাও যে,
 $x - y + z = 2a$.

সমাধান : দেওয়া আছে, $x = a + b$

$$y = b + c$$

$$\text{এবং } z = c + a$$

$$\text{বামপক্ষ} = x - y + z$$

$$= (a + b) - (b + c) + (c + a) \quad [\text{মান বসিয়ে}]$$

$$= a + b - b - c + c + a$$

$$= a + a = 2a = \text{ডানপক্ষ}$$

$\therefore x - y + z = 2a$. (দেখানো হলো)

৩৮ | যদি $x = a + b + c$, $y = a - b - c$, $z = b - c + a$ হয়,
তবে দেখাও যে, $x - y + z = a + 3b + c$

সমাধান : দেওয়া আছে, $x = a + b + c$

$$y = a - b - c$$

$$\text{এবং } z = b - c + a$$

$$\text{বামপক্ষ} = x - y + z$$

$$= (a + b + c) - (a - b - c) + (b - c + a) \quad [\text{মান বসিয়ে}]$$

$$= a + b + c - a + b + c + b - c + a$$

$$= a + 3b + c$$

$$= \text{ডানপক্ষ}$$

$\therefore x - y + z = a + 3b + c$. (দেখানো হলো)

৬০ সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

প্রশ্ন ৩১ | a^2 , b^2 , c^2 তিনটি বীজগণিতীয় রাশি হলে,

ক. b^2 এর সাংখ্যিক সহগ কত?

খ. a^2 এর হিগুণের সাথে c^2 এর তিনগুণ যোগ কর।

গ. a^2 এর তিনগুণ থেকে b^2 এর হিগুণ বিয়োগ করে

বিয়োগফলের সাথে c^2 এর চারগুণ যোগ কর।

৩১নং প্রশ্নের সমাধান

$$b^2 = 1 \times b^2$$

$\therefore b^2$ এর সাংখ্যিক সহগ 1.

$$a^2 \text{ এর হিগুণ} = 2a^2$$

$$c^2 \text{ এর তিনগুণ} = 3c^2$$

$$\therefore \text{যোগফল} = 2a^2 + 3c^2$$

$$a^2 \text{ এর } 3 \text{ গুণ} = 3a^2$$

$$b^2 \text{ এর } 2 \text{ গুণ} = 2b^2$$

(-)

$$\text{বিয়োগফল} = 3a^2 - 2b^2$$

$$c^2 \text{ এর } 4 \text{ গুণ} = 4c^2$$

$$\text{যোগফল} = 3a^2 - 2b^2 + 4c^2$$

প্রশ্ন ৪০ | একটি খাতার দাম x টাকা, একটি কলমের দাম y টাকা
এবং একটি পেসিলের দাম z টাকা হলে,

ক. ৩টি খাতা ও ২টি কলমের মোট দাম কত?

খ. ৫টি খাতা ও ৪টি পেসিলের মোট দাম থেকে 10টি কলমের দাম
দান নিলে কত হবে বীজগণিতীয় রাশির মাধ্যমে প্রকাশ কর।

গ. $3x - 2y + 5z$ দ্বারা কী বোঝায়? y ও z এর সাংখ্যিক সহগ
কত? x , y ও z এর সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল কত?

৪০নং প্রশ্নের সমাধান

$$1 \text{টি খাতার দাম } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 3 \text{টি খাতার দাম } 3x \text{ টাকা}$$

$$\text{আবার, } 1 \text{টি কলমের দাম } y \text{ টাকা}$$

$$\therefore 2 \text{টি কলমের দাম } 2y \text{ টাকা}$$

$$\therefore 3 \text{টি খাতা ও 2টি কলমের মোট দাম} = (3x + 2y) \text{ টাকা।}$$

$$1 \text{টি খাতার দাম } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 5 \text{টি খাতার দাম } 5x \text{ টাকা}$$

$$1 \text{টি কলমের দাম } y \text{ টাকা}$$

$$\therefore 10 \text{টি কলমের দাম } 10y \text{ টাকা}$$

$$\text{আবার, } 1 \text{টি পেসিলের দাম } z \text{ টাকা।}$$

$$\therefore 8 \text{টি পেসিলের দাম } 8z \text{ টাকা।}$$

$$\therefore 5 \text{টি খাতা ও 4টি পেসিলের মোট দাম} = (5x + 8z) \text{ টাকা।}$$

$$\therefore 5 \text{টি খাতা ও 4টি পেসিলের মোট দাম থেকে 10টি কলমের$$

$$\text{দামের বিয়োগফল} = (5x + 8z - 10y) \text{ টাকা।}$$

গ. $3x - 2y + 5z$ দ্বারা বোঝা যায় 3টি খাতার দাম থেকে 2টি
কলমের দাম বিয়োগ করে বিয়োগফলের সাথে 5টি পেসিলের দাম
যোগ করা হয়েছে।

এখানে, y ও z এর সাংখ্যিক সহগ যথাক্রমে -2 ও 5

আবার, x , y ও z এর সাংখ্যিক সহগ যথাক্রমে 3, -2 ও 5

এবং তাদের গুণফল $= 3 \times (-2) \times 5 = -30$.

প্রশ্ন ৪১ $5x^2 + xy + 3y^2$, $x^2 - 8xy$, $y^2 - x^2 + 10xy$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি হলে,

- (ক) প্রথম রাশিটির পদসংখ্যা কয়টি এবং কী?
 (খ) রাশি তিনটি যোগ করা। যোগফলের xy এর সহগ কত?
 (গ) $(5x^2 + xy + 3y^2) - (x^2 - 8xy) - (y^2 - x^2 + 10xy)$ সরল করে এর মান নির্ণয় করা; যখন $x = 2$ এবং $y = 1$.

৪১নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) প্রথম রাশিটির পদসংখ্যা ৩টি।

এবং সেগুলো হলো $5x^2$, xy ও $3y^2$.

(খ) সদৃশ পদগুলোকে তাদের স-স চিহ্ন সহ নিচে লিখে পাই,

$$\begin{array}{r} 5x^2 + xy + 3y^2 \\ x^2 - 8xy \\ - x^2 + 10xy + y^2 \end{array}$$

$$\text{যোগফল} = 5x^2 + 3xy + 4y^2$$

∴ যোগফলে xy এর সহগ ৩।

(গ) এখানে, $x = 2$ এবং $y = 1$

$$\begin{aligned} \text{প্রদত্ত রাশি} &= (5x^2 + xy + 3y^2) - (x^2 - 8xy) - (y^2 - x^2 + 10xy) \\ &= 5x^2 + xy + 3y^2 - x^2 + 8xy - y^2 + x^2 - 10xy \\ &= 5x^2 - xy + 2y^2 \\ &= 5(2)^2 - 2.1 + 2.1^2 \quad [\text{মান বসিয়ে}] \\ &= 5 \times 4 - 2 + 2.1 = 20 - 2 + 2 = 22 - 2 = 20. \end{aligned}$$

প্রশ্ন ৪২ $x = (a+b)^2$, $y = a^2 + 2ab + b^2$ এবং $z = a^2 + b^2 - 2ab$.

(ক) z পদগুলোর সাংখ্যিক সহগগুলোর যোগফল নির্ণয় কর।

(খ) $y + z$ এবং $y - z$ নির্ণয় কর।

(গ) $a = 3$ এবং $b = -2$ হলে প্রমাণ কর যে, $x = y$.

সূজনশীল অংশ

কমন উপযোগী সূজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি

১ মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

শিখনফল : বীজগণিতীয় রাশির যোগ ও বিয়োগ করতে পারব।

প্রশ্ন ১ $a = 2x^2 + y^2 - 8z^2$, $b = -x^2 + y^2 + z^2$
এবং $c = 4x^2 - y^2 - 4z^2$.

(ক) a রাশিটির পদগুলোর সংখ্যা সহগের যোগফল নির্ণয় কর। (সহজমান) ২

(খ) $a - b$ এর মান নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৮

(গ) দেখাও যে, $a + b - c = 3(y^2 - x^2 - z^2)$. (কঠিনমান) ৮

১নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) দেওয়া আছে, $a = 2x^2 + y^2 - 8z^2$

a রাশিটির পদগুলোর সহগ যথাক্রমে ২, ১, -৮

সহগগুলোর যোগফল = $2 + 1 + (-8)$

$$= 3 - 8$$

$$= -5$$

(খ) দেওয়া আছে,

$$a = 2x^2 + y^2 - 8z^2$$

$$b = -x^2 + y^2 + z^2$$

$$a - b = 2x^2 + y^2 - 8z^2 - (-x^2 + y^2 + z^2)$$

$$= 2x^2 + y^2 - 8z^2 + x^2 - y^2 - z^2 = 3x^2 - 9z^2$$

(গ) দেওয়া আছে, $a = 2x^2 + y^2 - 8z^2$

$$b = -x^2 + y^2 + z^2$$

$$\text{এবং } c = 4x^2 - y^2 - 4z^2$$

৪২নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) দেওয়া আছে, $z = a^2 + b^2 - 2ab$

এখানে, a^2 , b^2 ও ab এর সাংখ্যিক সহগগুলো যথাক্রমে ১, ১ ও -২

∴ সহগগুলোর যোগফল = $1 + 1 + (-2) = 2 - 2 = 0$

নির্ণয় যোগফল ০।

(খ) দেওয়া আছে, $y = a^2 + 2ab + b^2$

$$z = a^2 + b^2 - 2ab$$

y এবং z এর সদৃশ পদগুলোকে তাদের স-স চিহ্ন সহ নিচে নিচে লিখে পাই,

$$\frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - 2ab + b^2}$$

$$\therefore \text{যোগফল} = 2a^2 + 2b^2$$

$$\therefore y + z = 2a^2 + 2b^2$$

আবার, y এবং z এর সদৃশ পদগুলোকে তাদের স-স চিহ্নসহ নিচে নিচে লিখে পাই,

$$\frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - 2ab + b^2}$$

$$(-) (+) (-)$$

$$\therefore \text{বিয়োগফল} = 0 + 4ab + 0$$

$$\therefore y - z = 4ab$$

(গ) দেওয়া আছে, $x = (a+b)^2$

$$y = a^2 + 2ab + b^2$$

এখন, $a = 3$, $b = -2$ হলে,

$$x = (a+b)^2 = (3-2)^2 = 1^2 = 1$$

এবং $a = 3$, $b = -2$ হলে,

$$\begin{aligned} y &= a^2 + 2ab + b^2 \\ &= 3^2 + 2(3)(-2) + (-2)^2 = 9 - 12 + 4 = 13 - 12 = 1 \end{aligned}$$

∴ $x = y$. (প্রমাণিত)

এখানে, $a + b = 2x^2 + y^2 - 8z^2 + (-x^2 + y^2 + z^2)$

$$= 2x^2 + y^2 - 8z^2 - x^2 + y^2 + z^2$$

$$= x^2 + 2y^2 - 7z^2$$

$$a + b - c = x^2 + 2y^2 - 7z^2 - (4x^2 - y^2 - 4z^2)$$

$$= x^2 + 2y^2 - 7z^2 - 4x^2 + y^2 + 4z^2$$

$$= -3x^2 + 3y^2 - 3z^2$$

$$= 3y^2 - 3x^2 - 3z^2$$

$$= 3(y^2 - x^2 - z^2)$$

∴ $a + b - c = 3(y^2 - x^2 - z^2)$. (দেখানো হলো)

প্রশ্ন ২ $x = 2a^2 + 3b - 2c^2$, $y = b + 3a^2 - 4c^2$

এবং $z = 10c^2 - 6b + 5a^2$

(ক) $2x - y$ = কত? নির্ণয় কর। (সহজমান) ২

(খ) দেখাও যে, $x - y + z = 4(a^2 - b + 3c^2)$ (মধ্যমান) ৮

(গ) $a = 2$, $b = 1$, $c = 3$ হলে $(x - y - z)$ এর মান ৮

নির্ণয় কর। (কঠিনমান) .

২নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) দেওয়া আছে, $x = 2a^2 + 3b - 2c^2$

$$\text{এবং } y = b + 3a^2 - 4c^2$$

$$\therefore 2x - y = 2(2a^2 + 3b - 2c^2) - (b + 3a^2 - 4c^2)$$

[x এবং y এর মান বসিয়ে]

$$= 4a^2 + 6b - 4c^2 - b - 3a^2 + 4c^2$$

$$= a^2 + 5b$$

নির্ণয় মান $a^2 + 5b$.

গণিত

১৭৩

দেওয়া আছে, $x = 2a^2 + 3b - 2c^2$; $y = b + 3a^2 - 4c^2$

এবং $z = 10c^2 - 6b + 5a^2$

বামপক্ষ $= x - y + z$

$$\begin{aligned} &= (2a^2 + 3b - 2c^2) - (b + 3a^2 - 4c^2) + (10c^2 - 6b + 5a^2) \\ &= 2a^2 + 3b - 2c^2 - b - 3a^2 + 4c^2 + 10c^2 - 6b + 5a^2 \\ &= 4a^2 - 4b + 12c^2 = 4(a^2 - b + 3c^2) = ডানপক্ষ \end{aligned}$$

$\therefore x - y + z = 4(a^2 - b + 3c^2)$. (দেখালো হলো)

দেওয়া আছে, $x = 2a^2 + 3b - 2c^2$; $y = b + 3a^2 - 4c^2$

এবং $z = 10c^2 - 6b + 5a^2$

$$\begin{aligned} \therefore x - y - z &= (2a^2 + 3b - 2c^2) - (b + 3a^2 - 4c^2) - (10c^2 - 6b + 5a^2) \\ &= 2a^2 + 3b - 2c^2 - b - 3a^2 + 4c^2 - 10c^2 + 6b - 5a^2 \\ &= -6a^2 + 8b - 8c^2 \end{aligned}$$

এখন, $a = 2$, $b = 1$, $c = 3$ হলে,

$$\begin{aligned} x - y - z &= -6(2)^2 + 8(1) - 8(3)^2 \\ &= -24 + 8 - 72 = -88 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান -88 .

প্রশ্ন ৪। (i) $x = 5a + 7b + 9c$, $y = b - 3a - 4c$, $z = c - 2b + a$.
(ii) $a = x^2 + z^2$, $b = y^2 + z^2$, $c = x^2 + y^2$.

ক. বিস্তৃত পদ বলতে কী বোঝ? উদাহরণ দাও। (সহজমান) ২

খ. (i) থেকে প্রমাণ কর যে, $x + y + z = 3(a + 2b + 2c)$ (মধ্যমান) ৮

গ. (ii) থেকে প্রমাণ কর যে, $a - b + c = 2x^2$. (কঠিনমান) ৮

৩নং প্রশ্নের সমাধান

ক. এক বা একাধিক পদের বীজগণিতীয় প্রতীকগুলো একই না হলে তাদের সাধ্যিক সহগ সমান হলেও সেগুলোকে বিস্তৃত পদ বলে। যেমন, $5ab^2$ ও $5a^2b$ বিস্তৃত পদ।

দেওয়া আছে, $x = 5a + 7b + 9c$, $y = b - 3a - 4c$

এবং $z = c - 2b + a$

বামপক্ষ $= x + y + z$

$$\begin{aligned} &= (5a + 7b + 9c) + (b - 3a - 4c) + (c - 2b + a) \\ &= 5a + 7b + 9c + b - 3a - 4c + c - 2b + a \\ &= 5a - 3a + a + 7b + b - 2b + 9c - 4c + c \\ &= 6a - 3a + 8b - 2b + 10c - 4c \\ &= 3a + 6b + 6c = 3(a + 2b + 2c) = ডানপক্ষ \end{aligned}$$

$\therefore x + y + z = 3(a + 2b + 2c)$. (প্রমাণিত)

দেওয়া আছে, $a = x^2 + z^2$, $b = y^2 + z^2$ এবং $c = x^2 + y^2$

কমপক্ষ $= a - b + c = (x^2 + z^2) - (y^2 + z^2) + (x^2 + y^2)$

$$= x^2 + z^2 - y^2 - z^2 + x^2 + y^2 = 2x^2 = ডানপক্ষ$$

$\therefore a - b + c = 2x^2$. (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ৫। $P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$, $Q = ab - a^2$, $R = -b^2 - 5a^2 - 4ab$

ক. P -এ a^2 , ab ও b^2 এর সাধ্যিক সহগগুলোর যোগফল কত? (সহজমান) ২

খ. P , Q ও R এর যোগফল নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৮

গ. $a = -1$ ও $b = 2$ হলে দেখাও যে P থেকে Q এর বিয়োগফল 36 এর সমান। (কঠিনমান) ৮

৪নং প্রশ্নের সমাধান

এখনে, $P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$

P এ, a^2 এর সাধ্যিক সহগ ৭

ab এর " " "-3

b^2 " " " ৫

সাধ্যিক সহগগুলোর যোগফল $= 7 + (-3) + 5$

$$= 7 - 3 + 5 = 12 - 3 = 9$$

নির্ণয় যোগফল : ৯.

ক. $P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$

$Q = -a^2 + ab$ [সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে লিখে]

$$R = -5a^2 - 4ab - b^2 [" " " "]$$

$$P + Q + R = a^2 - 6ab + 4b^2$$

নির্ণয় যোগফল : $a^2 - 6ab + 4b^2$.

ক. $P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$

$Q = -a^2 + ab$

(+) (-)

$$P - Q = 8a^2 - 4ab + 5b^2$$

এখন, $a = -1$ ও $b = 2$ বসিয়ে পাই,

$$P - Q = 8 \times (-1)^2 - 4 \times (-1) \times 2 + 5 \times (2)^2$$

$$= 8 \times (-1) \times (-1) + 8 + 5 \times (2 \times 2)$$

$$= 8 \times 1 + 8 + 5 \times 4 = 8 + 8 + 20 = 36$$

অতএব, P থেকে Q এর বিয়োগফল 36 এর সমান। (দেখানো হলো)

প্রশ্ন ৫। $7b + 3a - 4c^2$, $5a + 4b + 3c^2$, $-2b - 4a - 2c^2$

তিনটি বীজগণিতীয় রাশি এবং $a = -3$, $b = 4$ এবং $c = 5$ ।

ক. ১ম রাশির সাথে তৃতীয় রাশির সদৃশ্য পদগুলো নিচে সাজিয়ে লিখ। (সহজমান) ২

খ. রাশি তিনটি যোগ কর। (মধ্যমান) ৮

গ. ১ম রাশির সাথে দ্বিতীয় রাশি যোগ করে তার সাথে তৃতীয় রাশি বিয়োগ কর এবং উহার মান নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৮

৫নং প্রশ্নের সমাধান

ক. সদৃশ্য পদগুলো নিচে সাজিয়ে পাই,

১ম রাশি $7b + 3a - 4c^2$

৩য় রাশি $-2b - 4a - 2c^2$

খ. রাশি তিনটির সদৃশ্য পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$7b + 3a - 4c^2$

$4b + 5a + 3c^2$

$-2b - 4a - 2c^2$

(যোগফল) $9b + 4a - 3c^2$

\therefore রাশি তিনটির যোগফল $9b + 4a - 3c^2$.

গ. ১ম দুইটি রাশির সদৃশ্য পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$7b + 3a - 4c^2$

$4b + 5a + 3c^2$

যোগফল $= 11b + 8a - c^2$

১ম ও ২য় রাশির যোগফল $11b + 8a - c^2$

এবং তৃতীয় রাশি $-2b - 4a - 2c^2$

বিয়োগফল $= 13b + 12a + c^2$

$13b + 12a + c^2$ রাশিটিতে $a = -3$, $b = 4$ এবং $c = 5$ বসিয়ে,

প্রাপ্ত মান $= 13 \cdot 4 + 12 \cdot (-3) + 5^2$

$$= 52 - 36 + 25 = 77 - 36 = 41$$

\therefore রাশিটির মান 41.

প্রশ্ন ৬। $x = a + b - c$, $y = b + c - a$, $z = c + a - b$

ক. x এবং y এর যোগফল কত? (সহজমান) ২

খ. y থেকে z এর বিয়োগফল নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৮

গ. $a = 1$, $b = 2$ এবং $c = 3$ হলে, $x - y - z$ এর মান নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৮

৬নং প্রশ্নের সমাধান

ক. এখনে, $x = a + b - c$; $y = b + c - a$

$\therefore x$ ও y এর যোগফল $= x + y$

$$= a + b - c + b + c - a = 2b$$

নির্ণয় যোগফল 2b.

১y থেকে z এর বিয়োগফল $= y - z$

$$\begin{aligned} &= (b + c - a) - (c + a - b) \\ &= b + c - a - c - a + b \\ &= 2b - 2a \end{aligned}$$

নির্ণয় বিয়োগফল $2b - 2a$.

২a = 1, b = 2 এবং $c = 3$

প্রদত্ত রাশি $= x - y - z$

$$\begin{aligned} &= (a + b - c) - (b + c - a) - (c + a - b) \\ &= a + b - c - b - c + a - c - a + b \\ &= a + b - 3c \\ &= 1 + 2 - 3 \times 3 \quad [a, b \text{ ও } c \text{ এর মান বসিয়ে] \\ &= 1 + 2 - 9 = 3 - 9 = -6 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান : -6.

৩প্রশ্ন ৭। $P = 25x^2 + 3xy - 9y^2, Q = x^2 - 8xy, R = y^2 - x^2 + 10xy$
চারটি বীজগাণিতীয় রাশি।

ক. $x = 2, y = 3$ হলে Q এর মান নির্ণয় কর। (সহজমান) ২

খ. $x = 2, y = -3$ হলে দেখাও যে, $(5x + 3y)^2 = P$. (মধ্যমান) ৮

গ. $x = 2, y = 1$ হলে $P + 4Q - 2R$ এর মান নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৮

৭নং প্রশ্নের সমাধান

১x = 2, y = 3

$$\begin{aligned} \therefore Q &= x^2 - 8xy \\ &= 2^2 - 8 \cdot 2 \cdot 3 = 4 - 48 = -44 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান -44.

২P = 25x^2 + 3xy - 9y^2

$\therefore x = 2, y = -3$ হলে,

বামপক্ষ $= (5x + 3y)^2$
 $= \{5.2 + 3(-3)\}^2$
 $= (10 - 9)^2$
 $= (1)^2 = 1$

ডানপক্ষ $= P$

$$\begin{aligned} &= 25x^2 + 3xy - 9y^2 \\ &= 25(2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot (-3) - 9(-3)^2 \\ &= 100 - 18 - 81 = 100 - 99 = 1 \end{aligned}$$

$\therefore (5x + 3y)^2 = P$. (দেখানো হলো)

৩P = 25x^2 + 3xy - 9y^2

$Q = x^2 - 8xy$

এবং $R = y^2 - x^2 + 10xy$

$$\begin{aligned} \therefore P + 4Q - 2R &= (25x^2 + 3xy - 9y^2) + 4(x^2 - 8xy) - 2(y^2 - x^2 + 10xy) \\ &= 25x^2 + 3xy - 9y^2 + 4x^2 - 32xy - 2y^2 + 2x^2 - 20xy \\ &= 31x^2 - 49xy - 11y^2 \end{aligned}$$

এখন, $x = 2$ এবং $y = 1$ হলে,

$$\begin{aligned} P + 4Q - 2R &= 31(2)^2 - 49 \cdot 2 \cdot 1 - 11(1)^2 \\ &= 31 \times 4 - 98 - 11 \\ &= 124 - 109 = 15 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান 15.

৪প্রশ্ন ৮। $P = a + b, Q = a - b, R = a^2 + ab + b^2, S = a^2 - ab + b^2$
চারটি বীজগাণিতীয় রাশি।

ক. $Q - P =$ কত? (সহজমান) ২

খ. $P + Q + R + S =$ কত? (মধ্যমান) ৮

গ. $(P - Q) - (R - S)$ এর মান নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৮

৮নং প্রশ্নের সমাধান

১P = a + b এবং $Q = a - b$

$$\begin{aligned} \therefore Q - P &= (a - b) - (a + b) \\ &= a - b - a - b = -2b \end{aligned}$$

নির্ণয় $Q - P = -2b$

২P = a + b, Q = a - b, R = a^2 + ab + b^2

$$\begin{aligned} \text{এবং } S &= a^2 - ab + b^2 \\ \therefore P + Q + R + S &= (a + b) + (a - b) + (a^2 + ab + b^2) + (a^2 - ab + b^2) \\ &= a + b + a - b + a^2 + ab + b^2 + a^2 - ab + b^2 \\ &= 2a + 2a^2 + 2b^2 = 2(a + a^2 + b^2) \\ \therefore P + Q + R + S &= 2(a + a^2 + b^2) \end{aligned}$$

**৩P = a + b, Q = a - b, R = a^2 + ab + b^2
এবং $S = a^2 - ab + b^2$**

$$\begin{aligned} \therefore P - Q &= (a + b) - (a - b) \\ &= a + b - a + b = 2b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{এবং } R - S &= (a^2 + ab + b^2) - (a^2 - ab + b^2) \\ &= a^2 + ab + b^2 - a^2 + ab - b^2 = 2ab \end{aligned}$$

এখন, $(P - Q) - (R - S) = 2b - 2ab = 2b(1 - a)$

নির্ণয় মান $2b(1 - a)$.

৫প্রশ্ন ৯। $A = 5x + 7y + 9z, B = y - 3x - 4z, C = z - 2y + x$

ক. C থেকে A বিয়োগ কর। (সহজমান) ২

খ. দেখাও যে, $A + B + C = 3(x + 2y + 2z)$. (মধ্যমান) ৮

গ. প্রমাণ কর যে, $A - B - C = 7x + 8y + 12z$. (কঠিনমান) ৮

৯নং প্রশ্নের সমাধান

১A = 5x + 7y + 9z এবং $C = z - 2y + x$

C থেকে A এর বিয়োগফল $= C - A$

$$\begin{aligned} &= (z - 2y + x) - (5x + 7y + 9z) \\ &= z - 2y + x - 5x - 7y - 9z \\ &= x - 5x - 2y - 7y + z - 9z \\ &= -4x - 9y - 8z \end{aligned}$$

নির্ণয় বিয়োগফল : -4x - 9y - 8z.

২A = 5x + 7y + 9z

$B = y - 3x - 4z$ এবং $C = z - 2y + x$

বামপক্ষ $= A + B + C$

$$\begin{aligned} &= (5x + 7y + 9z) + (y - 3x - 4z) + (z - 2y + x) \\ &= 5x + 7y + 9z + y - 3x - 4z + z - 2y + x \\ &= 5x - 3x + x + 7y + y - 2y + 9z - 4z + z \\ &= 6x - 3x + 8y - 2y + 10z - 4z \\ &= 3x + 6y + 6z \\ &= 3(x + 2y + 2z) = \text{ডানপক্ষ} \end{aligned}$$

$\therefore A + B + C = 3(x + 2y + 2z)$. (দেখানো হলো)

৩

$A = 5x + 7y + 9z$

$B = y - 3x - 4z$

এবং $C = z - 2y + x$

বামপক্ষ $= A - B - C$

$$\begin{aligned} &= (5x + 7y + 9z) - (y - 3x - 4z) - (z - 2y + x) \\ &= 5x + 7y + 9z - y + 3x + 4z - z + 2y - x \\ &= 5x + 3x - x + 7y - y + 2y + 9z + 4z - z \\ &= 8x - x + 9y - y + 13z - z \\ &= 7x + 8y + 12z = \text{ডানপক্ষ} \end{aligned}$$

$\therefore A - B - C = 7x + 8y + 12z$. (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ১০ $x = a^2 + b^2$, $y = b^2 + c^2$ এবং $z = c^2 + a^2$.

- ক. $x - a^2$ কত? (সহজমান) ২
 খ. $x + y + z$ এর মান নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৪
 গ. দেখাও যে, $x - y + z = 2a^2$. (কঠিনমান) ৮

১০নং প্রশ্নের সমাধান

ক. এখানে, $x = a^2 + b^2$

$$\begin{aligned} \text{প্রদত্ত রাশি} &= x - a^2 \\ &= a^2 + b^2 - a^2 \quad [x\text{-এর মান বসিয়ে] \\ &= b^2. \end{aligned}$$

খ. এখানে, $x = a^2 + b^2$

$$y = b^2 + c^2$$

$$\text{এবং } z = c^2 + a^2.$$

প্রদত্ত রাশি $= x + y + z$

$$\begin{aligned} &= (a^2 + b^2) + (b^2 + c^2) + (c^2 + a^2) \\ &\quad [x, y \text{ ও } z\text{-এর মান বসিয়ে] \\ &= a^2 + b^2 + b^2 + c^2 + c^2 + a^2 \\ &= 2a^2 + 2b^2 + 2c^2 \\ &\div 2(a^2 + b^2 + c^2). \end{aligned}$$

গ. বামপক্ষ $= x - y + z$

$$\begin{aligned} &= (a^2 + b^2) - (b^2 + c^2) + (c^2 + a^2) \\ &\quad [x, y \text{ ও } z\text{-এর মান বসিয়ে] \\ &= a^2 + b^2 - b^2 - c^2 + c^2 + a^2 \\ &= 2a^2 = \text{ডানপক্ষ} \end{aligned}$$

$$\therefore x - y + z = 2a^2. \quad [\text{দেখানো হলো}]$$

প্রশ্ন ১১ $P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$, $Q = ab - a^2$

$$\text{এবং } R = -b^2 - 5a^2 - 4ab.$$

- ক. P , Q , R এর ab এর সাংখ্যিক সহগুলোর গুণফল কত? (সহজমান) ২

- খ. $P + Q + R$ নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৪

- গ. $2P - 3Q - R$ এর মান নির্ণয় কর। যখন $a = 1$ এবং $b = 2$ (কঠিনমান) ৮

১১নং প্রশ্নের সমাধান

ক. দেওয়া আছে,

$$P = 7a^2 - 3ab + 5b^2$$

$$Q = ab - a^2$$

$$\text{এবং } R = -b^2 - 5a^2 - 4ab$$

P , Q ও R এর ab এর সাংখ্যিক সহগ যথাক্রমে -3 , 1 ও -4 .

$$\therefore \text{সহগুলোর গুণফল} = (-3) \times 1 \times (-4) = 12$$

নির্ণয় গুণফল : 12

খ. প্রদত্ত রাশি $= P + Q + R$

$$\begin{aligned} &= (7a^2 - 3ab + 5b^2) + (ab - a^2) + (-b^2 - 5a^2 - 4ab) \\ &= 7a^2 - 3ab + 5b^2 + ab - a^2 - b^2 - 5a^2 - 4ab \\ &= 7a^2 - 6a^2 - 7ab + ab + 4b^2 \\ &= a^2 - 6ab + 4b^2. \end{aligned}$$

$$\text{নির্ণয় মান : } a^2 - 6ab + 4b^2$$

গ. এখানে, $a = 1$ এবং $b = 2$

$$\text{প্রদত্ত রাশি} = 2P - 3Q - R$$

$$\begin{aligned} &= 2(7a^2 - 3ab + 5b^2) - 3(ab - a^2) - (-b^2 - 5a^2 - 4ab) \\ &= 14a^2 - 6ab + 10b^2 - 3ab + 3a^2 + b^2 + 5a^2 + 4ab \\ &= 22a^2 - 9ab + 4ab + 11b^2 \\ &= 22a^2 - 5ab + 11b^2 \end{aligned}$$

$$= 22.(1)^2 - 5 \times 12 + 11.(2)^2$$

$$= 22 \times 1 - 10 + 11 \times 4$$

$$= 22 - 10 + 44$$

$$= 66 - 10 = 56$$

নির্ণয় মান 56.

প্রশ্ন ১২ $3x + y$, $8x - 9y$, $5y + 2x$ তিনটি রাশি-

- ক. দ্বিতীয় রাশি থেকে প্রথম রাশি বিয়োগ কর। (সহজমান) ২

- খ. রাশি তিনটির যোগফল কত? (মধ্যমান) ৪

- গ. $x = 3$, $y = 4$ হলে; $2(3x + y) + 3(8x - 9y)$ এর মান কত? (কঠিনমান) ৮

১২নং প্রশ্নের সমাধান

ক. দ্বিতীয় ও তৃতীয় রাশির সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে লিখে পাই,

$$8x - 9y$$

$$3x + y$$

$$\underline{(-) \quad (-)}$$

$$5x - 10y$$

\therefore দ্বিতীয় রাশি থেকে প্রথম রাশির বিয়োগফল $5x - 10y$.

ক. প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় রাশির সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে লিখে পাই,

$$\text{প্রথম রাশি} = 3x + y$$

$$\text{দ্বিতীয় রাশি} = 8x - 9y$$

$$\text{তৃতীয় রাশি} = 2x + 5y$$

$$\text{যোগফল} = 13x - 3y$$

নির্ণয় যোগফল $13x - 3y$

ক. দেওয়া আছে, $x = 2$ এবং $y = 3$

$$\text{প্রদত্ত রাশি} = 2(3x + y) + 3(8x - 9y)$$

$$= 2(3 \times 2 + 3) + 3(8 \times 2 - 9 \times 3)$$

$$= 2(6 + 3) + 3(16 - 27)$$

$$= 2 \times 9 + 3(-11) = 18 - 33 = -15$$

নির্ণয় মান - 15.

প্রশ্ন ১৩ x^3 , y^2 ও z^3 তিনটি বীজগণিতীয় রাশি।

- ক. প্রদত্ত প্রথম ও দ্বিতীয় রাশির সাংখ্যিক সহগ কত? (সহজমান) ২

- খ. প্রথম রাশির পাঁচগুণ থেকে তৃতীয় রাশির ছিগুণ বিয়োগ কর। (মধ্যমান) ৪

- গ. প্রথম রাশির সাতগুণ থেকে দ্বিতীয় রাশির তিনগুণ বিয়োগ করে বিয়োগফলের সাথে তৃতীয় রাশির পাঁচগুণ যোগ কর। (কঠিনমান) ৮

১৩নং প্রশ্নের সমাধান

$$x^3 = 1 \times x^3$$

$\therefore x^3$ এর সাংখ্যিক সহগ ১

$$y^2 = 1 \times y^2$$

$\therefore y^2$ এর সাংখ্যিক সহগ ১.

$$x^3 \text{ এর পাঁচগুণ} = 5x^3$$

$$\text{এবং } z^3 \text{ এর ছিগুণ} = 2z^3$$

$$\therefore 5x^3 \text{ এবং } 2z^3 \text{ এর বিয়োগফল} = 5x^3 - 2z^3.$$

$$x^3 \text{ এর সাতগুণ} = 7x^3 \text{ এবং } y^2 \text{ এর তিনগুণ} = 3y^2$$

$$\therefore 7x^3 \text{ এবং } 3y^2 \text{ এর বিয়োগফল} = 7x^3 - 3y^2.$$

আবার, z^3 এর পাঁচগুণ $= 5z^3$.

$$\begin{aligned} \therefore (7x^3 - 3y^2) \text{ এর সাথে } 5z^3 \text{ যোগ করলে হয়} &= (7x^3 - 3y^2) + 5z^3 \\ &= 7x^3 - 3y^2 + 5z^3 \end{aligned}$$

১৭৬

সম্পর্ক নিয়ে মোট খরচের পরিমাণ সাতটি গুরু ও দুইটি ছাগল ক্রয় করে। একটি গুরুর মূল্য x টাকা এবং একটি ছাগলের মূল্য y টাকা।

প্রশ্ন ১৪ | রহিম পাঁচটি গুরু ও চারটি ছাগল এবং আরেফিন সাতটি গুরু ও দুইটি ছাগল ক্রয় করে। একটি গুরুর মূল্য x টাকা এবং একটি ছাগলের মূল্য y টাকা।

- (ক) রহিমের মোট খরচ বীজগণিতীয় রাশির মাধ্যমে
প্রকাশ কর। (সহজমান) ২
(খ) দুই জনের মোট খরচের পরিমাণ নির্ণয় কর। (মধ্যমান) ৪
(গ) যদি $x = 5500$ টাকা এবং $y = 1200$ টাকা হয়, তবে কে
বেশি টাকা খরচ করল তা নির্ণয় কর। (কঠিনমান) ৪

১৪নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) দেওয়া আছে,

$$1\text{টি গুরুর মূল্য } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 5\text{টি } " " (5 \times x) "$$

$$= 5x \text{ টাকা}$$

এবং 1টি ছাগলের মূল্য y টাকা

$$\therefore 4\text{টি } " " (4 \times y) " = 4y \text{ টাকা}$$

রহিম পাঁচটি গুরু ও চারটি ছাগল ক্রয় করে

সুতরাং রহিমের মোট খরচের বীজগণিতীয় রাশি $= 5x + 4y$

(খ) হতে প্রাপ্ত

$$\text{রহিমের মোট খরচের বীজগণিতীয় রাশি} = 5x + 4y$$

দেওয়া আছে,

$$1\text{টি গুরুর মূল্য } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 7\text{টি } " " (7 \times x)$$

$$= 7x \text{ টাকা}$$

এবং 1টি ছাগলের মূল্য y টাকা

$$\therefore 2\text{টি } " " (2 \times y) "$$

$$= 2y \text{ টাকা}$$

আরেফিন সাতটি গুরু ও দুইটি ছাগল ক্রয় করে।

সুতরাং আরেফিনের মোট খরচের বীজগণিতীয়

$$\text{রাশি} = 7x + 2y$$

অতঃপর সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

$$5x + 4y$$

$$7x + 2y$$

$$\underline{12x + 6y} \quad [\text{যোগ করে}]$$

∴ দুইজনের মোট খরচের পরিমাণ $(12x + 6y)$ টাকা।

(ক) হতে প্রাপ্ত, রহিমের মোট খরচের পরিমাণ

$$= 5x + 4y$$

$$= (5 \times 5500) \text{ টাকা} + (4 \times 1200) \text{ টাকা}$$

[x ও y এর মান বসিয়ে]

$$= 27500 \text{ টাকা} + 4800 \text{ টাকা}$$

$$= (27500 + 4800) = 32300 \text{ টাকা}$$

(খ) হতে প্রাপ্ত, আরেফিনের মোট খরচের পরিমাণ

$$= 7x + 2y$$

$$= (7 \times 5500) \text{ টাকা} + (2 \times 1200) \text{ টাকা}$$

$$= 38500 \text{ টাকা} + 2400 \text{ টাকা}$$

$$= (38500 + 2400) \text{ টাকা}$$

$$= 40900 \text{ টাকা}$$

∴ আরেফিনের খরচ রহিমের খরচের চেয়ে বেশি।

প্রশ্ন ১৫ | একের ভিতর সব ৷ ঘঠ শ্রেণি

প্রশ্ন ১৫ | লাবিবের চারটি কলম ও পাঁচটি পেসিল এবং মুজাহিদের পাঁচটি কলম ও সাতটি পেসিল আছে। একটি কলমের মূল্য x টাকা এবং একটি পেসিলের মূল্য y টাকা।

- (ক) লাবিবের মোট কত টাকার কলম আছে? (সহজমান) ২
(খ) দুইজনের মোট কত টাকার কলম ও পেসিল আছে? ৪
(গ) যদি $x = 12$ টাকা এবং $y = 5$ টাকা হয়, তবে কার কাছে

বেশি মূল্যের কলম ও পেসিল আছে? (কঠিনমান) ৪

১৫নং প্রশ্নের সমাধান

(ক) দেওয়া আছে,

$$1\text{টি কলমের মূল্য } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 4\text{টি কলমের মূল্য } (4 \times x) \text{ টাকা}$$

$$= 4x \text{ টাকা}$$

∴ লাবিবের মোট $4x$ টাকার কলম আছে।

(খ) দেওয়া আছে,

$$1\text{টি কলমের মূল্য } x \text{ টাকা}$$

$$\therefore 4\text{টি কলমের মূল্য } (4 \times x) \text{ টাকা} = 4x \text{ টাকা}$$

এবং 1টি পেসিলের মূল্য y টাকা

$$\therefore 5\text{টি } " " (5 \times y) \text{ টাকা} = 5y \text{ টাকা}$$

∴ লাবিবের চারটি কলম ও পাঁচটি পেসিলের একত্রে মূল্য

$$(4x + 5y) \text{ টাকা}$$

আবার, 1টি কলমের দাম x টাকা

$$\therefore 5\text{টি } " " (5 \times x) \text{ টাকা}$$

$$= 5x \text{ টাকা}$$

এবং 1টি পেসিলের দাম y টাকা

$$\therefore 7\text{টি } " " (7 \times y) \text{ টাকা}$$

$$= 7y \text{ টাকা}$$

∴ মুজাহিদের পাঁচটি কলম ও সাতটি পেসিলের একত্রে মূল্য

$$(5x + 7y) \text{ টাকা}$$

∴ দুইজনের মোট কলম ও পেসিল আছে

$$= (4x + 5y) + (5x + 7y) \text{ টাকার}$$

$$= (4x + 5x) + (5y + 7y)$$

$$= (9x + 12y) \text{ টাকার}$$

∴ দুইজনের মোট $(9x + 12y)$ টাকার কলম ও পেসিল আছে।

(গ) দেওয়া আছে, $x = 12$ টাকা

$$\text{এবং } y = 5 \text{ টাকা}$$

(খ) হতে প্রাপ্ত, লাবিবের কলম ও পেসিলের একত্রে মূল্য

$$= (4x + 5y) \text{ টাকা}$$

$$= (4 \times 12 + 5 \times 5) \text{ টাকা} \quad [x \text{ ও } y \text{ এর মান বসিয়ে]$$

$$= (48 + 25) \text{ টাকা}$$

$$= 73 \text{ টাকা।}$$

(খ) হতে প্রাপ্ত, মুজাহিদের কলম ও পেসিলের একত্রে মূল্য

$$= (5x + 7y) \text{ টাকা}$$

$$= (5 \times 12 + 7 \times 5) \text{ টাকা} \quad [x \text{ ও } y \text{ এর মান বসিয়ে]$$

$$= (60 + 35) \text{ টাকা}$$

$$= 95 \text{ টাকা।}$$

∴ মুজাহিদের কাছে বেশি মূল্যের কলম ও পেসিল আছে।

২২নং প্রশ্নের সমাধান

ক. সদৃশ পদ : এক বা একাধিক বীজগণিতীয় রাশির অন্তর্ভুক্ত যেসব পদের একমাত্র পার্থক্য রয়েছে সাংখ্যিক সহগে, তাদের সদৃশপদ বলা হয়।

বিসদৃশ পদ : যে গদের সাথে কোন পদের মিল নেই তাকে বিসদৃশ পদ বলে।

খ. দেওয়া আছে, $x = 5a^2 + ab + 3b^2$

$$y = a^2 - 8ab$$

$$z = b^2 - a^2 + 10ab.$$

$$\text{বামপক্ষ} = x + y + z$$

$$\begin{aligned} &= (5a^2 + ab + 3b^2) + (a^2 - 8ab) + (b^2 - a^2 + 10ab) \\ &= 5a^2 + ab + 3b^2 + a^2 - 8ab + b^2 - a^2 + 10ab \\ &= 6a^2 - a^2 + 11ab - 8ab + 3b^2 + b^2 \\ &= 5a^2 + 3ab + 4b^2 = \text{ডানপক্ষ} \end{aligned}$$

$$\therefore x + y + z = 5a^2 + 3ab + 4b^2. \quad (\text{দেখানো হলো})$$

গ. এখানে, $a = 2$ এবং $b = 1$.

$$\text{প্রদত্ত রাশি} = x + y - z$$

$$\begin{aligned} &= (5a^2 + ab + 3b^2) + (a^2 - 8ab) - (b^2 - a^2 + 10ab) \\ &= 5a^2 + ab + 3b^2 + a^2 - 8ab - b^2 + a^2 - 10ab \\ &= 7a^2 - 17ab + 2b^2 \\ &= 7(2)^2 - 17 \times 2 \times 1 + 2(1)^2 \quad [\text{মান বসিয়ে}] \\ &= 7 \times 4 - 34 + 2 \times 1 \\ &= 28 - 34 + 2 = 30 - 34 = -4 \end{aligned}$$

নির্ণয় মান - 4.

প্রশ্ন ৫তি $A = 2x^3 - 9x^2 + 5, B = 7x^2 + 11x - 2, C = -2x^3 - 11x - 3$

ক. $x = 1$ হলে, A এর মান নির্ণয় কর।

২

খ. $A + B + C$ এর মান নির্ণয় কর।

৮

গ. $A + B - C$ এর মান নির্ণয় কর। এবং $x = -1$ এর জন্য $A + B - C$ এর মান নির্ণয় কর।

৮

[গত: মুসলিম হাইস্কুল, চট্টগ্রাম]

২৩নং প্রশ্নের সমাধান

ক. এখানে, $x = 1$

$$\therefore A = 2x^3 - 9x^2 + 5.$$

$$= 2(1)^3 - 9(1)^2 + 5 \quad [\text{মান বসিয়ে}]$$

$$= 2 \times 1 - 9 \times 1 + 5$$

$$= 2 - 9 + 5 = 7 - 9 = -2$$

$$\therefore A \text{ এর নির্ণয় মান} - 2.$$

অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান

কাজ ১ ► সদৃশ ও বিসদৃশ পদের কয়েকটি বীজগণিতীয় রাশি তৈরি কর।

● পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-৮৯

সমাধান : সদৃশ পদের কয়েকটি রাশি, $ab, 2ab, -3ab$.

বিসদৃশ পদের কয়েকটি রাশি, $a^2b, ab^2, -bc^2, -4ab$.

কাজ ২ ► যোগ কর :

● বোর্ড বইয়ের পৃষ্ঠা-৮৯

$$(i) a + 4b - c, 7a - 5b + 4c.$$

$$(ii) 3x + 7y + 4z, y + 4z, 9x + 3y + 6z.$$

$$(iii) 2x^2 + y^2 - 8z^2, -x^2 + y^2 + z^2, 4x^2 - y^2 + 4z^2.$$

সমাধান : সদৃশ পদগুলো তাদের বা ঘ চিহ্নসহ নিচে লিখে পাই,

$$(i) \quad \begin{array}{r} a + 4b - c \\ 7a - 5b + 4c \\ \hline 8a - b + 3c \end{array}$$

$$(ii) \quad \begin{array}{r} 3x + 7y + 4z \\ y + 4z \\ \hline 9x + 3y + 6z \end{array}$$

$$(iii) \quad \begin{array}{r} 2x^2 + y^2 - 8z^2 \\ -x^2 + y^2 + z^2 \\ \hline 4x^2 - y^2 + 4z^2 \end{array}$$

$$\text{নির্ণয় যোগফল } 8a - b + 3c.$$

শিক্ষকের সহায়তায় নিজে করি

$$(ii) \quad \begin{array}{r} 3x + 7y + 4z \\ y + 4z \\ \hline 9x + 3y + 6z \end{array}$$

$$12x + 11y + 14z$$

নির্ণয় যোগফল $12x + 11y + 14z$.

$$(iii) \quad \begin{array}{r} 2x^2 + y^2 - 8z^2 \\ -x^2 + y^2 + z^2 \\ \hline 4x^2 - y^2 + 4z^2 \end{array}$$

$$5x^2 + y^2 - 3z^2$$

নির্ণয় যোগফল $5x^2 + y^2 - 3z^2$.

বহুনির্বাচনি অংশ ৪৪ কমন উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিথি

৪৪ মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রশ্নীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১. এক বা একাধিক বীজগাণিতীয় রাশির অঙ্গৃহীত দেসব পদের একমাত্র পার্শ্বক্য রয়েছে সাধারণ সহগে তাদের কি বলা হয়? (সহজমান)
- (A) সদৃশ পদ
 - (B) বিসদৃশ পদ
 - (C) বিপদী
 - (D) ত্রিপদী
২. $2a^2x, 2ax^2y$ কোন ধরনের পদ? (সহজমান)
- (A) সদৃশ
 - (B) বিসদৃশ
 - (C) ডামাল
 - (D) চারপদী
৩. নিচের কোনটি সদৃশ পদ নির্দেশ করে? (সহজমান)
- (A) $(5a^3b, -5b^2a)$
 - (B) $(3ab, -3a^3b)$
 - (C) $(-3a, 2ab)$
 - (D) $(5a^2, -5a^3)$
- তথ্য/ধারণা : দেসব পদে একমাত্র সাধ্য সহগের পার্শ্বক্য বিদ্যমান সেসব পদকে সদৃশ পদ বলে।
৪. নিচের কোনটি অসদৃশ পদ নির্দেশ করে? (সহজমান)
- (A) $(3x^2, -7x^3)$
 - (B) $(3y^2, -7y^3)$
 - (C) $(5z^2, -5z^2)$
 - (D) $(3xy, 3x^2y)$
- তথ্য/ধারণা : দেসব পদের বীজগাণিতীয় প্রতীকে পার্শ্বক্য বিদ্যমান সেসব পদকে অসদৃশ পদ বলে।
৫. $3a + 4b + 5c$ এবং $2a + 3b - 2c$ এর যোগফল কত? (সহজমান)
- (A) $5a + 7b + 7c$
 - (B) $5a + 7b + 3c$
 - (C) $a + b + 3c$
 - (D) $a + b + 8c$
৬. $2a + 7b - 10c$ এবং $-a - 6b + 10c$ এর যোগফল কত? (সহজমান)
- (A) $3a + 13b + 20c$
 - (B) $3a + b$
 - (C) $a + b$
 - (D) $a + b + c$
৭. নিচের কোনটি সদৃশ পদ নির্দেশ করে? (সহজমান)
- (A) $(3x^2, -7x^3)$
 - (B) $(-7x^2y, 8xy^2)$
 - (C) $(-3xy, 7x^2y)$
 - (D) $(3x, -7xy)$
- তথ্য/ধারণা : দেসব পদে একমাত্র সাধ্য সহগের পার্শ্বক্য বিদ্যমান সেসব পদকে সদৃশ পদ বলে।
৮. সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে লিখে $7x + 8y - 4z, 3x - 5y + 7z, -9x + y + z$ এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $4x + 4y + 4z$
 - (B) $x + y + z$
 - (C) $4x + y + 4z$
 - (D) $x + 4y + 4z$
৯. $4a + 4ab + 5b^2 - 2ab + 3$ রাশি দুইটির যোগফল কত? (সহজমান)
- (A) $-4a + 6ab + a^2$
 - (B) $-a^2 + 6ab + 8$
 - (C) $-4a + 6ab + 2 + a^2$
 - (D) $4a + 6ab + 2 - a^2$
১০. $(a^2 + 3ab^2 + 3a^2b + b^3) - (a^3 + b^3)$ = কত? (কठিনমান)
- (A) $3ab^2 - 3a^2b$
 - (B) $3ab^2 + 3a^2b$
 - (C) $3a^2b - 3ab^2$
 - (D) $3ab + 3ab^2$
১১. $(3x^2 + 3x^2y + 3xy^2 + 3y^3) - (-2x^2 - 4x^2y - 3xy^2 + 3y^3) =$ কত? (সহজমান)
- (A) $5x^2 - 7x^2y + 6xy^2$
 - (B) $5x^2 + 7x^2y + 6x^2 + 6y^2$
 - (C) $5x^2 + 7x^2y + 6xy^2$
 - (D) $5x^2 + 6y^2$
১২. $ab - 3a^2 - 5b^3$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $4a^3 + 5b^2 - 3ab$ হবে? (কঠিনমান)
- (A) $7a^2 + 10b^2$
 - (B) $7a^2 + 7b^2 - 4ab$
 - (C) $a^2 - 2ab$
 - (D) $7a^2 + 10b^2 - 4ab$
১৩. $5x^2 - 2xy - 5y^2, -7y^2 - 15x^2 - 7xy$ এবং $5xy - 6x^2 + 5y^2$ রাশিগুলোর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $16x^2 - 4xy - 7y^2$
 - (B) $26x^2 + 4xy - 7y^2$
 - (C) $26x^2 - 4xy - 7y^2$
 - (D) $-16x^2 - 4xy - 7y^2$
১৪. সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে লিখে, $6a + 6b, 3a - 4b$ এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $3a - 10b$
 - (B) $3a - 6b$
 - (C) $3a + 10b$
 - (D) $9a + 2b$
১৫. $5x^2 - 4x^2y + 5xy^2$ থেকে $-3xy^2 + 4x^2y - 6x^2$ এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $x^2 - 8x^2y + 2xy^2$
 - (B) $11x^2 - 8xy^2$
 - (C) $11x^2 + 8xy^2$
 - (D) $6x + 6y + 5 + 3z$
১৬. $-3x - 3y - 3z$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $3x + 3y + 5$ হবে? (সহজমান)
- (A) $6x + 6y + 3z - 5$
 - (B) $6x - 6y - 3z$
 - (C) $-3z + 5$

বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১৭. $a = 3$ এবং $b = 0$ হলে,
- $4a + 8b = 12$
 - $(2a + b)^2 = 36$
 - $(a - b)^2 = 9$
- নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
- (A) i ও ii
 - (B) i ও iii
 - (C) ii ও iii
 - (D) i, ii ও iii
১৮. $5ax + 5ay$ রাশি দুইটির—
- আগে যোগ (+) চিহ্ন ধরতে হবে
 - সাধারণ সহগ একই, কিন্তু পদ দুইটি পৃথক
 - সদৃশ পদ
- নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
- (A) i ও ii
 - (B) ii ও iii
 - (C) i ও iii
 - (D) i, ii ও iii
১৯. $a^2 + b^2$ এবং $a^2 - b^2$ রাশি দুইটির—
- যোগফল $a + b$
 - a^2 এর সহগ সমান
 - বিয়োগফল $2b^2$
- নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
- (A) i
 - (B) i ও iii
 - (C) ii ও iii
 - (D) i, ii ও iii
২০. $3xy$ এবং $5xy$ দুইটি পদ হলে—
- $x = 1, y = 2$ হলে, ২য় পদের মান 10
 - ১ম পদের সদৃশ পদ $-3xy$
 - পদগুলো অসদৃশ
- নিচের কোনটি সঠিক? (সহজমান)
- (A) i ও ii
 - (B) i ও iii
 - (C) ii ও iii
 - (D) i, ii ও iii
২১. $a = -2, b = -3$ হলে—
- $2a + 3b \neq 10$
 - $a - b = 1$
 - $(a + b)^2 = 9$
- নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিনমান)
- (A) i ও ii
 - (B) i ও iii
 - (C) ii ও iii
 - (D) i, ii ও iii
২২. $5x^2 - 2xy + 3y^2 + 4$ এবং $3x^2 + 5xy + y^2 + 1$ দুইটি রাশি—
- $x = 1$ এবং $y = 2$ হলে ১ম রাশির মান 17
 - রাশি দুইটির যোগফল $8x^2 + 3xy + 4y^2 + 5$
 - রাশিগুলোর পদগুলো সদৃশ
- নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিনমান)
- (A) i ও ii
 - (B) i ও iii
 - (C) ii ও iii
 - (D) i, ii ও iii
২৩. অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর
- নিচের বীজগাণিতিক রাশি দুইটি সক্ষ কর:
- $-a^2 + 2b^2 + c^2$
 - $a^2 - 2b^2 - c^2$
- উপরের তথ্য হতে ২৩ ও ২৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
২৪. (I) এবং (II) এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $2a^2 + 2b^2 + 2c^2$
 - (B) 0
 - (C) 1
 - (D) $a^2 + b^2 + c^2$
২৫. (I) এবং (II) এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $a^2 + b^2$
 - (B) $2a^2 + 4b^2 + 2c^2$
 - (C) $2a^2 - 4b^2 - 2c^2$
 - (D) $a^2 + b^2 - 2c^2$
- বীজগাণিতিক রাশিগুলো সক্ষ কর:
- $p^2 + q^2 - 3r^2$
 - $-p^2 + q^2 + 3r^2$
- উপরের তথ্যের আলোকে ২৫ ও ২৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
২৫. (I) এবং (II) এর যোগফল নিচের কোনটি? (সহজমান)
- (A) $2q^2$
 - (B) $2p^2 + 2q^2 + 6r^2$
 - (C) $3r^2$
 - (D) $2q^2$
২৬. (I) থেকে কত যোগ করলে যোগফল (I) এর সমান হবে? (সহজমান)
- (A) $-p^2 + q^2 + 3r^2$
 - (B) $-2p^2 + 6r^2$
 - (C) $2p^2 + 2q^2 + 6r^2$
 - (D) $p^2 + q^2 - 3r^2$

৪৪ শীর্ষস্থানীয় ক্লুসমূহের বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

✓ সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

২৭. $x^2 - 2, x^2 + 3, -2x^2 + 1$ রাশি তিনটির যোগফল কত?

(৩) ০ (৪) 1 (৫) 2 (৬) $4x^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $x^2 - 2, x^2 + 3, -2x^2 + 1$ এর যোগফল = $x^2 - 2 + x^2 + 3 - 2x^2 + 1 - 2x^2 - 2x^2 + 4 - 2 - 2]$

২৮. $x^2 + 3, x^2 - 2$ এবং $-2x^2 + 1$ এর যোগফল কত?

(৩) 1 (৪) 2 (৫) $x^2 - 1$ (৬) $1 - x^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $x^2 + 3, x^2 - 2$ এবং $-2x^2 + 1$ এর যোগফল = $x^2 + 3 + x^2 - 2 - 2x^2 + 1 - 2x^2 - 2x^2 + 4 - 2 - 2]$

২৯. $x^2 + 3, x^2 - 2, -2x^2 + 1$ রাশি তিনটির যোগফল কত?

(৩) 1 (৪) 2 (৫) $x^2 - 1$ (৬) $1 - x^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $x^2 + 3 + x^2 - 2 + (-2x^2 + 1) - x^2 + 3 + x^2 - 2 - 2x^2 + 1 - 2x^2 + 2 - 2x^2 - 2]$

৩০. $x^2 + 3, x^2 - 2, -2x^2 + 1$ রাশি তিনটির যোগফল কত?

(৩) 1 (৪) 2 (৫) $x^2 - 1$ (৬) $1 - x^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $x^2 + 3 + x^2 - 2 + (-2x^2 + 1) - x^2 + 3 + x^2 - 2 - 2x^2 + 1 - 2x^2 - 2x^2 + 4 - 2 - 2]$

৩১. নিচের কোন জোড়া সদৃশ পদ? [আইডিয়াল ক্লু অ্যাড কলেজ, মতিহিল, ঢাকা]

(৩) $2x, -7xy$ (৪) $-5xy, 6xy^2$ (৫) $5x^2, -3x^2$ (৬) $-3x^2y, 7xy^2$

৩২. $x - y$ থেকে $y - x$ বিয়োগ করলে বিয়োগফল হবে—

[আইডিয়াল ক্লু অ্যাড কলেজ, মতিহিল, ঢাকা; পাইপ ইন্ডাস্ট্রিয়াল সেকেন্ডারি পার্সনেল কলেজ, ঢাকা]

(৩) $x + y$ (৪) ০ (৫) $2x - 2y$ (৬) y

[উত্তর/যাচ্ছা: $x - y - (y - x) = x - y - y + x = 2x - 2y$]

৩৩. $5z^2y$ এর বিসদৃশ পদ কোনটি? [আইডিয়াল ক্লু অ্যাড কলেজ, ঢাকা]

(৩) $5yz^2$ (৪) $6z^2y$ (৫) $5y^2z^2$ (৬) z^2y

৩৪. $2x + 3y, 7x + 9y - 2z$ এখানে $3y$ এর সদৃশ পদ কোনটি?

(৩) আদমশীল ক্যাটার্নেট প্রার্সিক ক্লু, ঢাকা

(৪) $2x$ (৫) $7x$ (৬) $9y$ (৭) $2z$

৩৫. $a - b$ থেকে $a + b$ বিয়োগ করলে হবে—[আদমশীল ক্যাটার্নেট প্রার্সিক ক্লু, ঢাকা]

(৩) $-2a$ (৪) $-2b$ (৫) $a + b$ (৬) $2a - 2b$

[উত্তর/যাচ্ছা: $a - b - (a + b) = a - b - a - b = -2b$]

৩৬. $y^2 + 3, y^2 - 3, -2y^2 + 1$ রাশি তিনটির যোগফল কত?

(৩) পশ্চিম সীর উচ্চ সেকেন্ডারি পার্সনেল কলেজ, ঢাকা

(৪) 1 (৫) 2 (৬) $y^2 - 1$ (৭) $1 - y^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $y^2 + 3 + y^2 - 3 - 2y^2 + 1 = 1$]

৩৭. $a - b$ থেকে $b - a$ বিয়োগ করলে, বিয়োগফল কত হবে?

(৩) আসৰভি গতি বয়েজ যাই ক্লু, ঢাকা; ইলাহাবাদ প্রার্সিক ক্লু ও কলেজ, কুমিল্লা

(৪) $a + b$ (৫) ০ (৬) $2a - 2b$ (৭) a

[উত্তর/যাচ্ছা: $a - b - (b - a) = a - b - b + a = 2a - 2b$]

৩৮. $2a - b$ থেকে $2b - a$ বিয়োগ করলে বিয়োগফল কত?

(৩) কুটিলা বিলা ক্লু, কুটিলা; চৌধুরী কলেজিয়েট ক্লু, চৌধুরী

(৪) $3(a - b)$ (৫) $3(b - a)$ (৬) $2a - 2b$ (৭) $a - b$

[উত্তর/যাচ্ছা: বিয়োগফল = $(2a - b) - (2b - a)$

$= 2a - b - 2b + a = 3a - 3b = 3(a - b)$]

৩৯. নিচের কোনটি সদৃশ পদ নির্দেশ করে?

(৩) $2x^2, 3xy$ (৪) $-3xy, -7x$ (৫) $2x^2, -3x^2$ (৬) $2a, 3b$

৪০. $-3x - 3y + 3z$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $3x + 3y$ হবে?

(৩) কুমিল্লা পিলা ক্লু, কুমিল্লা

(৪) $6x + 6y - 3z$ (৫) $6x - 6z - 3z$ (৬) $-3x - 3z$

[উত্তর/যাচ্ছা: $3x + 3y - (-3x - 3y + 3z)$

$= 3x + 3y + 3x + 3y - 3z - 6x + 6y - 3z$

ফলাফল থেকে অসুর সংখ্যা বিয়োগ করলে উজ্জ্বল সংখ্যা পাওয়া যাবে।]

৪১. $x^2 + 3, x^2 - 2, -2x^2 - 1$ রাশিগুলোর যোগফল কত?

(৩) প্রযোগ কলেজিয়েট ক্লু, চৌধুরী

(৪) $x^2 - 1$ (৫) $x^2 + 1$ (৬) ০ (৭) $1 - x^2$

[উত্তর/যাচ্ছা: $(x^2 + 3) + (x^2 - 2) + (-2x^2 - 1)$

$= x^2 + 3 + x^2 - 2 - 2x^2 - 1 - 2x^2 - 2x^2 + 3 - 3 - 0$]

৪২. নিচের কোন পদগুলো জোড়া সদৃশ?

(৩) আদমশীল ক্যাটার্নেট প্রার্সিক ক্লু এবং কলেজ, সিলেট

(৪) $by, -ay$ (৫) $by^2, -ay^2$ (৬) $by^2, -ay^2$ (৭) $by, -ay^2$

৪৩. $3x^2y$ এর বিসদৃশ পদ কোনটি? [মতিহিল সহকারি বাণিক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা]

(৩) $5yz^2$ (৪) $6z^2y$ (৫) $3y^2z^2$ (৬) z^2y

৪৪. $x = a - b, y = b - c, z = c - a$ হলে, $x + y + z = ?$ [দাপ্তর উচ্চ মডেল কলেজ, ঢাকা]

(৩) $2(a + b + c)$ (৪) $2a - 2c$ (৫) ০ (৬) ১

৪৫. $5x^2, xy + 3y^2, x^2 - 8xy$ বীজগাণিতীয় রাশিগুলোর সমষ্টির xy এর সহগ নিচের কোনটি? [বাইটিয়াল ক্লু অ্যাড কলেজ, মতিহিল, ঢাকা]

(৩) -7 (৪) -6 (৫) -5 (৬) $+5$

[উত্তর/যাচ্ছা: অসুর রাশিগুলোর যোগফল = $5x^2 + xy + 3y^2 + x^2 - 8xy$

$= 6x^2 - 7xy + 3y^2$

\therefore রাশিগুলোর সমষ্টির xy এর সহগ = -7]

৪৬. নিচের কোনটি সদৃশ পদ নির্দেশ করে? [দামবঞ্চী ক্যাটার্নেট প্রার্সিক ক্লু, ঢাকা]

(৩) $3a, 6a$ (৪) $5a, 9b$ (৫) $5a, 6b$ (৬) $7a, -7ab$

৪৭. $x^2 + 3, 2 + x^2, -2x^2 - 5$ রাশি তিনটির সমষ্টি কত? [দামবঞ্চী ক্যাটার্নেট প্রার্সিক ক্লু, ঢাকা]

(৩) ০ (৪) 2 (৫) 4 (৬) 5

৪৮. $2xy - 3x^2 - 5y^2 - 3xy + 4x^2 + 5y^2 = ?$ [বিস্ময়বিদ্যী সহকারি বাণিক উচ্চ বিদ্যালয়, চট্টগ্রাম]

(৩) $x^2 + xy$ (৪) $-x^2 + xy$ (৫) $x^2 - xy$ (৬) $-x^2 - xy$

[উত্তর/যাচ্ছা: $2xy - 3x^2 - 5y^2 - 3xy + 4x^2 + 5y^2$

$= (-3x^2 + 4x^2) + (2xy - 3xy) + (-5y^2 + 5y^2) = x^2 - xy$]

৪৯. $3x^2y, -3x^2y$ এরা কোন অকারণের রাশি? [রংপুর কলেজিয়েট ক্লু, রংপুর]

(৩) সদৃশ (৪) অসদৃশ (৫) বহুপদী (৬) বিপদী

৫০. $3a + 2$ হতে $3a + 5$ বিয়োগ করলে বিয়োগফল কত?

(৩) দ্বোর বিলা ক্লু, দ্বোর

(৪) ২ (৫) -3 (৬) $a + 7$ (৭) $3a + 7$

৫১. $6 + 4a - (4a + 6) = ?$ [পুলিশ লাইন মাধ্যমিক বিদ্যালয়, দ্বোর; চৌধুরী কলেজিয়েট ক্লু, চৌধুরী]

(৩) ০ (৪) a (৫) $2a$ (৬) ৪a

৫২. নিচের কোন দুইটি সদৃশ পদ? [সিলেট সহকারি পাইপ উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট]

(৩) $3xy, 2x^2y$ (৪) $a^2b^2, -3ab^2$

(৫) $5x^2y^2, -3x^2y$

বহুপদী সমান্তরাল বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

৬৪. $3a - 4b, a + 3b$ দুইটি বীজগণিতীয় রাশি—

i. ১য় রাশির সংখ্যা সহগুলোর যোগফল = 7

ii. ২য় রাশির সংখ্যা সহগুলোর যোগফল = 4

iii. রাশি দুইটির যোগফল $4a - b$

নিচের কোনটি সঠিক? [বগুড়া ক্যাটনমেট পাবলিক হাই এ কলেজ, বগুড়া]

i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

৬৫. x ও y চলকসমূহের—

i. যোগফল $x + y$

ii. বিয়োগফল $x - y$

iii. বর্গের সমষ্টি $-x^2 - y^2$

নিচের কোনটি সঠিক? [আসন্নবী ক্যাটনমেট পাবলিক হাই, ঢাকা]

i ও ii ii ও iii i, ii ও iii

৬৬. bxy^2z রাশি— [আইডিয়াল হাই আজ কলেজ, মতিখিল, ঢাকা]

i. এ $- 3bx^2y^2z$ রাশির সমষ্টি $4bx^2y^2z$

ii. এবং $4by^2$ রাশির y এর ঘাতের সমষ্টি 4

iii. মান 4 হবে যদি $x = y = z = 1$ এবং $b = 4$ হয়

নিচের কোনটি সঠিক?

i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

নিচের তথ্যের আলোকে ৬৭ ও ৬৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$3x^2, -4x^2, 4y^2$; তিনটি বীজগণিতীয় রাশি।

৬৭. রাশি তিনটির সাধারণ সহগের যোগফল কত? [আইডিয়াল হাই আজ কলেজ, মতিখিল, ঢাকা]

3 -3 11 -48

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $3x^2, -4x^2, 4y^2$

রাশি তিনটির সাধারণ সহগের যোগফল $= 3 + (-4) + 4 = 3 - 4 + 4 = 3$]

৬৮. নিচের কোনটি সদৃশ পদ?

$3x^2, 4y^2$ $-4x^2, 4y^2$ $3x^2, -4x^2$ $3x^2, 4x^2, 4y^2$

নিচের তথ্যের আলোকে ৬৯-৭১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$3a + 2b - 6c, -5b + 4a + 3c$ দুইটি বীজগণিতীয় রাশি।

৬৯. ২য় রাশির সংখ্যা সহগুলোর যোগফল কত? [বগুড়া ক্যাটনমেট পাবলিক হাই এ কলেজ, বগুড়া]

5 4 3 2

[তথ্য/ব্যাখ্যা: ২য় রাশি $= -5b + 4a + 3c$

সহগুলোর যোগফল $= -5 + 4 + 3 = 2$]

৭০. ১য় ও ২য় রাশির যোগফল কত?

$7a + 3b - 3c$ $7a + 3b + 3c$

$7a - 3b - 3c$ $a - 3b - 3c$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: রাশি দুইটির যোগফল $= 3a + 2b - 6c + (-5b + 4a + 3c)$

$= 3a + 2b - 6c - 5b + 4a + 3c = 7a - 3b - 3c]$

৭১. ১য় রাশি থেকে ২য় রাশি বিয়োগ করলে বিয়োগফল কত হবে?

[বগুড়া ক্যাটনমেট পাবলিক হাই এ কলেজ, বগুড়া]

$2a + 7a - 9c$ $7b - a - 9c$

$7b + 2a + 9c$ $7b - 2a + 9c$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: রাশি দুইটির বিয়োগফল $= 3a + 2b - 6c - (-5b + 4a + 3c)$

$= 3a + 2b - 6c + 5b - 4a - 3c = 7b - a - 9c]$

নিচের তথ্যের আলোকে ৭২ ও ৭৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$-(-b) - (-d) + a - b + c$ একটি বীজগণিতিক রাশি।

এখানে $a = -2, b = -1, c = 2, d = 3$ [চৌধুর কলেজিয়েট হাই, চট্টগ্রাম]

৭২. বীজগণিতিক রাশিটির সরলমান কোনটি?

a + 2d + d a + c + d 0 a - d + c

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $-(-b) - (-d) + a - b + c = b + d + a - b + c = a + c + d$]

৭৩. রাশিটির মান কত?

3 -2 1 0

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $-(-b) - (-d) + a - b + c = a + c + d$

$= -2 + 2 + 3 = 5 - 2 = 3$]

৭৪. $A = x^2 + y^2 + z^2, B = x^2 - y^2 + z^2, C = y^2 - x^2 - z^2$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি।

উপরের তথ্যের আলোকে ৭৪ - ৭৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

[গত: মুসলিম হাই হাই, চট্টগ্রাম]

৭৪. $A - B + C =$ কত?

$3y^2 - x^2 - z^2$ $x^2 + y^2 + z^2$

$x^2 - y^2 - z^2$ $2x^2 - y^2 - z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $A - B + C = (x^2 + y^2 + z^2) - (x^2 - y^2 + z^2) + (y^2 - x^2 - z^2)$
 $= x^2 + y^2 + z^2 - x^2 + y^2 - z^2 + y^2 - x^2 - z^2 = 3y^2 - x^2 - z^2$]

৭৫. রাশি তিনটিতে y^2 এর সহগের যোগফল কত?

0 1 2 -1

[তথ্য/ব্যাখ্যা: রাশি তিনটিতে y^2 এর সহগের যোগফল

$= 1 + (-1) + 1 - 1 + 1 = 2 - 1 = 1$]

৭৬. $A + B + C =$ কত?

0 $x^2 + y^2 - z^2$ $x^2 - y^2 + z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $A + B + C = (x^2 + y^2 + z^2) + (x^2 - y^2 + z^2) + (y^2 - x^2 - z^2)$
 $= x^2 + y^2 + z^2 + x^2 - y^2 + z^2 + y^2 - x^2 - z^2 = x^2 + y^2 + z^2$]

৭৭. নিচের তথ্যের আলোকে ৭৭ ও ৭৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$A = x^2 + xy + y^2$ এবং $B = x^2 - xy + y^2$

[ক্যাটনমেট পাবলিক হাই এ কলেজ, চট্টগ্রাম]

৭৭. $A + B =$ কত?

$2(x^2 + y^2)$ $2x^2 + y^2$ $x^2 + 2y^2$ $x^2 + y^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $A + B = (x^2 + xy + y^2) + (x^2 - xy + y^2)$

$= x^2 + xy + y^2 + x^2 - xy + y^2$

$= 2x^2 + 2y^2 = 2(x^2 + y^2)$]

৭৮. $A - B =$ কত?

xy $2xy$ $-xy$ $-2xy$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $A - B = (x^2 + xy + y^2) - (x^2 - xy + y^2)$

$= x^2 + xy + y^2 - x^2 + xy - y^2 = 2xy$]

৭৯. $x^2 - y^2, y^2 - z^2$ এবং $z^2 - x^2$ তিনটি বীজগণিতীয় রাশি আলোকে

৭৯ ও ৮০ প্রশ্নের উত্তর দাও: [শহীদ শীর উচ্চ লে: আনন্দগাঁও গার্জন কলেজ, ঢাকা]

৮০. $x = 2$ এবং $y = -3$ হলে ১য় রাশির মান কত?

-13 -5 5 13

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $x^2 - y^2 = 2^2 - (-3)^2 = 4 - 9 = -5$]

৮১. রাশি তিনটির যোগফল কত?

0 $2x^2$ $2x^2 + 2y^2 + 2z^2$ $-2x^2 - 2y^2 - 2z^2$

[তথ্য/ব্যাখ্যা: $x^2 - y^2 + z^2 + z^2 - x^2 - y^2 = 0$]



সুপার সার্জেশন



চৰকান্ত প্ৰস্তুতিৰ জন্য মাস্টার ট্ৰেইনাৰ প্যানেল কৰ্তৃক
নিৰ্বাচিত 100% কমন উপযোগী প্ৰশ্ন সংবলিত সুপার সার্জেশন

প্ৰিয় শিক্ষার্থী, ষষ্ঠি শ্রেণিৰ অৰ্ধ-বাৰ্ষিক ও বাৰ্ষিক পৱৰিকাৰ জন্য মাস্টার ট্ৰেই