

অধ্যায়

০৭

ব্যবহারিক জ্যামিতি

আলোচ্য বিষয়াবলি

- রেখা
- লম্ব
- কোণ অঙ্কন

অধ্যায়ের শিখনকল

অধ্যায়টি অনুশীলন করে আমি যা জানতে পারব-

- ত্রিকোণী বা সেট ক্ষোয়ার ও বুলারের সাহায্যে লম্ব আঁকতে পারব।
- চাঁদার সাহায্যে কোণ আঁকতে পারব।
- একটি নির্দিষ্ট রেখাংশকে পরিমাপ করতে পারব।
- প্রদত্ত তথ্য ব্যবহার করে রেখাংশ অঙ্কন করতে পারব।
- বুলারের সাহায্যে রেখা ও রেখাংশ অঙ্কন করতে পারব।

শিখন অর্জন যাচাই

- রেখা, রেখাংশ ও কোণ সম্পর্কে ধারণা লাভ করব।
- রেখাংশ ও কোণ আঁকার নিয়ম শিখতে পারব।
- নিয়ম মেনে প্রয়োজনীয় উপকরণের সাহায্যে রেখাংশ, লম্ব ও কোণ আঁকতে পারব।

শিখন সহায়ক উপকরণ

- পেসিল, কম্পাস, কাটা কম্পাস।
- ত্রিকোণী, চাঁদা ও পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

অনুশীলন

সেরা পরীক্ষাপ্রস্তুতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট
অনুসরণে সর্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিক্ষার্থী বন্ধুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তুতির জন্য এ অংশে কমন উপযোগী সকল গাণিতিক সমস্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে গাণিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সূজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান করি পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি

বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সঠিক উত্তরটির বৃত্ত (●) ডরাট কর:

১. 28° কোণের সম্পূরক কোণ কত?

(ক) 62° (গ) 118° (ব) 152° (ড) 332°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 180° হলে, কোণ দুইটির একটি অপরাদি সম্পূরক কোণ।]

$$\therefore 28^{\circ} \text{ কোণের সম্পূরক কোণ} = 180^{\circ} - 28^{\circ} = 152^{\circ}.$$

২. 37° কোণের বিপ্রতীপ কোণ কত?

(ক) 53° (ব) 37° (গ) 127° (ড) 143°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : বিপ্রতীপ কোণব্য পরস্পর সমান।]

$$\therefore 37^{\circ} \text{ কোণের বিপ্রতীপ কোণ} 37^{\circ}.$$

৩. দুইটি কোণ পরস্পর পূরক হলে এদের সমষ্টি কত?

(ক) 360° (ব) 180° (ব) 90° (ড) 80°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : দুইটি কোণ পরস্পর পূরক হলে, কোণব্যের সমষ্টি এক সমকোণ বা 90° ।]

৪. ত্রিকোণীর একটি কোণ 85° হলে অপর বৃহত্তর কোণটি কত?

(ক) 360° (ব) 180° (ব) 90° (ড) 80°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : ত্রিকোণীর একটি কোণ এক সমকোণ বা 90° । এর অপর একটি কোণ 85° হলে, তৃতীয় কোণটি হবে $(90^{\circ} - 85^{\circ})$ বা 85°
 \therefore বৃহত্তর কোণটি হবে 90° ।]

৫. সম্পাদ্যের ক্ষেত্রে—

i. যাহা দেওয়া থাকে তাহাই উপাদ

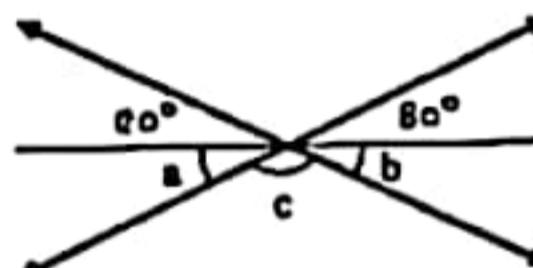
ii. যাহা করণীয়, তাই অঙ্কন

iii. যুক্তি দ্বারা অঙ্কন করা হলো প্রমাণ

নিচের কোনটি সঠিক?

(ব) i ও ii (গ) i ও iii (ব) ii ও iii (ড) i, ii ও iii

[তথ্য/ব্যাখ্যা : সম্পাদ্যের ক্ষেত্রে যা দেওয়া থাকে তা উপাদ, যা করণীয় তা অঙ্কন এবং যুক্তি দ্বারা অঙ্কনের নির্ভুলতা যাচাই হলো প্রমাণ।
সুতরাং (i) ও (ii) সঠিক।]



উপরের চিত্রের আলোকে (৬-৮) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

৬. $\angle a$ = কত?

(ক) 30° (ব) 80° (গ) 50° (ড) 90°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $\angle a$ এর বিপ্রতীপ কোণ 80°

বিপ্রতীপ কোণব্য পরস্পর সমান হওয়ায় $\angle a = 80^{\circ}$]

৭. $\angle a + \angle b$ = কত?

(ক) 80° (ব) 50° (গ) 60° (ড) 90°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $\angle b$ এর বিপ্রতীপ কোণ 50°

বিপ্রতীপ কোণব্য পরস্পর সমান হওয়ায় $\angle b = 50^{\circ}$

$$\therefore \angle a + \angle b = 80^{\circ} + 50^{\circ} = 130^{\circ}.$$

৮. $\angle c$ = কত?

(ব) 90° (গ) 130° (গ) 160° (ড) 180°

[তথ্য/ব্যাখ্যা : $\angle a + \angle c + \angle b = 180^{\circ}$

$$\text{বা, } 80^{\circ} + \angle c + 50^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$\text{বা, } \angle c + 130^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$\therefore \angle c = 180^{\circ} - 130^{\circ} = 50^{\circ}$$

৯. চাঁদার সাহায্যে আঁকা যায়—

i. 85° কোণ

ii. 155° কোণ

iii. বৃত্ত

নিচের কোনটি সঠিক?

(ব) i ও ii (গ) i ও iii (ব) ii ও iii (ড) i, ii ও iii

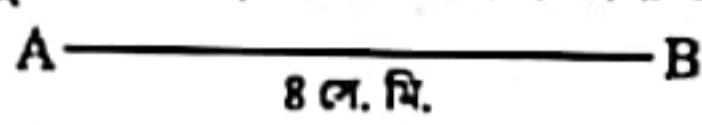
[তথ্য/ব্যাখ্যা : চাঁদার সাহায্যে 180° পরিমাপের ছেট যেকোনো কোণ আঁকা যায় কিন্তু বৃত্ত আঁকা যায় না। সুতরাং (i) ও (ii) সঠিক।]

২৩২

ক্ষেত্র জ্যামিতিক সমস্যার সমাধান

১০। বুলারের সাহায্যে ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ আঁক। এবার বুলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাংশের সমান একটি রেখাংশ আঁক।

সমাধান : বুলারের সাহায্যে ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্য রেখাংশ অঙ্কন :

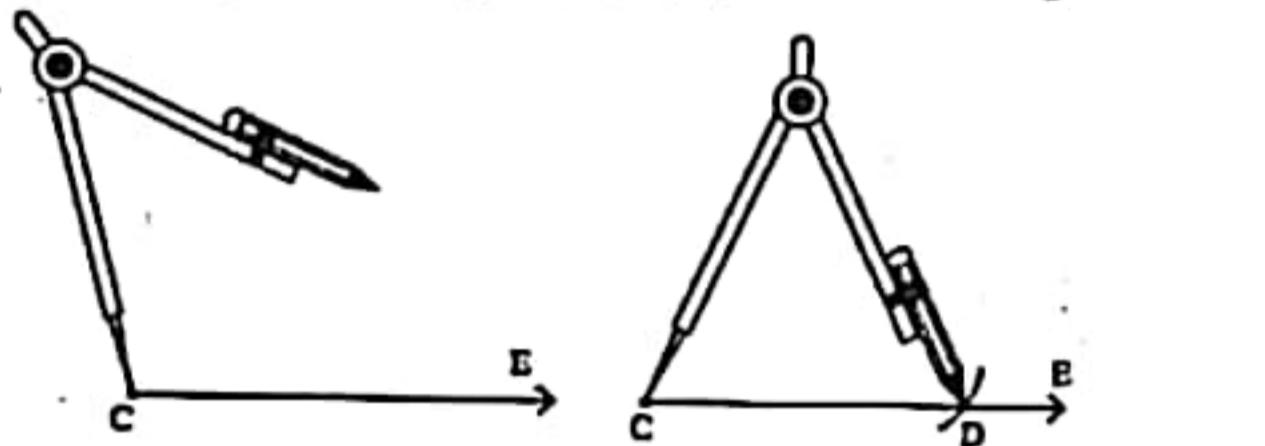


বুলারের সাহায্যে ৪ সে.মি. দূরে দুইটি বিন্দু A ও B চিহ্নিত করি এবং সংযোগ রেখা আঁকি। এই সংযোগ রেখা AB-ই নির্ণয় ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের রেখাংশ।

প্রদত্ত রেখাংশের সমান করে রেখাংশ অঙ্কন : প্রদত্ত রেখাংশ AB এর সমান রেখাংশ আঁকার জন্য নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি :

১. পেসিল কম্পাসের কাঁটার দিক A বিন্দুতে এবং পেসিলের দিক B বিন্দুতে বসাই।

২. যেকোনো রশ্মি CE নিই। C-কে কেন্দ্র করে কম্পাসের সাহায্যে একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন করি। বৃত্তচাপটি CE কে D বিন্দুতে ছেদ করে। CD রেখাংশই AB রেখাংশের সমান।



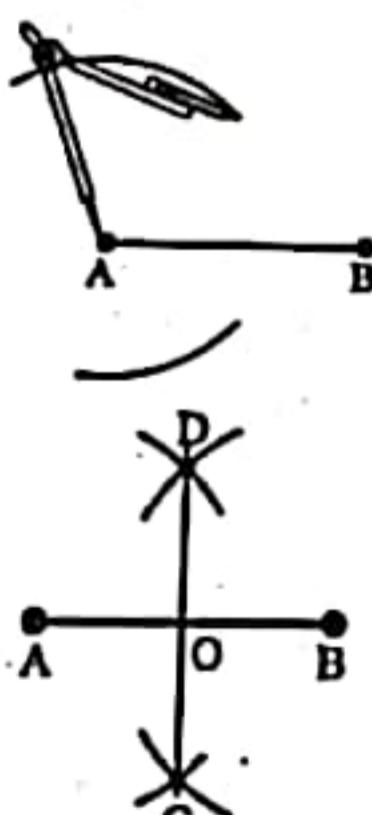
১১। বুলারের সাহায্যে ৬ সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ আঁক। বুলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাংশকে সমন্বিত করি। দ্বিখণ্ডিত রেখাংশ দুইটি মেপে দেখ তারা সমান হয়েছে কিনা।

সমাধান : A —————— B
6 সে.মি.

বুলারের সাহায্যে ৬ সে.মি. দূরে দুইটি বিন্দু A ও B চিহ্নিত করি। A ও B এর সংযোগ রেখা AB আঁকি। তাহলে AB ই নির্ণয় ৬ সে.মি. দৈর্ঘ্যের রেখাংশ।

এখন AB কে সমন্বিত করার জন্য নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করতে হবে :

১. A কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর দুই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।



৩. B কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপগুলো পরস্পরকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করে।

৪. C ও D যোগ করি। CD রেখাংশ AB রেখাংশকে O বিন্দুতে ছেদ করে। AB রেখাংশ O বিন্দুতে সমন্বিত হয়েছে।

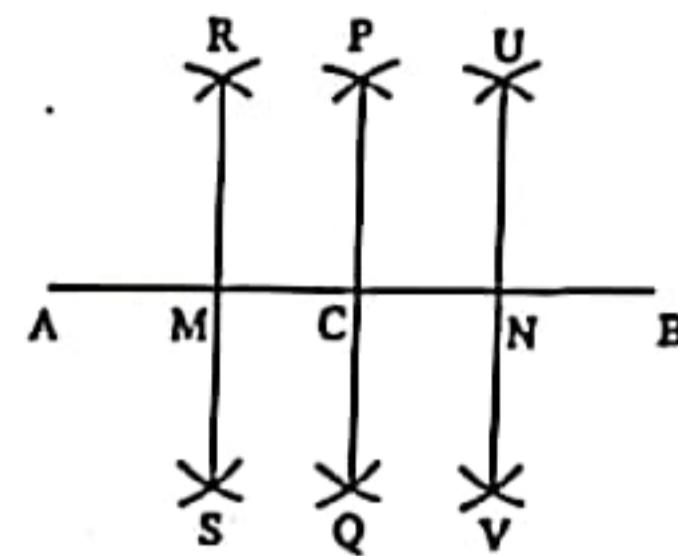
দ্বিখণ্ডিত রেখাংশ দুইটি মেপে দেখা গেল $AO = 3$ সে.মি. এবং $BO = 3$ সে.মি.। অর্থাৎ $AO = BO = 3$ সে.মি.। সুতরাং দ্বিখণ্ডিত রেখাংশ দুইটি সমান।

১২। বুলারের সাহায্যে ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ আঁক। বুলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাংশকে সমান চার ভাগে ভাগ কর।

সমাধান : A —————— B
4 সে.মি.

বুলারের সাহায্যে ৪ সে.মি. দূরে দুইটি বিন্দু A ও B চিহ্নিত করি এবং সংযোগ রেখা আঁকি। এই সংযোগ রেখা AB-ই নির্ণয় ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের রেখাংশ।

AB রেখা সমান চার ভাগে ভাগ করতে নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি :

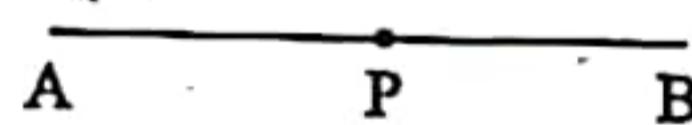


1. A রেখার A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর দুই পাশে দুইটি করে বৃত্তচাপ আঁকি। একপাশের বৃত্তচাপ দুইটি P বিন্দুতে এবং অপর পাশের বৃত্তচাপ দুইটি Q বিন্দুতে ছেদ করে। P, Q যোগ করি তাহলে PQ রেখা AB কে C বিন্দুতে সমন্বিত করে।
2. অনুরূপভাবে, AC রেখাকে RS রেখা M এবং BC রেখাকে UV রেখা N বিন্দুতে সমন্বিত করে।
3. এখন, AB রেখা AM, MC, CN ও BN সমান চারভাগে বিভক্ত হলো।

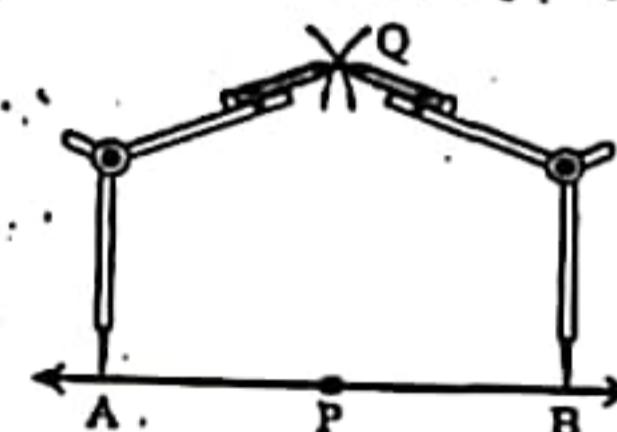
১৩। 7 সে.মি. দৈর্ঘ্যের রেখাংশের মধ্যবিন্দুতে বুলার-কম্পাসের সাহায্যে একটি নির্দিষ্ট লম্ব আঁক।

সমাধান : বুলার কম্পাসের সাহায্যে নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে লম্ব আঁকা যায়।

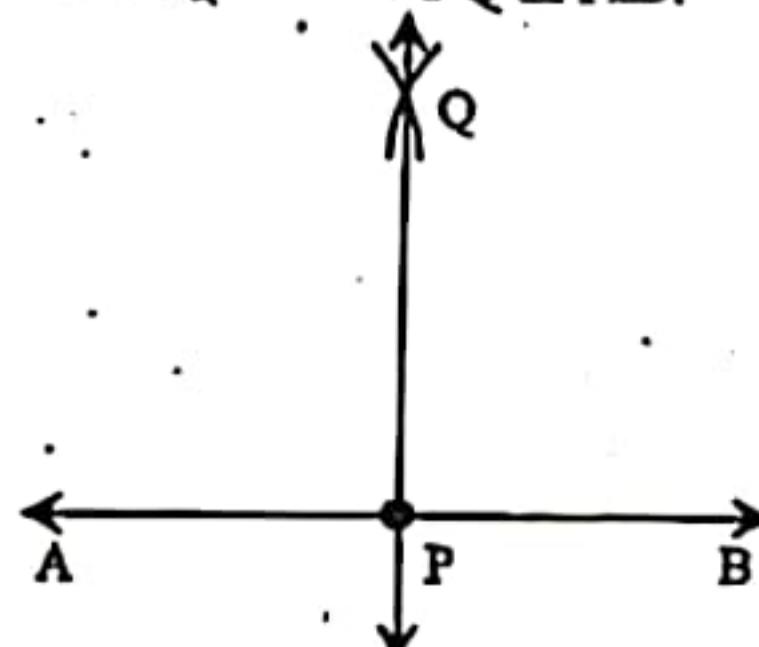
1. মনে করি, 7 সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ AB। এর মধ্যবিন্দু P।



2. এখন, A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর একই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপগুলো পরস্পরকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।



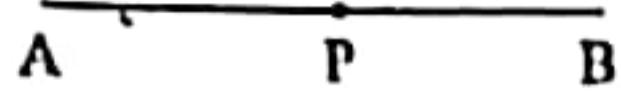
3. P ও Q যোগ করি। PQ রেখাংশ AB রেখাংশের উপর P বিন্দুতে লম্ব। $PQ \perp AB$.



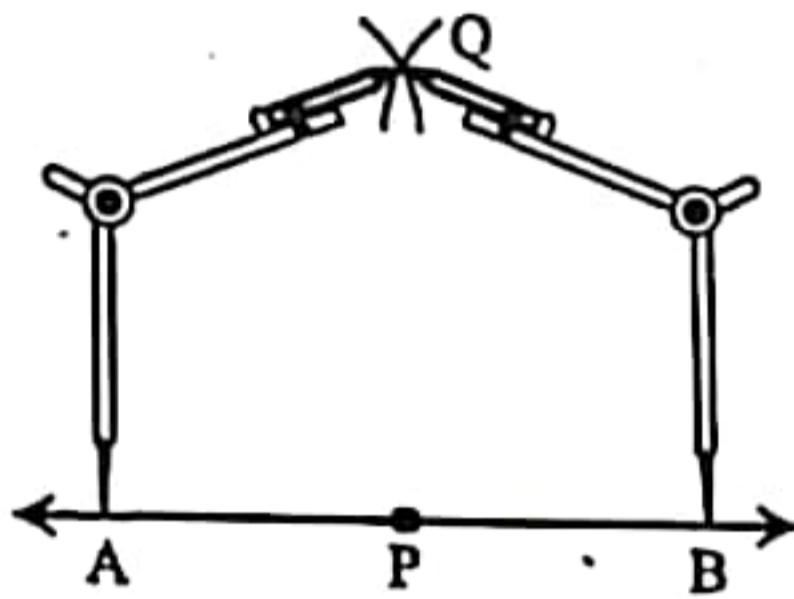
১৪। ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের রেখাংশের মধ্যবিন্দুতে লম্ব আঁক।

সমাধান : নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে মধ্যবিন্দুতে লম্ব আঁকা যায় :

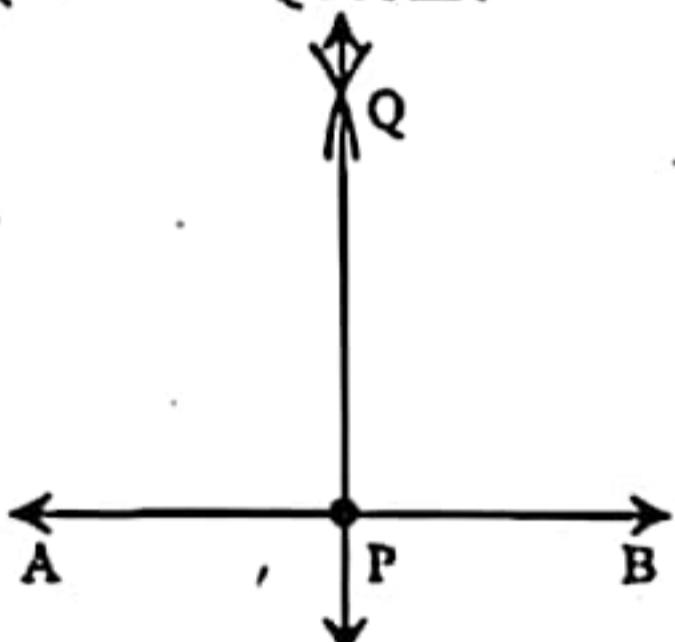
- মনে করি, ৪ সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ \overline{AB} । এর মধ্যবিন্দু P ।



- এখন, A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর একই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটয় পরস্পরকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।

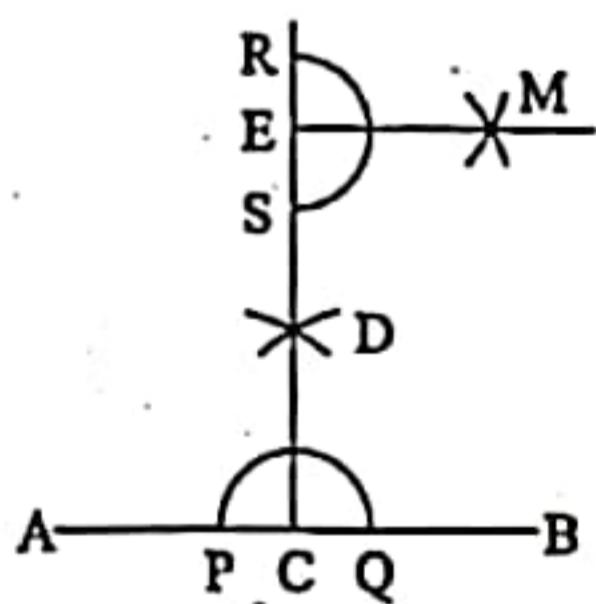


- P, Q যোগ করি। PQ রেখাংশ AB রেখাংশের উপর P বিন্দুতে লম্ব। $PQ \perp AB$.



১৫। AB সরলরেখার C বিন্দুতে CD লম্ব আঁক। আবার CD রেখার উপর একটি বিন্দু E লও। এবার E বিন্দুতে CD রেখার উপর লম্ব আঁক।

সমাধান : দেওয়া আছে, AB সরলরেখার অন্তঃস্থি C একটি বিন্দু। AB রেখার C বিন্দুতে CD লম্ব আঁকতে হবে। আবার, CD রেখার উপর একটি বিন্দু E নিয়ে E বিন্দুতে CD রেখার উপর লম্ব আঁকতে হবে।



অঙ্কনের ধাপ :

- C কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি AB কে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।
- এখন, P কে কেন্দ্র করে PQ এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর যেকোনো পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
- আবার, Q কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর একই পাশে অপর একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটয় পরস্পর D বিন্দুতে ছেদ করল।
- এখন, C ও D যোগ করি এবং বর্ধিত করি। অতএব, CD রেখাংশ AB রেখাংশের উপর C বিন্দুতে লম্ব হলো।
- এখন, CD রেখাংশের বর্ধিতাংশের উপর একটি বিন্দু E নিই। আবার, E কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

৬. এটি CD রেখার বর্ধিতাংশকে R ও S বিন্দুতে ছেদ করে।

৭. এবার R কে কেন্দ্র করে RS এর সমান অথবা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে CD রেখার যেকোনো এক পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

৮. আবার S কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই পাশে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটয় পরস্পর M বিন্দুতে ছেদ করল।

৯. E, M যোগ করি।

১০. তাহলে, CD রেখা AB এর উপর এবং EM রেখা CD এর উপর লম্ব।

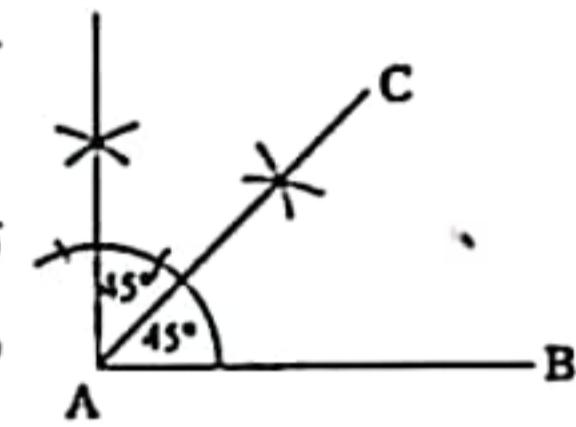
১৬। চাঁদা ব্যবহার না করে 45° কোণটি আঁক।

সমাধান : চাঁদা ব্যবহার না করে 45° কোণটি আঁকার ধাপসমূহ :

১. যে-কোনো একটি রেশা AB নেই।

২. AB এর A বিন্দুতে একটি লম্ব AP অঙ্কন করি।

৩. এখন, $\angle PAB$ -কে সমষ্টিখণ্ডিত করি। মনে করি, AC , $\angle PAB$ -এর সমষ্টিখণ্ডক রেখা।



তাহলে $\angle CAB$ অথবা $\angle CAP$ -ই হবে উন্নিটি 45° কোণ।

১৭। ABC ত্রিভুজের তিনটি কোণের সমষ্টিখণ্ডকগুলো আঁক। যে রেখাগুলো স্বারা কোণগুলো সমষ্টিখণ্ডিত হয়েছে ঐ রেখাগুলোর সাধারণ বিন্দু চিহ্নিত কর।

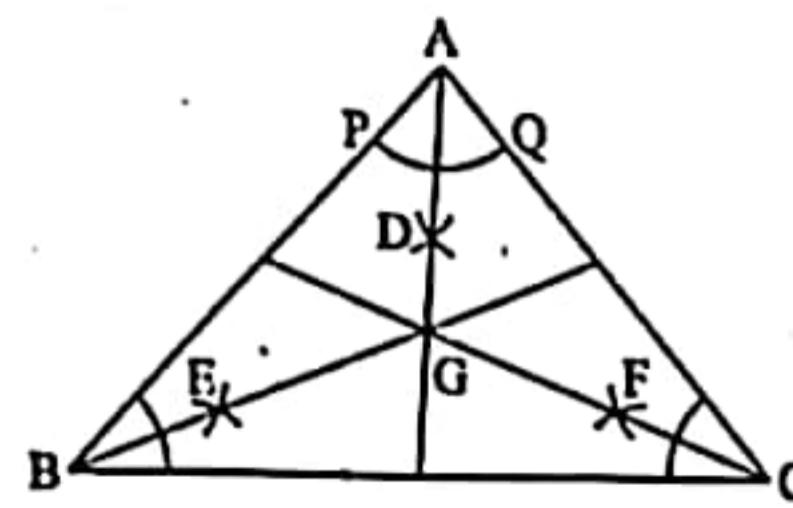
সমাধান : ABC ত্রিভুজের তিনটি কোণ $\angle BAC$, $\angle ABC$ ও $\angle ACB$ । এদের যেকোনো একটি কোণের যে প্রক্রিয়ায় সমষ্টিখণ্ডক আঁকা যায়, অন্য দুইটি঱ও একই প্রক্রিয়ায় সমষ্টিখণ্ডক আঁকা যাবে।

মনে করি, $\triangle ABC$ এর $\angle BAC$ এর সমষ্টিখণ্ডক অঙ্কন করে অন্য কোনো দুইটি঱ও সমষ্টিখণ্ডক আঁকা হবে। এজন্য নিম্নোক্ত পদ্ধতি অনুসরণ করতে হবে।

১. A বিন্দুকে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি AB ও AC কে যথাক্রমে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।

২. P কে কেন্দ্র করে PQ এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

৩. Q বিন্দুকে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপটি আগের বৃত্তচাপটিকে D বিন্দুতে ছেদ করে। A, D যোগ করে বর্ধিত করি। তাহলে, AD রেখাংশ $\angle BAC$ এর সমষ্টিখণ্ডক।

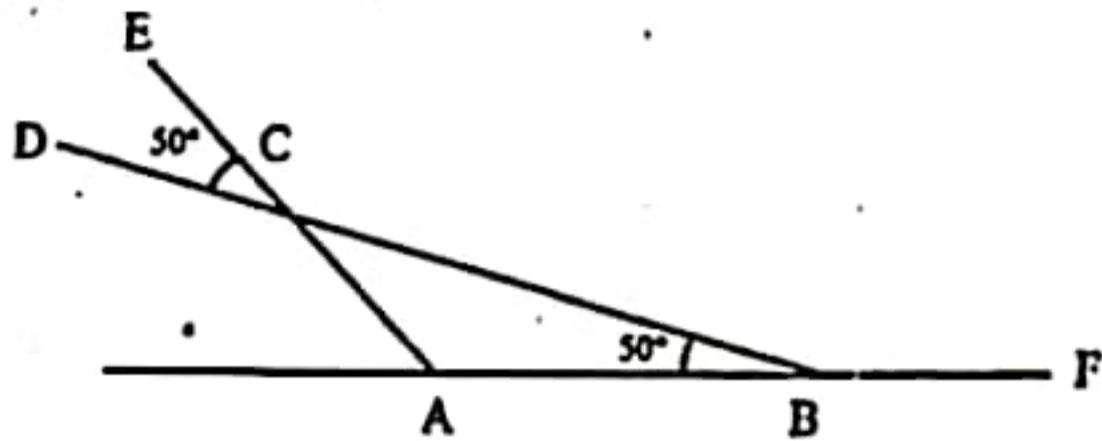


অন্তর্ভুক্তভাবে, $\angle ABC$ এর সমষ্টিখণ্ডক BE রেখাংশ এবং $\angle ACB$ এর সমষ্টিখণ্ডক CF রেখাংশ অঙ্কন করি।

$\triangle ABC$ এ AD , BE ও CF স্বারা যথাক্রমে $\angle BAC$, $\angle ABC$, $\angle ACB$ সমষ্টিখণ্ডিত হয়েছে এবং AD , BE ও CF পরস্পরকে G বিন্দুতে ছেদ করে। সুতরাং G বিন্দুই সমষ্টিখণ্ডকগুলির সাধারণ বিন্দু।

৩০ সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

প্রশ্ন ১৮। পাশের চিত্রে,



- ক. $\angle ABC$ এর সম্পূরক কোণ কোনটি?
খ. $\angle ACB$ এর মান কত এবং কেন?
গ. প্রমাণ কর যে, $\angle DCE + \angle ECB = 180^\circ$.

২
৪
৪

১৮নং প্রশ্নের সমাধান

ক. $\angle ABC$ এর সম্পূরক কোণ $\angle CBF$.

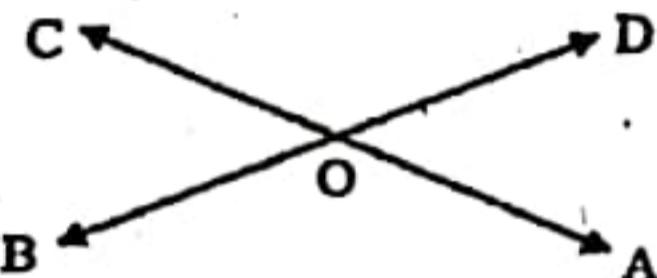
খ. $\angle ACB = 50^\circ$ । কারণ $\angle ACB$ হচ্ছে $\angle DCE$ এর বিপ্রতীপ কোণ।

গ. এখানে $\angle DCB = 180^\circ$

আবার, $\angle DCE + \angle ECB = \angle DCB = 1$ সরলকোণ

$\therefore \angle DCE + \angle ECB = 180^\circ$. (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ১৯। পাশের চিত্রে,



- ক. $\angle AOB$ এর বিপ্রতীপ কোণ কোনটি?
খ. $\angle AOB$ কে সমদ্বিভিত্তি করে সন্নিহিত কোণ দুইটির সাধারণ বাহু নির্দেশ কর।
গ. প্রমাণ কর যে, $\angle AOB$ এবং $\angle COD$ এর সমদ্বিভিত্তিক একই সরলরেখায় অবস্থিত।

২
৪
৪

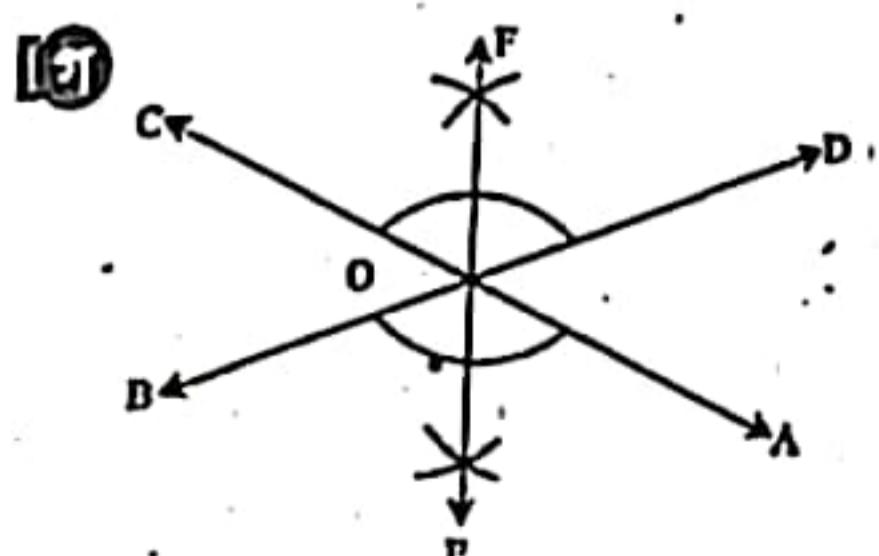
১৯নং প্রশ্নের সমাধান

ক. $\angle AOB$ এর বিপ্রতীপ কোণ $\angle COD$.

খ. $\angle AOB$ কে সমদ্বিভিত্তি করে সন্নিহিত কোণ দুইটির সাধারণ বাহু নির্দেশ করতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ: $\angle AOB$ এর শীর্ষবিন্দু O কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা OA এবং OB কে যথাক্রমে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে। এখন, P ও Q কে কেন্দ্র করে PQ এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে দুটি বৃত্তচাপ আঁকি যারা পরস্পর E বিন্দুতে ছেদ করে O, E যোগ করে বর্ধিত করি।

তাহলে OE রশ্মি দ্বারা $\angle AOB$ সমদ্বিভিত্তি হয়েছে। এখানে, $\angle AOE$ এবং $\angle BOE$ সন্নিহিত কোণজুড়ের সাধারণ বাহু OE ।



মনে করি, AB ও CD সরলরেখায় পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করেছে। $\angle AOB$ ও $\angle COD$ এর সমদ্বিভিত্তিক যথাক্রমে OE ও OF । প্রমাণ করতে হবে যে, OE ও OF একই সরলরেখায় অবস্থিত।

প্রমাণ: এখানে, $\angle AOB$ এর সমদ্বিভিত্তিক OE

$\therefore \angle AOE = \angle BOE$

আবার, $\angle AOB = \angle AOE + \angle BOE$

বা, $\angle AOB = \angle AOE + \angle AOE$ [$\because \angle AOE = \angle BOE$]

বা, $\angle AOB = 2\angle AOE$

অনুরূপভাবে, $\angle COD = 2\angle COF$

এখন, $\angle AOB = \angle COD$ [\because বিপ্রতীপ কোণজুড়ে পরস্পর সমান]

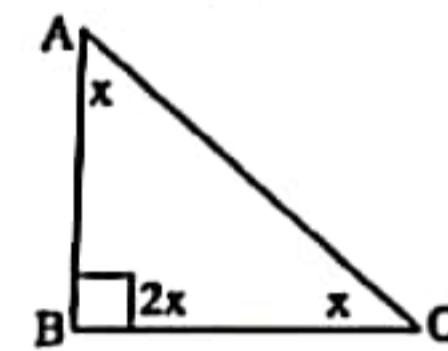
বা, $2\angle AOE = 2\angle COF$

বা, $\angle AOE = \angle COF$

যেহেতু $\angle AOE$ ও $\angle COF$ পরস্পর বিপ্রতীপ কোণ

সূতরাং OE ও OF একই সরলরেখায় অবস্থিত। (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ২০। চিত্রে $\angle ABC = 90^\circ$.



ক. ত্রিভুজের তিনটি কোণের সমষ্টিকে x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. $\angle ABC$ কে সমদ্বিভিত্তি করে এবং অঙ্কনের বিবরণ দাও।

গ. x কোণের সমান করে একটি কোণ আঁক এবং বিবরণ দাও।

২
৪
৪

২০নং প্রশ্নের সমাধান

ক. আমরা জানি, ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি 180° সূতরাং উদ্দীপকের চিত্রে, $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $\therefore x + 2x + x = 180^\circ$

খ. ক অংশ হতে প্রাপ্ত, $x + 2x + x = 180^\circ$

বা, $4x = 180^\circ$

$$\text{বা, } x = \frac{180^\circ}{4}$$

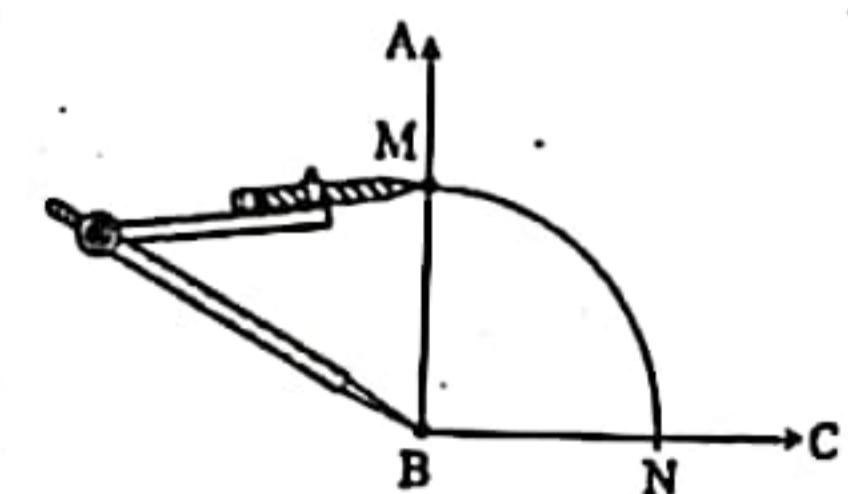
$\therefore x = 45^\circ$.

$$\therefore 2x = 45 \times 2 = 90^\circ$$

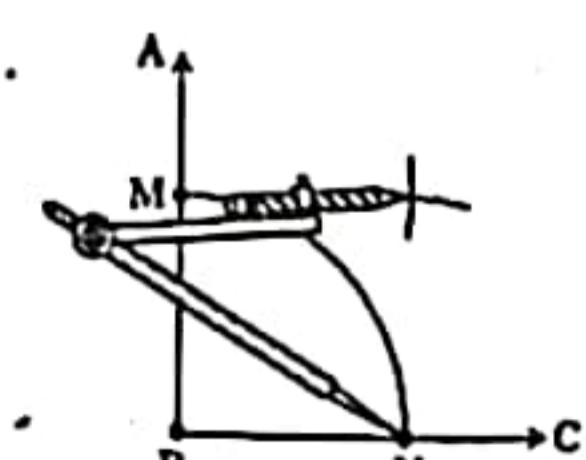
সূতরাং, $\angle ABC = 2x$ বা, 90° একে সমদ্বিভিত্তি করতে হবে।

অঙ্কনের ধাপ:

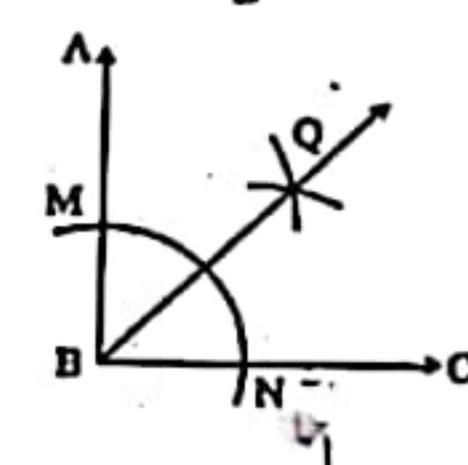
১. B কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। B বিন্দুতে এবং BC কে N বিন্দুতে ছেদ করে।



২. M ও N কে কেন্দ্র করে MN এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে কোণ ABC এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। এরা পরস্পরকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।



৩. BQ যোগ করে বর্ধিত করি। তাহলে BQ রেখা $\angle ABC$ কে সমদ্বিভিত্তি করে।



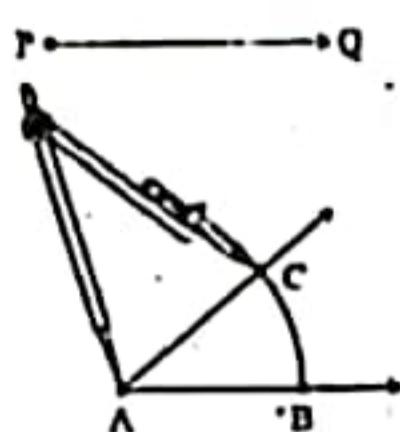
গণিত

বিপ্রীতি যখন অংশ হতে প্রাপ্ত, $x = 45^\circ$

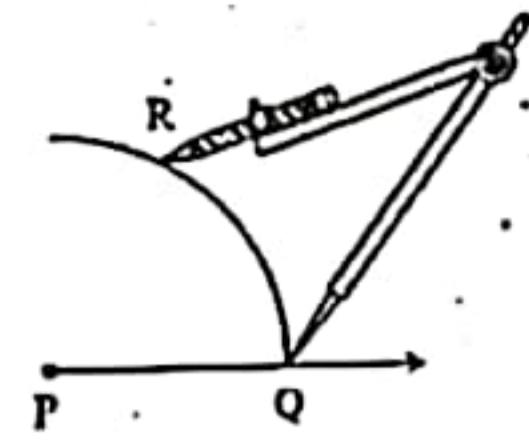
মনে করি, $\angle A = x = 45^\circ$ দেওয়া আছে। এর সমান একটি কোণ আঁকতে হবে।

অঙ্কনের ধাপ :

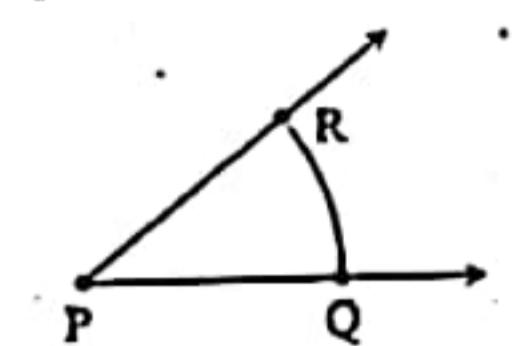
- যেকোনো একটি রশ্মি PQ নিই।
- প্রদত্ত $\angle A$ এর A বিন্দুতে পেসিল কম্পাসের কাটা স্থাপন করি এবং যেকোনো ব্যাসার্ধের বৃত্তচাপ আঁকি যা $\angle A$ এর রশ্মিগুলোকে B ও C বিন্দুতে ছেদ করে।



- একই ব্যাসার্ধ নিয়ে P কে কেন্দ্র করে বৃত্তচাপ আঁকি যা রশ্মিটিকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।



- Q কে কেন্দ্র করে BC এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে আরেকটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপটি অগের বৃত্তচাপকে R বিন্দুতে ছেদ করে।



- P, R যোগ করে বর্ধিত করি। ফলে, $\angle RPQ$ তৈরি হলো। $\angle RPQ$ এর মান $\angle A$ এর সমান।

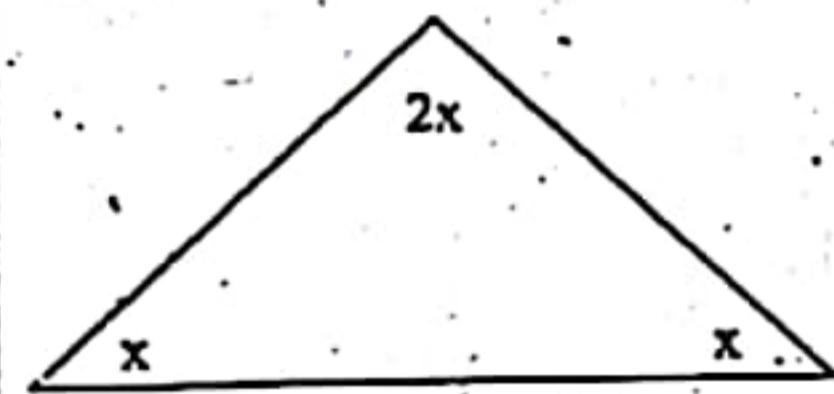
সূজনশীল অংশ

কমন উপযোগী সূজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি

১ মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রশ্নীত সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

শিখনফল : ত্রিকোণী বা সেটকোয়ার ও বুলার কম্পাসের সাহায্যে লম্ব আঁকতে পারব।

প্রশ্ন ১। নিচের চিত্রটি লক্ষ কর :



ক. ত্রিভুজের কোণগুলোর সমষ্টিকে x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর। (সহজমান) ২

খ. ত্রিভুজটির প্রত্যেকটি কোণের মান কত এবং এটি কি ধরনের ত্রিভুজ? তোমার উত্তরের সমক্ষে যুক্তি দাও। (মধ্যমান) ৮

গ. ত্রিভুজটির সমান কোণবিন্দুর সমবিখ্যন্তক হয় আঁক। সমবিখ্যন্তক যে বিন্দুতে ছেদ করে সেই বিন্দু থেকে BC এর উপর একটি লম্ব আঁক। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক)। (কঠিনমান)

8.

১নং প্রশ্নের সমাধান

এখানে, $\angle A = 2x$, $\angle B = x$ এবং $\angle C = x$

ABC ত্রিভুজে, $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$

\therefore ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি 180°

$$\therefore 2x + x + x = 180^\circ$$

এখানে, $\angle A = 2x$, $\angle B = x$ এবং $\angle C = x$

ABC ত্রিভুজে,

$$2x + x + x = 180^\circ \text{ [ক-হতে]}$$

$$\text{বা, } 4x = 180^\circ$$

$$\text{বা, } x = \frac{180^\circ}{4}$$

$$\therefore x = 45^\circ$$

$$\therefore \angle B = x = 45^\circ$$

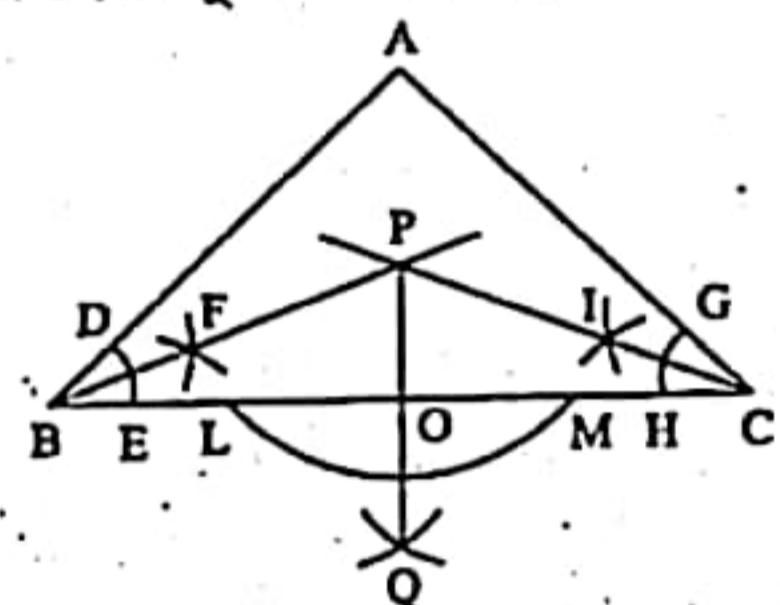
$$\angle C = x = 45^\circ$$

$$\text{এবং } \angle A = 2x = 2 \times 45^\circ = 90^\circ$$

যেহেতু ABC ত্রিভুজের একটি কোণ সমকোণ।

সুতরাং ABC ত্রিভুজটি সমকোণী ত্রিভুজ।

২ এখানে, ABC একটি ত্রিভুজ যার $\angle A = 90^\circ$, $\angle B = 45^\circ$ এবং $\angle C = 45^\circ$ । এর $\angle B$ ও $\angle C$ কে সমবিখ্যন্ত করে সমবিখ্যন্তকহয়ের ছেবিন্দু হতে BC এর উপর লম্ব আঁকতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ :

১. B কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি AB ও BC কে যথাক্রমে D ও E বিন্দুতে ছেদ করে।

২. D ও E কে কেন্দ্র করে DE এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে $\angle ABC$ এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপস্থ পরস্পর F বিন্দুতে ছেদ করে।

৩. B, F যোগ করে $\angle ABC$ এর সমবিখ্যন্তক আঁকি।

৪. অনুরূপভাবে, $\angle ACB$ সমবিখ্যন্তক G আঁকি।

৫. সমবিখ্যন্তকস্থক বর্ধিত করি। বর্ধিত সমবিখ্যন্তকস্থ পরস্পর P বিন্দুতে ছেদ করে।

৬. P কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা BC কে L ও M বিন্দুতে ছেদ করে।

৭. L ও M কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে BC এর যে পাশে P বিন্দু আছে তার বিপরীত পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপস্থ পরস্পর Q বিন্দুতে ছেদ করে।

৮. P, Q যোগ করি। PQ রেখাংশ BC কে O বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে OP রেখাংশ BC এর উপর লম্ব।

প্রশ্ন ২। AB রেখাংশের দৈর্ঘ্য 10 সে.মি।

ক. কম্পাস ব্যবহার করে AB কে সমান চার অংশে বিভক্ত কর। (সহজমান) ২

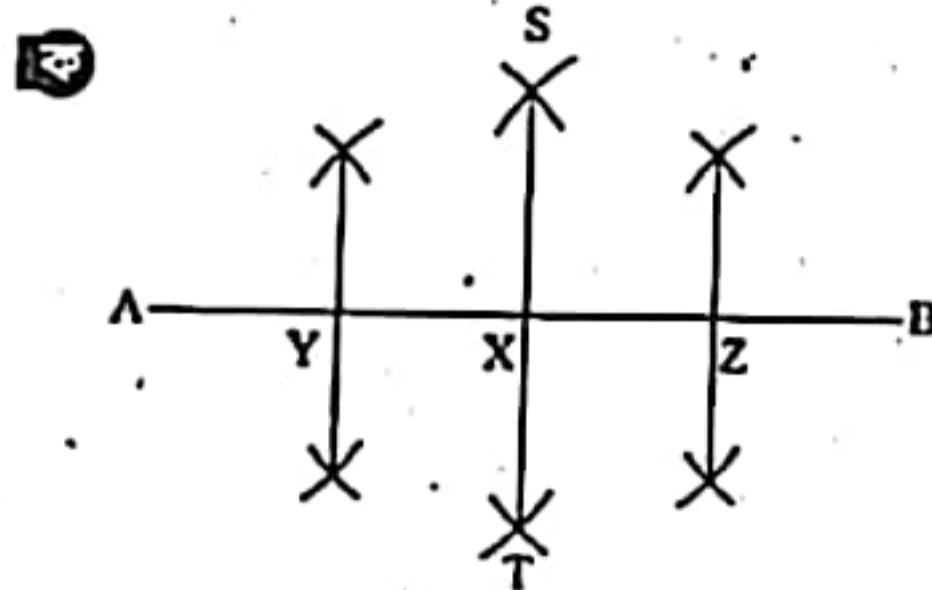
খ. AB এর উপর Q যেকোনো একটি বিন্দু। $RQ \perp AB$ আঁক। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) (মধ্যমান) ৮

গ. $\angle RQB$ বে সমবিখ্যন্ত কর এবং চাঁদার সাহায্যে পরিমাপ করে লিখ। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) (কঠিনমান) ৮

২৩৬

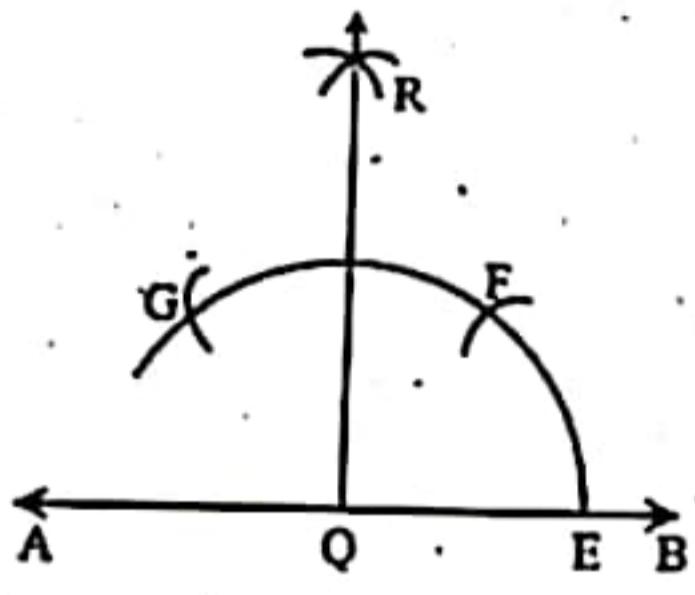
প্রিলজ একের তিতুর সব | যাঠ শ্রেণি

৩০ ২ন্দের সমাধান



চিত্রে রেখাংশ $AB = 10$ সে.মি। AB কে AY, YX, XZ এবং ZB চারটি সমান অংশে ভাগ করা হলো।

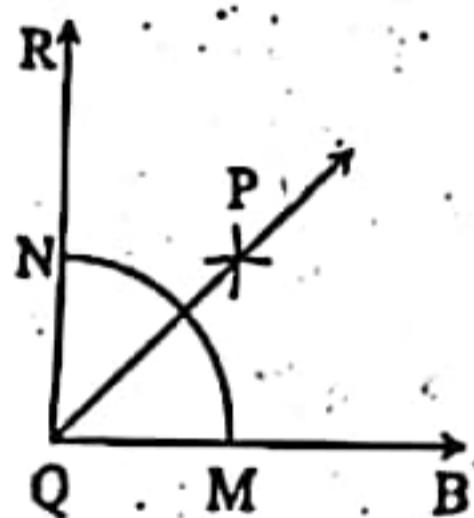
এখানে, রেখাংশ $AB = 10$ সে.মি. এবং এর উপর Q একটি বিন্দু। রেখাংশটির উপর Q বিন্দুতে RQ লম্ব আঁকতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ:

- Q কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB কে E বিন্দুতে ছেদ করে।
- E কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে F বিন্দুতে ছেদ করে। আবার F কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে আঁকা বৃত্তচাপকে G বিন্দুতে ছেদ করে।
- F ও G কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি R বিন্দুতে ছেদ করে।
- Q, R যোগ করি। AB রেখাংশের উপর Q বিন্দুতে লম্ব RQ ।

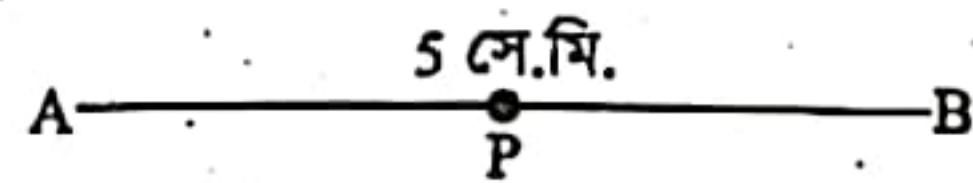
উৎপন্ন লম্বের $\angle RQB$ কে সমষ্টিভিত্তি করতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ:

- Q কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
 - বৃত্তচাপটি BQ কে M বিন্দুতে এবং QR কে N বিন্দুতে ছেদ করে।
 - M ও N কে কেন্দ্র করে MN এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে $\angle RQB$ এর অভূতরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
 - এমন পরস্পরকে P বিন্দুতে ছেদ করে।
 - Q, P যোগ করে বর্ধিত করি।
 - তাহলে PQ রেখা $\angle RQB$ কে সমষ্টিভিত্তি করে।
- সমষ্টিভিত্তি করার ফলে $\angle PQB$ এবং $\angle PQR$ উৎপন্ন হয়। চাদার সাহায্যে মেপে পাই,
- $\angle RQB = 90^\circ, \angle PQB = 45^\circ$ এবং $\angle PQR = 45^\circ$

৩১ প্রশ্ন ৩। চিত্রটি লক্ষ কর :



- ক. রেখাংশ কী? (সহজমান) ২
খ. AB এর সমান করে একটি রেখাংশ আঁক। (মধ্যমান) ৪
গ. AB এর উপর P বিন্দুতে একটি লম্ব আঁক। (কঠিনমান) ৪

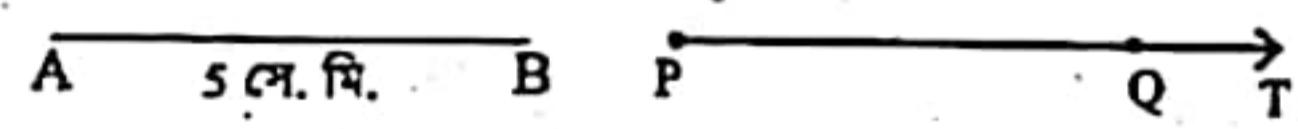
৩২ ৩ন্দের সমাধান

৩২ রেখাংশ: রেখাংশের নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্য এবং দুইটি প্রাতিবিন্দু আছে।

এখানে, রেখাংশ $AB = 5$ সে.মি. এর সমান একটি রেখাংশ আঁকতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ:

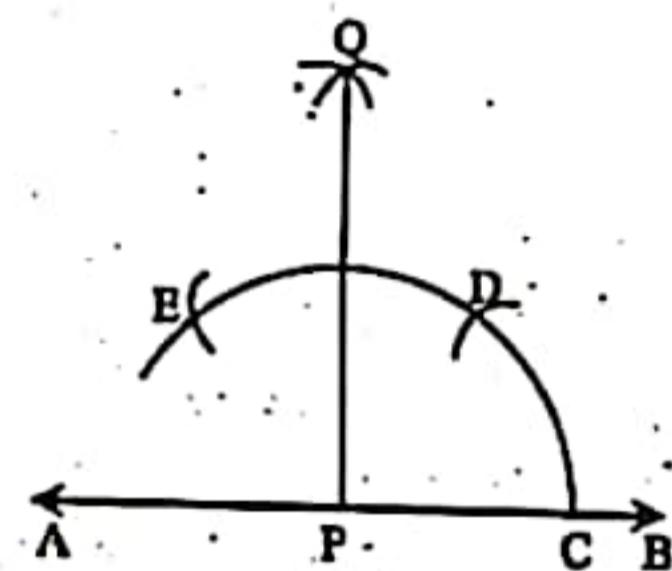
- পেসিল কম্পাসের কাঁটার দিক A বিন্দুতে এবং পেসিলের দিক B বিন্দুতে বসাই।



- যেকোনো রশ্মি PT নিই। P -কে কেন্দ্র করে কম্পাসের সাহায্যে একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন করি। বৃত্তচাপটি PT কে Q বিন্দুতে ছেদ করে। PQ রেখাংশই AB রেখাংশের সমান।

- এখানে, রেখাংশ $AB = 5$ সে.মি. এবং এর উপর P একটি বিন্দু। P বিন্দুতে লম্ব আঁকতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ:



- P কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB কে C বিন্দুতে ছেদ করে।

- C কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে D বিন্দুতে ছেদ করে। আবার D কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে আঁকা বৃত্তচাপকে E বিন্দুতে ছেদ করে।

- E ও D কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি Q বিন্দুতে ছেদ করে।

- Q, P যোগ করি। QP রেখাংশ AB রেখার উপর P বিন্দুতে লম্ব। অর্থাৎ $QP \perp AB$ ।

৩৩ প্রশ্ন ৪। $A \quad 4.7 \text{ cm} \quad B$

- ক. AB রেখাংশের সমান করে PQ রেখাংশ আঁক। (সহজমান) ২

- খ. AB রেখাংশকে M বিন্দুতে সমষ্টিভিত্তি কর। (মধ্যমান) ৪

- গ. AB এর বহিঃস্থ কোন বিন্দু হতে এর উপর লম্ব আঁক। (কঠিনমান) ৪

[অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক] (কঠিনমান) ৪

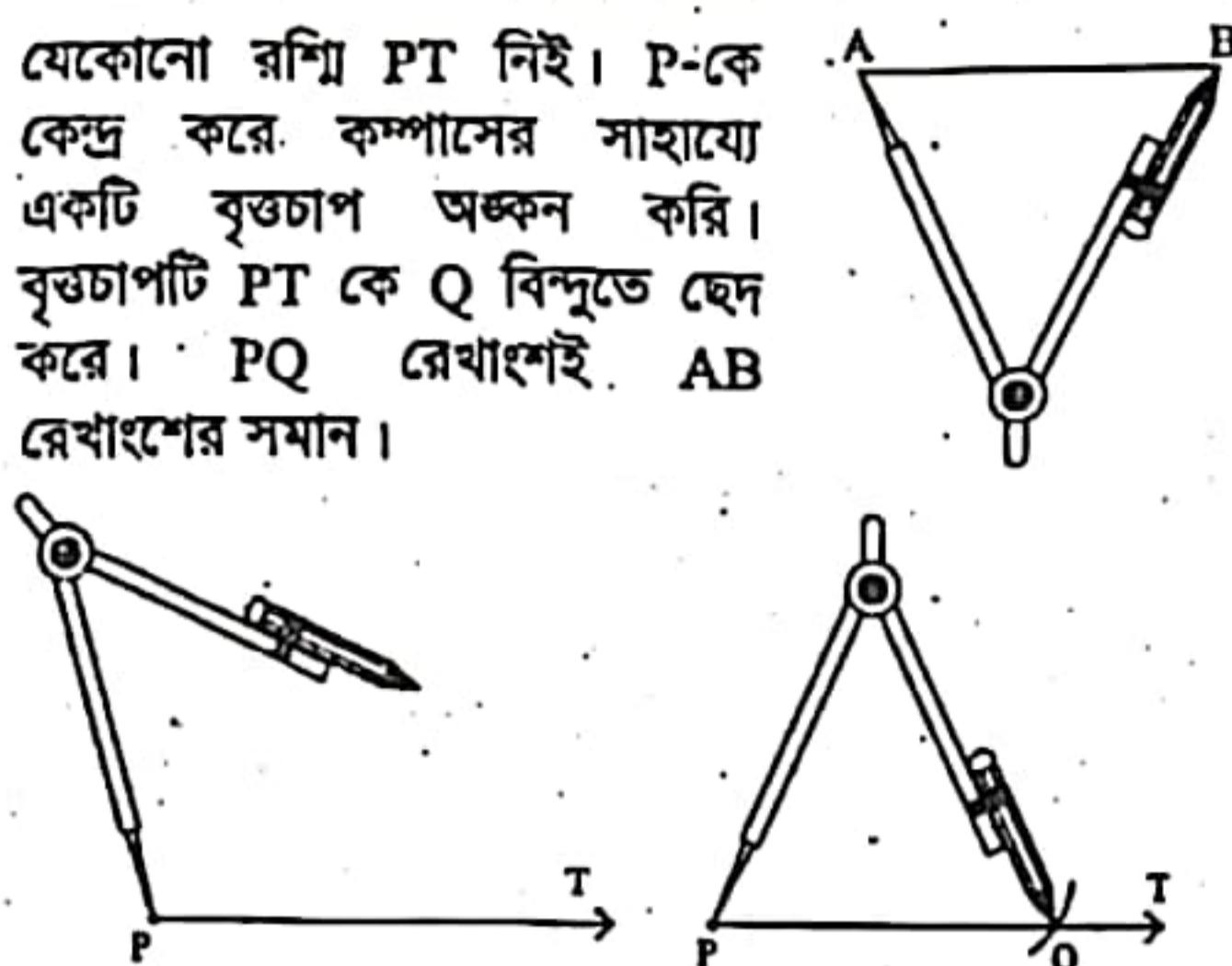
৩৪ ৩ন্দের সমাধান

৩৪ প্রদত্ত রেখাংশ $AB = 4.7 \text{ cm}$ এর সমান রেখাংশ আঁকার জন্য নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি:

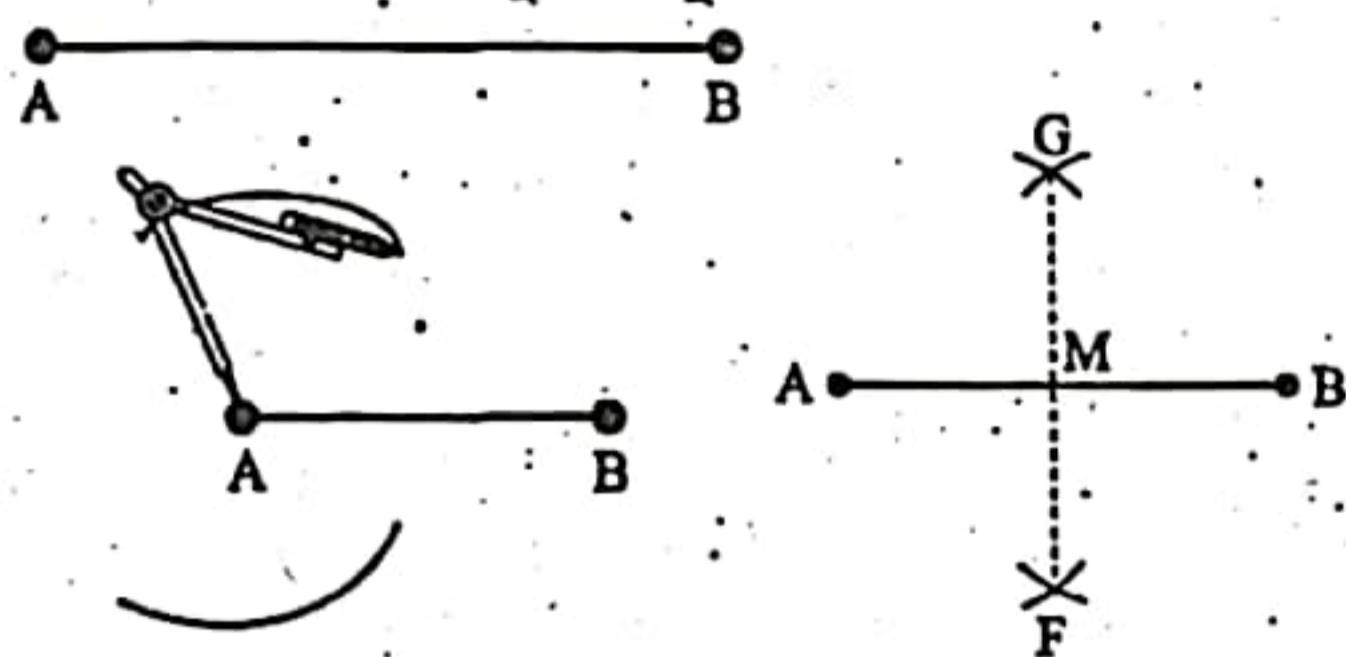
- পেসিল কম্পাসের কাঁটার দিক A বিন্দুতে এবং পেসিলের দিক B বিন্দুতে বসাই।

গণিত

২. যেকোনো রশ্মি PT নিই। P -কে কেন্দ্র করে কম্পাসের সাহায্যে একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন করি। বৃত্তচাপটি PT কে Q বিন্দুতে ছেদ করে। PQ রেখাংশই AB রেখাংশের সমান।



৩. মনে করি, AB একটি নির্দিষ্ট রেখাংশ। একে M সমন্বিত করতে হবে। নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি:

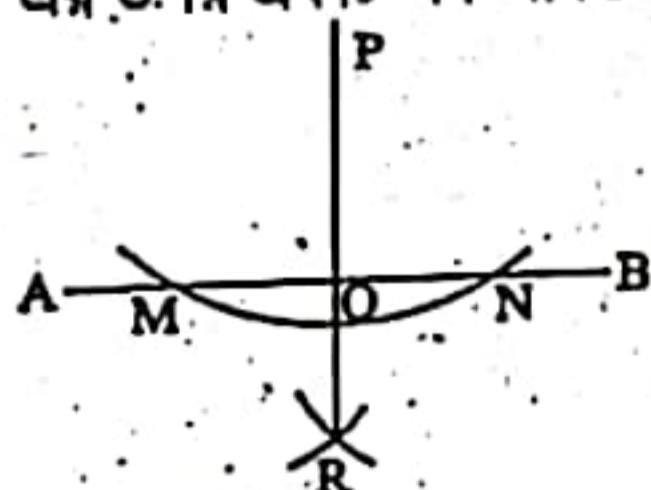


1. AB রেখাংশ আঁকি।
2. A কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর দুই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. B কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপগুলো পরস্পরকে F ও G বিন্দুতে ছেদ করেছে।
4. F ও G যোগ করি। FG রেখাংশ AB রেখাংশকে M বিন্দুতে ছেদ করে। AB রেখাংশ M বিন্দুতে সমন্বিত হয়েছে।

৪. মনে করি, AB রেখাংশের বহিঃস্থ বিন্দু P .

 $\bullet P$

- P বিন্দু থেকে AB এর উপর একটি লম্ব আঁকতে হবে।



- নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি:

1. P বিন্দুকে কেন্দ্র করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB রেখাংশকে M ও N বিন্দু ছেদ করে।
2. M কে কেন্দ্র MN এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB রেখাংশ যে পাশে P আছে তার বিপরীত পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. N কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি পরস্পর R বিন্দুতে ছেদ করে।
4. P, R যোগ করি যা AB রেখাকে O বিন্দুতে ছেদ করে। অতএব, OP, XY এর উপর লম্ব।

অতএব OP, AB এর উপর লম্ব।

৫. XY রেখার বহিঃস্থ বিন্দু P ।

- ক. বর্ণনাসহ চিত্র আঁক। (সহজমান) ২
খ. P থেকে XY এর উপর লম্ব আঁক। (মধ্যমান) ৪
গ. অঙ্কনের বিবরণ দাও। (কঠিনমান) ৪

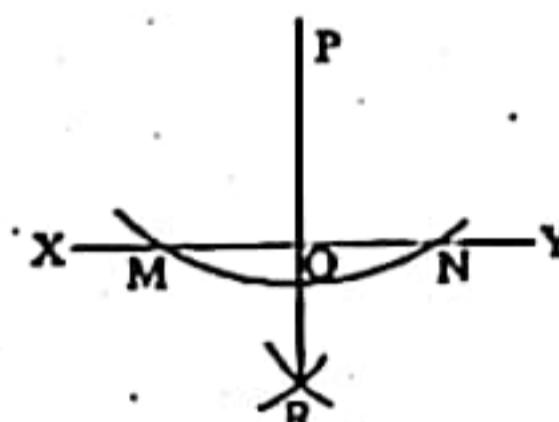
৬. ৫নং প্রশ্নের সমাধান

৫. XY রেখাংশের বহিঃস্থ P একটি বিন্দু।

 $\bullet P$

X ————— Y

৬. XY রেখার বহিঃস্থ একটি বিন্দু P থেকে XY এর উপর লম্ব অঙ্কন করা হলো।



৭. অঙ্কনের বিবরণ:

1. P বিন্দুকে কেন্দ্র করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা XY রেখাকে M ও N বিন্দু ছেদ করে।
 2. M কে কেন্দ্র MN এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে XY রেখার যে পাশে P আছে তার বিপরীত পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
 3. N কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি পরস্পর R বিন্দুতে ছেদ করে।
 4. P, R যোগ করি যা XY রেখাকে O বিন্দুতে ছেদ করে।
- অতএব, OP, XY এর উপর লম্ব।

শিখনফল: বিভিন্ন মাপের কোণের চিত্র অঙ্কন করতে পারব।

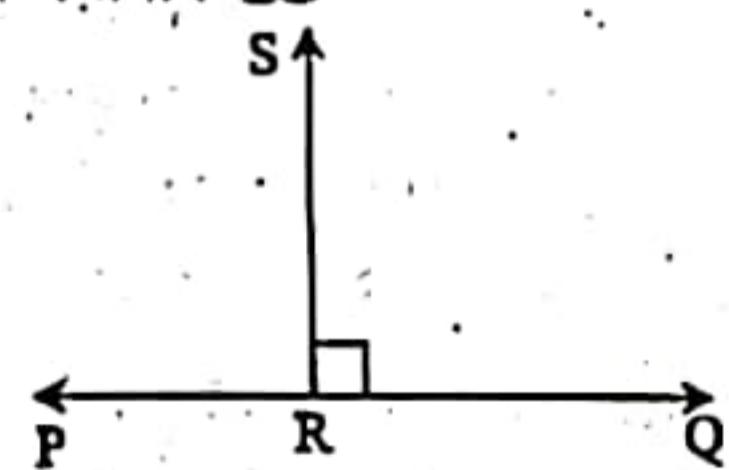
৬. একটি কোণ 45° ।

- ক. লম্ব কাকে বলে চিত্রসহ লিখ। (সহজমান) ২
খ. চাঁদা ব্যবহার না করে 45° কোণ আঁক। (মধ্যমান) ৪
গ. অঙ্কনের বিবরণ দাও। (কঠিনমান) ৪

৭. ৬নং প্রশ্নের সমাধান

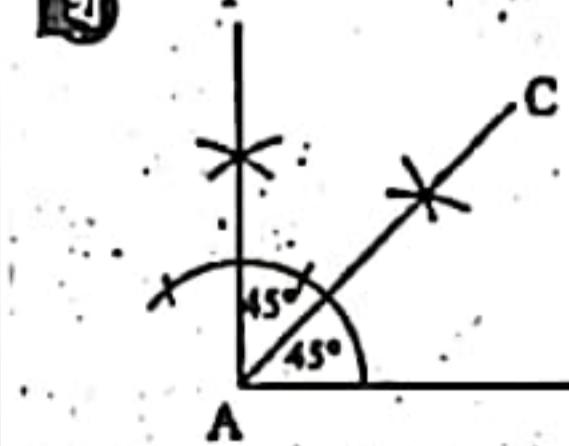
৮. লম্ব: দুইটি পরস্পরছেদী

সরলরেখার (বা রশ্মি বা রেখাংশ) অন্তর্গত কোণগুলো সমকোণ হলে, সরলরেখাগুলোকে পরস্পর লম্ব বলা হয়।



চিত্রে PQ এর উপর লম্ব RS ।

- ৯.



চাঁদা ব্যবহার না করে $\angle CAB = \angle CAP = 45^\circ$ আঁকা হলো।

১০. চাঁদা ব্যবহার না করে 45° কোণ অঙ্কনের বিবরণ:

১. যেকোনো একটি রশ্মি AB নিই।
২. AB এর A বিন্দুতে একটি লম্ব AP অঙ্কন করি।
৩. এখন, $\angle PAB$ -কে সমন্বিত করি। মনে করি, AC , $\angle PAB$ -এর সমন্বিতক রেখা।

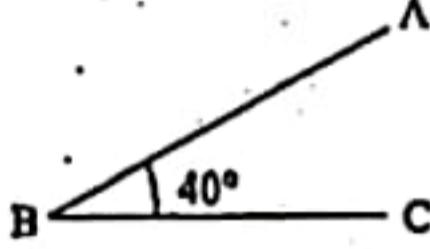
তাহলে $\angle CAB$ অথবা $\angle CAP$ -ই হবে উদ্দিষ্ট 45° কোণ।

প্রশ্ন ৭] $\angle ABC = 40^\circ$ একটি নির্দিষ্ট কোণ।

- ক. উল্লেখিত তথ্যটি চিত্রের মাধ্যমে প্রকাশ কর। (সহজমান) ২
 খ. $\angle ABC$ এর সমান করে একটি কোণ আঁক এবং
 অঙ্কনের বিবরণ দাও। (মধ্যমান) ৪
 গ. $\angle ABC$ কে সমদ্বিভিত্তি কর। এবং অঙ্কনের
 বিবরণ দাও। (কঠিনমান) ৪

৮] ৭নং প্রশ্নের সমাধান

চিত্রে $\angle ABC = 40^\circ$ ।

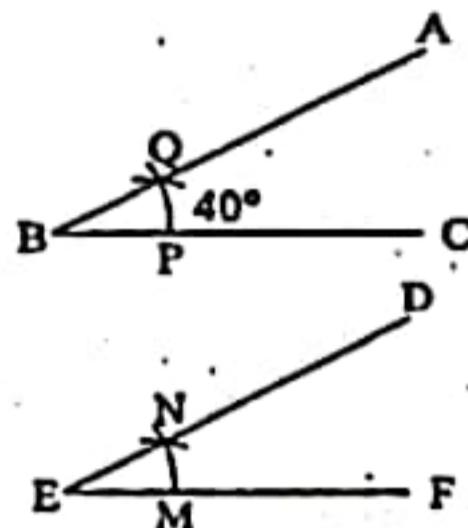


এখানে, $\angle ABC = 40^\circ$

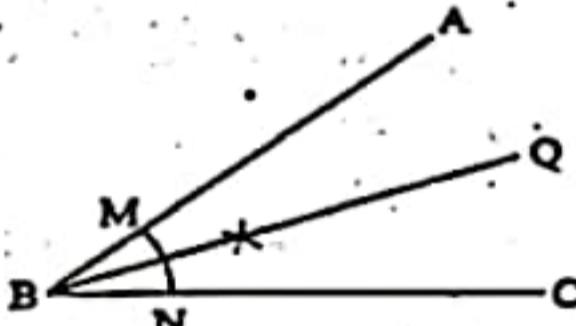
এর সমান করে একটি কোণ আঁকতে হবে।

অঙ্কন: $\angle ABC$ এর B কে কেন্দ্র করে
 একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা BC ও AB কে
 যথাক্রমে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।

যেকোনো রশ্মি EF নিই। E বিন্দুতে BP
 এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ
 আঁকি যা EF কে M বিন্দুতে ছেদ করে।
 এখন, PQ এর সমান করে বৃত্তচাপ থেকে
 N অংশ কাটি এবং E, N যোগ করে D পর্যন্ত বর্ধিত করি।
 তাহলে, $\angle DEF$ হবে $\angle ABC$ এর সমান।



এখানে, $\angle ABC = 40^\circ$



অঙ্কন:

1. B কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
2. বৃত্তচাপটি AB কে M বিন্দুতে এবং BC কে N বিন্দুতে ছেদ করে।
3. M ও N কে কেন্দ্র করে M.N এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে কোণ ABC এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
4. এরা পরস্পরকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।
5. B, Q যোগ করে বর্ধিত করি।
6. তাহলে BQ রেখা $\angle ABC$ কে সমদ্বিভিত্তি করে।

প্রশ্ন ৮] A ও B দুইটি নির্দিষ্ট কোণ। $\angle A$ এর পরিমাণ 40°
 এবং $\angle B$ এর পরিমাণ 60° ।

- ক. $\angle A$ এর পূরককোণ এবং $\angle B$ এর সম্পূরক কোণের
 পরিমাপ লিখ। (সহজমান) ২
 খ. চিন্দা ব্যবহার না করে $\angle B$ এর পরিমাপের সমান একটি
 কোণ আঁক এবং অঙ্কনের বিবরণ দাও। (মধ্যমান) ৪
 গ. $\angle B$ কে সমদ্বিভিত্তি কর এবং অঙ্কনের বিবরণ
 দাও। (কঠিনমান) ৪

৯] ৮নং প্রশ্নের সমাধান

এখানে, $\angle A$ এর পরিমাণ 40°

এবং $\angle B$ এর পরিমাণ 60° ।

$$\therefore \angle A \text{ এর পূরক কোণ} = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$$

$$\text{এবং } \angle B \text{ এর সম্পূরক কোণ} = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$$\therefore \angle A \text{ এর পূরক কোণ} 50^\circ$$

$$\text{এবং } \angle B \text{ এর সম্পূরক কোণ} 120^\circ।$$

এখানে, $\angle B$ এর পরিমাণ 60° । $\angle B$ এর পরিমাপের সমান
 একটি কোণ আঁকতে হবে।

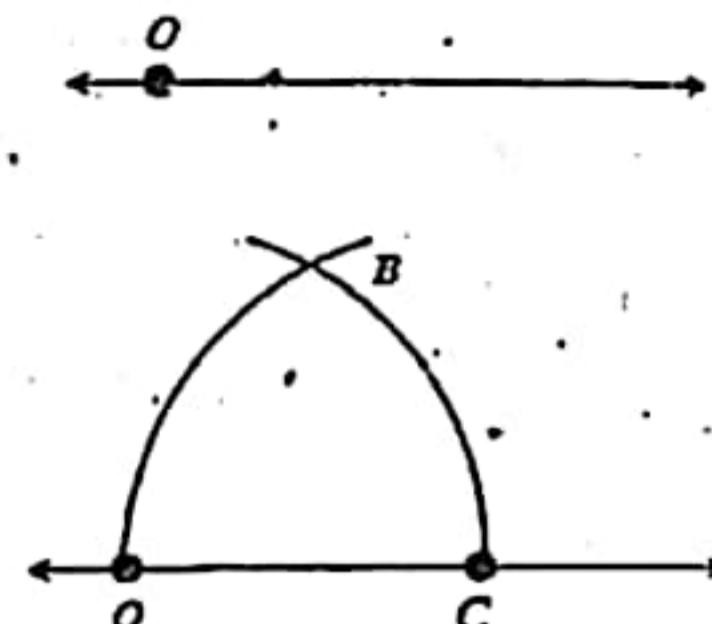
অঙ্কনের বিবরণ:

১. একটি সরলরেখার উপর O

বিন্দু চিহ্নিত করি।

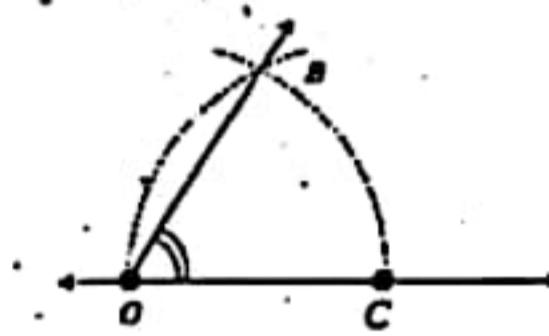
২. পেসিল কম্পাসের কাঁটাটি

O বিন্দুতে রেখে
 সুবিধাজনক ব্যাসার্ধ নিয়ে
 বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি
 সরলরেখাটিকে Z বিন্দুতে
 ছেদ করে।



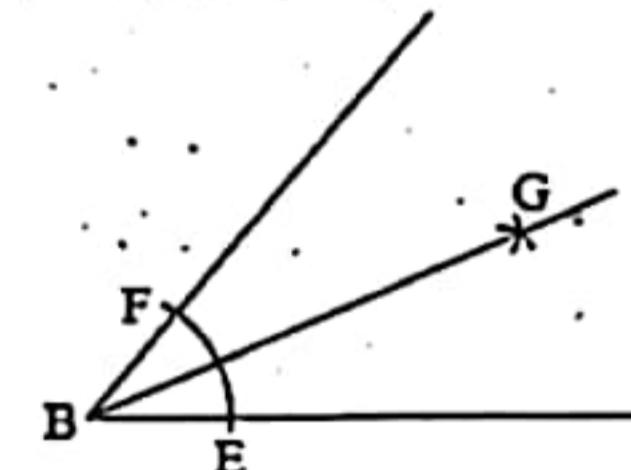
৩. Z কে কেন্দ্র করে একই

ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্তচাপ
 আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি Y
 বিন্দুতে ছেদ করে।



৪. O, Y যোগ করি। $\angle YOZ$ এর মান 60° ।

এখানে, $\angle B$ এর পরিমাণ 60° । $\angle B$ কে সমদ্বিভিত্তি করতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ:

1. B বিন্দুকে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি কোণের রাশিগুলোকে E ও F বিন্দুতে
 ছেদ করে।

2. E কে কেন্দ্র করে EF এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে
 একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

3. F কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপটি আগের বৃত্তচাপকে G বিন্দুতে ছেদ
 করে। B, G যোগ করি। তাহলে BG রেখাংশ $\angle B$ এর
 সমদ্বিভিত্তি।

শীর্ষস্থানীয় স্কুলসদূহের সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

প্রশ্ন ৯] $AB = 7\text{cm}$. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ এবং $\angle x = 60^\circ$.

- ক. 72° কোণের পূরক কোণ আঁক। ২

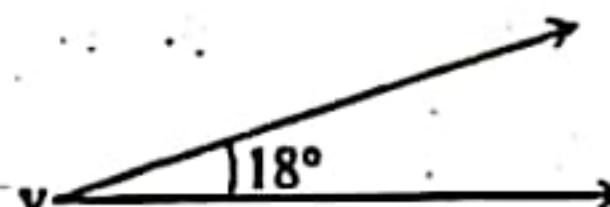
- খ. $\angle x$ কে কম্পাসের সাহায্যে সমদ্বিভিত্তি কর। ৪
 (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক)

- গ. AB কে সমান তিনভাগে বিভক্ত কর। (অঙ্কনের চিহ্ন
 ও বিবরণ আবশ্যিক) ৪

[রাজউক উত্তরা মডেল কলেজ, ঢাকা]

১০] ১০নং প্রশ্নের সমাধান

দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 90° হলে, কোণ দুইটির
 একটিকে অপরটির পূরক কোণ বলে।



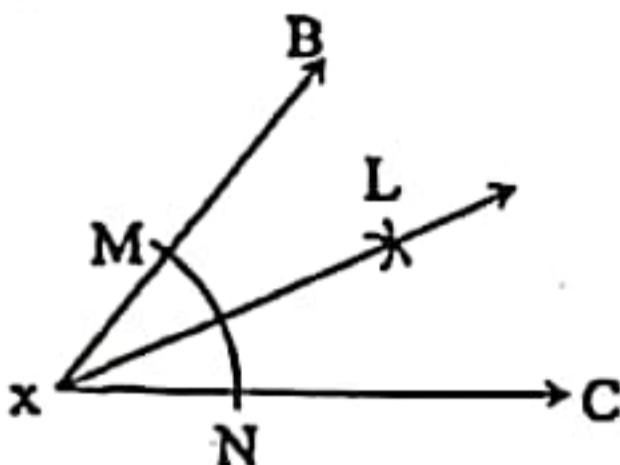
চিত্রে $\angle y = 18^\circ$ ।

গণিত

Digitized by srujanika@gmail.com

য) এখানে, $\angle x = 60^\circ$ । কোণটিকে সমন্বিত করতে হবে।

নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি :

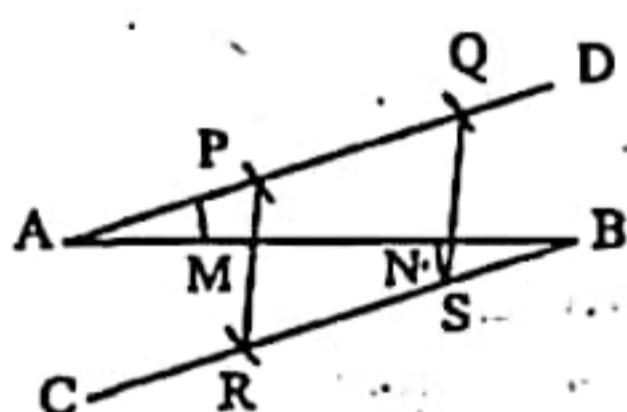


অঙ্কনের বিবরণ :

1. x কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
 2. বৃত্তচাপটি xB কে M বিন্দুতে এবং xC কে N বিন্দুতে ছেদ করে।
 3. M ও N কে কেন্দ্র করে MN এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে কোণ $\angle BxC$ এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
 4. এরা পরস্পরকে L বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে xL ক্ষেত্র $\angle BxC$ কে সমষ্টিযোগিতা করে।

১০) এখানে রেখাংশ $AB = 7$ সে.মি.। AB রেখাংশটিকে সমান তিনভাগে বিভক্ত করতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ:

1. AB রেখাখণ্ডের A বিন্দুতে যেকোনো কোণ $\angle BAD$ আঁকি।
 2. B বিন্দুতে $\angle BAD$ এর সমান করে যে পাশে $\angle BAD$ আঁকা যায় তার বিপরীত পাশে $\angle ABC$ আঁকি।
 - 3.. AD থেকে যেকোনো দৈর্ঘ্য নিয়ে $AP = PQ$ আঁকি। আবার BC থেকে $AP = BS = SR$ আঁকি।
 4. এখন PR ও QS যোগ করি যা AB রেখাখণ্ডকে M ও N বিন্দুত ছেদ করবে।

সূতরাং AB রেখাখণ্ড M ও N বিন্দুতে সমান তিনভাগে বিভক্ত
হায়।

[প্রশ্ন ১০] AB ও CD দুইটি সম্পূর্ণেখা।

- ক. 60° কোণ আঁক। ২

খ. AB এর বিপর্যস্থ বিন্দু O হলে, O থেকে AB এর উপর ৪
একটি লম্ব আঁক। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক)

গ. CD এর উপর একটি বিন্দু P হলে, P বিন্দুতে একটি
লম্ব আঁক। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) ৪

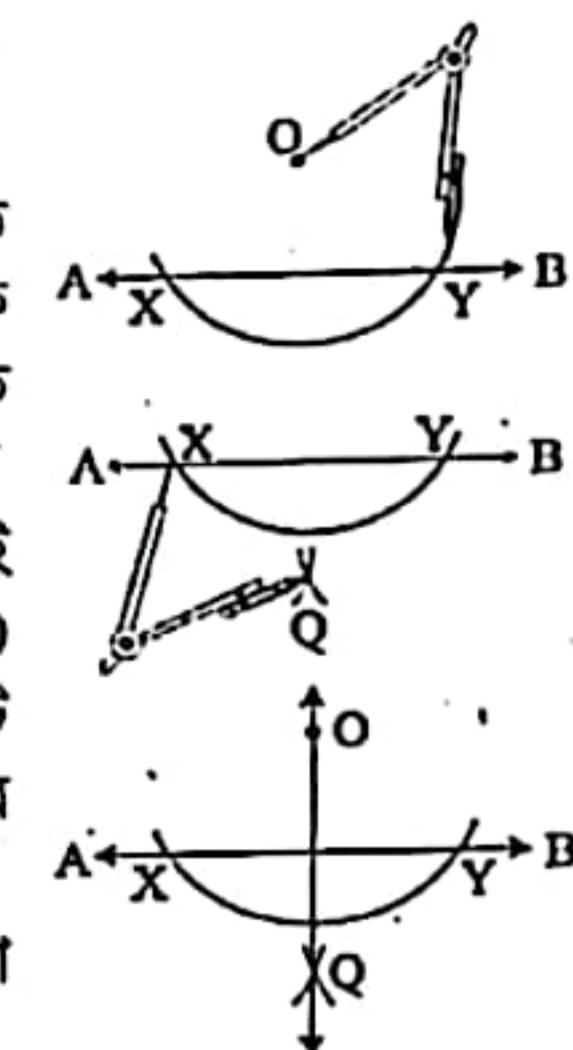
© १०नं प्रश्ने समाधान ©



ଟ୍ରିଦ୍ଵା ନୃବଶାର କରେ $\angle A = 60^\circ$ ଅଭକ୍ଳ କରା ହଲୋ ।

୪) ଅଞ୍ଚଳନେମି ବିବରଣ୍ୟ :

১. মনে করি, AB একটি সরলরেখা এবং O তার বিহিন্স্য একটি বিন্দু।
 ২. O কে কেন্দ্র করে সুবিধাপ্রয়োগ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। AB রেখাকে X ও Y বিন্দুতে ছেদ করে।
 ৩. X ও Y কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর যে পাশে O আছে তার বিপরীত পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপসম্পর্কের বিন্দুতে ছেদ করে।
 ৪. O, Q যোগ করি। OQ রেখাংশ AB এর উপর লম্ব।



ট) যন্তে করি, CD একটি সরলরেখা এবং এর উপর P একটি বিন্দু।

অক্ষনের বিবরণ :

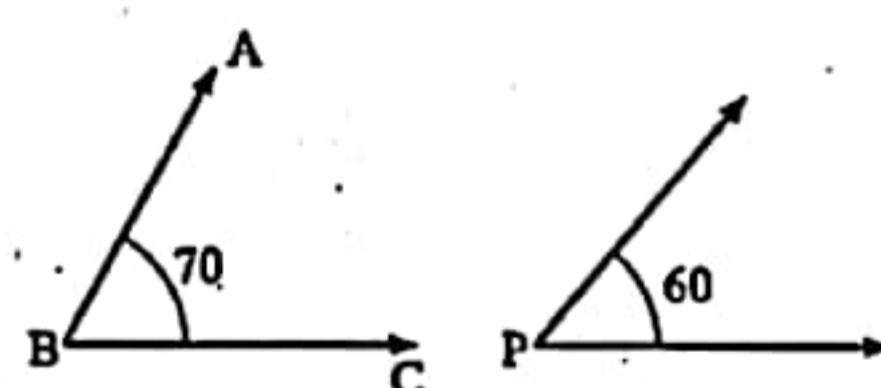
১. P কে কেন্দ্র করে সুবিধামত ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা CD কে M বিন্দুতে ছেদ করে।

২. M কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে N বিন্দুতে ছেদ করে। আবার N কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে আঁকা বৃত্তচাপকে E বিন্দুতে ছেদ করে।

৩. E ও N কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি Q বিন্দুতে ছেদ করে।

৪. Q, P যোগ করি। QP রেখাংশ CD রেখার উপর P বিন্দুতে লম্ব। $OP \perp CD$ ।

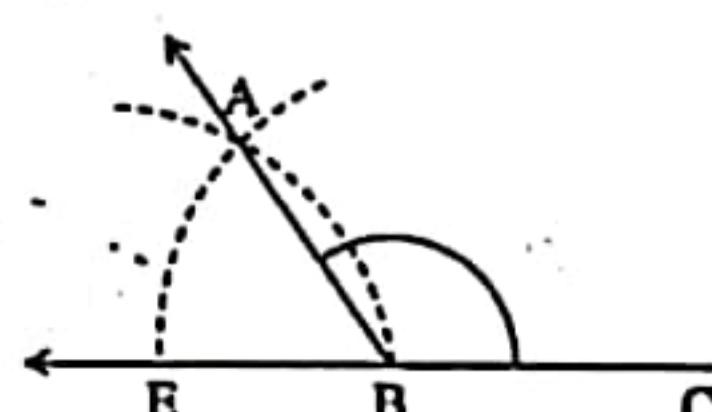
ଅମ୍ବ ୧୧



- ক. চাঁদা ব্যবহার না করে 120° কোণ আঁক। ২
 খ. অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণসহ $\angle ABC$ এর সমান ৪
 করে একটি কোণ আঁক।
 গ. অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণসহ $\angle P$ কে সমষ্টিখণ্ডিত কর। ৪
 (আইডিয়াল ভল আন্ড কালেজ মতিঝিল মাল্টি)

୧୧୯ ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ

- ক) চাঁদা ব্যবহার না করে ঝুলার ও কম্পাসের সাহায্যে 120° কোণ আঁকতে হবে।

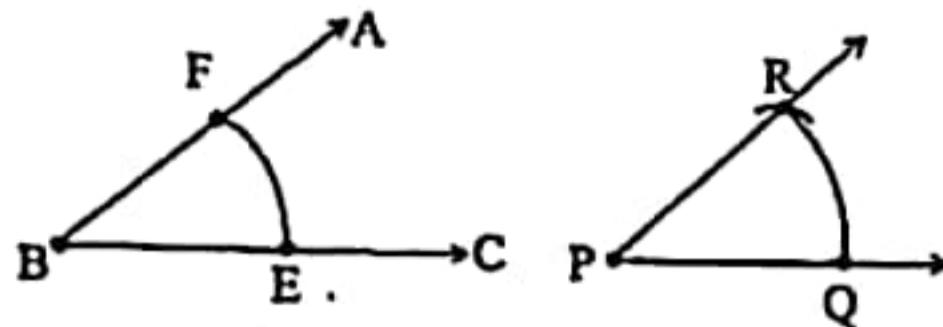


২৪০

এখানে, $\angle ABC = 70^\circ$ এর সমান একটি কোণ আঁকতে হবে।

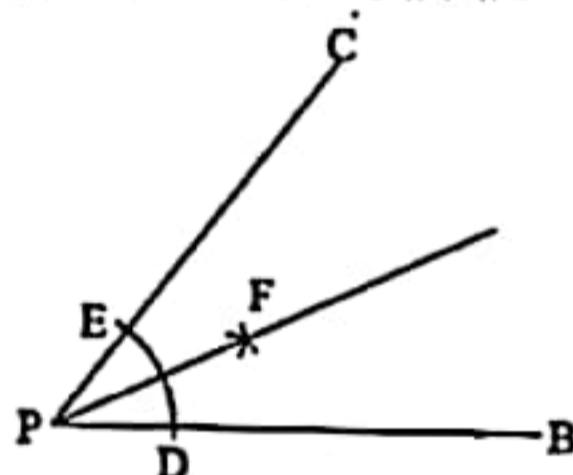
অঙ্কনের বিবরণ :

১. যেকোনো একটি রশ্মি PQ নিই।
২. B বিন্দুতে পেসিল কম্পাসের কঁটা স্থাপন করি এবং যেকোনো ব্যাসার্ধের বৃত্তচাপ আঁকি যা $\angle B$ এর রশ্মিগুলোকে E ও F বিন্দুতে ছেদ করে।



৩. একই ব্যাসার্ধ নিয়ে P কে কেন্দ্র করে বৃত্তচাপ আঁকি যা রশ্মিটিকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।
৪. Q কে কেন্দ্র করে EF এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে আরেকটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপটি আগের বৃত্তচাপকে R বিন্দুতে ছেদ করে।
৫. P, R যোগ করে বর্ধিত করি। ফলে $\angle RPQ$ তৈরি হলো। $\angle RPQ$ এর মান $\angle ABC$ এর সমান।

এখানে, $\angle P = 60^\circ$ । কোণটিকে সমন্বিত করতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ :

১. B কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি PB ও PC কে যথাক্রমে D ও E বিন্দুতে ছেদ করে।
২. D ও E কে কেন্দ্র করে DE এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটয় পরস্পর F বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. P, F যোগ করি। তাহলে PF রেখাংশ $\angle BPC$ এর সমন্বিতক।

প্রশ্ন ১২। একটি নির্দিষ্ট রেখাংশ PQ এর দৈর্ঘ্য 6 সেমি এবং একটি নির্দিষ্ট কোণ $\angle LMN = 70^\circ$ ।

- ক. 70° কোণের পূরক কোণের দ্রিগুণ কোণের মান ২ নির্ণয় কর।
 খ. বিবরণসহ বুলার-কম্পাসের সাহায্যে PQ রেখাংশের ৪ উপর M বিন্দুতে লম্ব অঙ্কন কর।
 গ. বিবরণসহ বুলার-কম্পাসের সাহায্যে $\angle LMN$ কোণকে সমন্বিত কর।

[মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষাবোর্ড, যশোর]

১২নং প্রশ্নের সমাধান

ক. 70° কোণের পূরক কোণ $90^\circ - 70^\circ = 20^\circ$

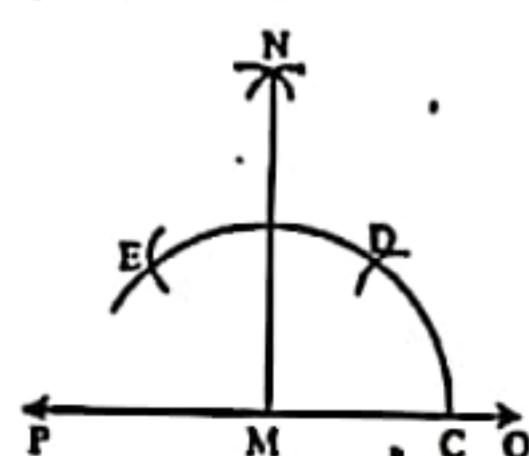
$\therefore 70^\circ$ কোণের পূরক কোণের দ্রিগুণ $= 2 \times 20^\circ = 40^\circ$

নির্ণয় মান 40°

খ. এখানে, রেখাংশ $PQ = 6$ সে.মি.। মনে করি এর উপর M একটি বিন্দু। M বিন্দুতে লম্ব আঁকতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ :

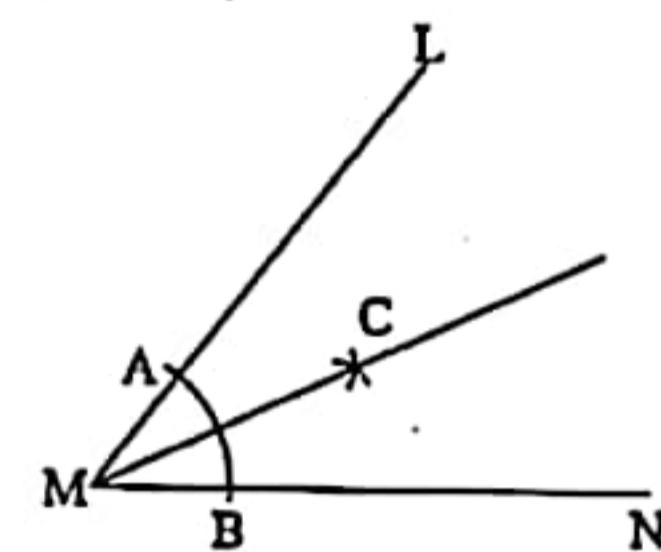
১. M কে কেন্দ্র করে সুবিধামত ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা PQ কে C বিন্দুতে ছেদ করে।



নিউজিল্যান্ড একের ভিতর সব ► যষ্ঠ শ্রেণি

২. C কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে D বিন্দুতে ছেদ করে। আবার D কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে আঁকা বৃত্তচাপকে E বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. E ও D কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি N বিন্দুতে ছেদ করে।
৪. MN যোগ করি। MN রেখাংশ PQ রেখার উপর M বিন্দুতে লম্ব। অর্থাৎ $MN \perp PQ$ ।

এখানে $\angle LMN = 70^\circ$ । কোণটিকে সমন্বিত করতে হবে। নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি :



অঙ্কনের বিবরণ :

১. M কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
২. বৃত্তচাপটি MN কে B বিন্দুতে এবং ML কে A বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে $\angle LMN$ এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
৪. এরা পরস্পরকে C বিন্দুতে ছেদ করে।
৫. M, C যোগ করে বর্ধিত করি। তাহলে MC রেখা $\angle LMN$ কে সমন্বিত করে।

প্রশ্ন ১৩। স্থূলকোণী $\triangle ABC$ এ $\angle ABC = 120^\circ$ এবং $\angle BAC = 40^\circ$

ক. $\angle ACB$ এর মান কত?

খ. $\angle BAC$ এর সমান করে একটি কোণ আঁক। ৪ [অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক]

গ. অঙ্কনের বিবরণসহ $\angle ABC$ কে সমন্বিত কর। ৪ [চৌধুরী কলেজিয়েট ভুল, চৌধুরী]

১৩নং প্রশ্নের সমাধান

ক. দেওয়া আছে, $\triangle ABC$ এ $\angle ABC = 120^\circ$

এবং $\angle BAC = 40^\circ$

$\triangle ABC$ এ, $\angle ABC + \angle BAC + \angle ACB = 180^\circ$

[\therefore ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি 180°]

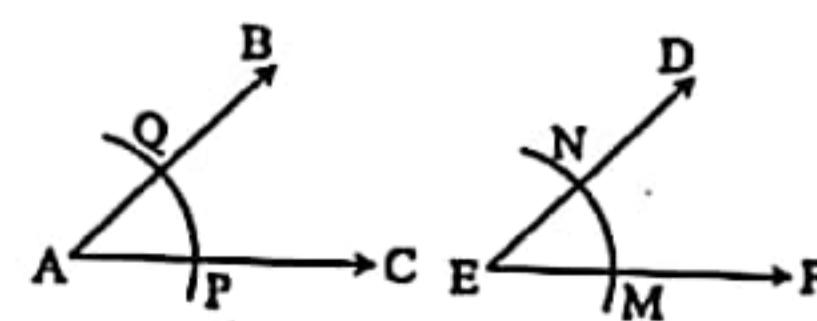
বা, $120^\circ + 40^\circ + \angle ACB = 180^\circ$

বা, $160^\circ + \angle ACB = 180^\circ$

বা, $\angle ACB = 180^\circ - 160^\circ = 20^\circ$

$\therefore \angle ACB = 20^\circ$

খ. এখানে, $\angle BAC = 40^\circ$ । এর সমান করে একটি কোণ আঁকতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ :

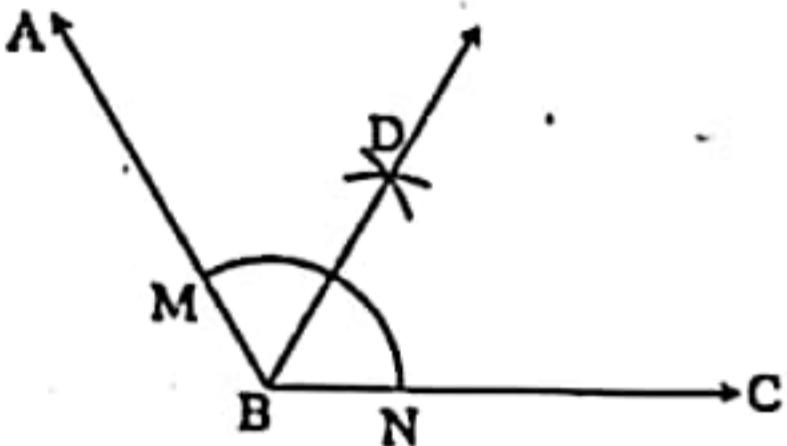
১. $\angle BAC$ এ A কে কেন্দ্র করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AC ও AB কে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।

গণিত

১৪১

২. যেকোনো রশ্মি EF নিই। E বিন্দুতে AP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা EF কে M বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. M কে কেন্দ্র করে PQ এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে আরেকটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপ আগের বৃত্তচাপকে N বিন্দুতে ছেদ করে।
৪. E, N যোগ করে D পর্যন্ত বর্ধিত করি। ফলে $\angle FED$ তৈরি হলো। $\angle FED$ হবে $\angle BAC$ এর সমান।

এখানে, $\angle ABC = 120^\circ$ । মূলার ও কম্পাসের সাহায্যে একে সমন্বিত করতে হবে।



অঙ্কনের বিবরণ:

১. B কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
২. বৃত্তচাপটি AB কে M বিন্দুতে এবং BC কে N বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. M ও N কে কেন্দ্র করে MN এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে $\angle ABC$ এর অভ্যন্তরে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
৪. এরা পরস্পরকে D বিন্দুতে ছেদ করে।
৫. B, D যোগ করে বর্ধিত করি।
৬. তাহলে BD রেখাংশ $\angle ABC$ কে সমন্বিত করে।

প্রম্ব ১৪। AB একটি 6 সে. মি. বিশিষ্ট রেখা। রেখাটির মধ্যবিন্দুতে CD লম্ব আঁক। আবার CD রেখার উপর একটি বিন্দু E লও। এবার E বিন্দুতে CD রেখার উপর লম্ব আঁক।

- ক. রেখাটি অঙ্কন কর। ২
খ. রেখাটির মধ্যবিন্দুতে লম্ব অঙ্কন কর। [অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক] ৪
গ. উদ্দীপক অনুসারে CD রেখার উপর আবার লম্ব অঙ্কন কর। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) ৪
[চৌধাম কলেজিয়েট কুল, চৌধাম]

১৪নং প্রশ্নের সমাধান

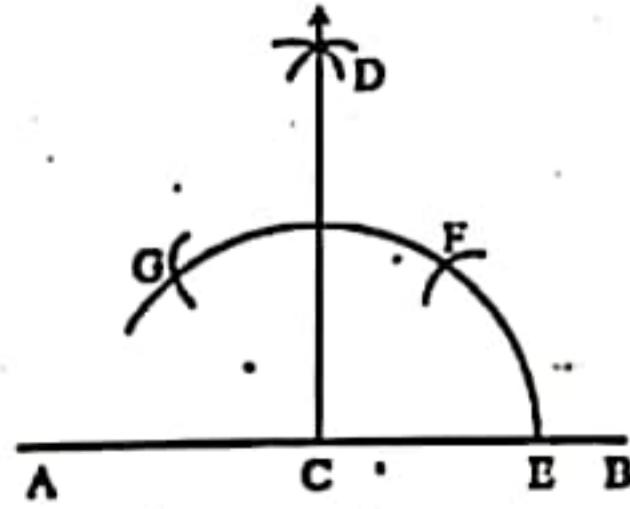
ক. 6 সে.মি.

চিত্রে $AB = 6$ সে.মি. একটি রেখা।

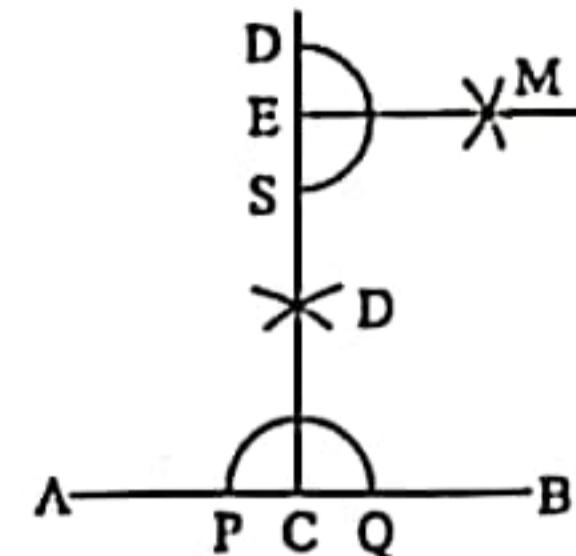
এখানে, রেখাংশ $AB = 6$ সে.মি. এবং এর সমন্বিত বিন্দু C। রেখাংশটির উপর C বিন্দুতে CD লম্ব আঁকতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ:

১. C কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB কে E বিন্দুতে ছেদ করে।
২. E কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে F বিন্দুতে ছেদ করে। আবার F কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে আঁকা বৃত্তচাপকে G বিন্দুতে ছেদ করে।
৩. F ও G কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি D বিন্দুতে ছেদ করে।
৪. C, D যোগ করি। AB রেখাংশের সমন্বিত বিন্দু C বিন্দুতে লম্ব CD।



১৫. দেওয়া আছে, AB সরলরেখার অন্তঃস্থি C একটি বিন্দু। AB রেখার C বিন্দুতে CD লম্ব আঁকতে হবে। আবার, CD রেখার উপর একটি বিন্দু E নিয়ে E বিন্দুতে CD রেখার উপর লম্ব আঁকতে হবে।



সুলভ

অঙ্কনের ধাপ:

১. C কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি AB কে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।
২. এখন, P কে কেন্দ্র করে PQ এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর যেকোনো পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
৩. আবার, Q কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর একই পাশে অপর একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি পরস্পর D বিন্দুতে ছেদ করল।
৪. এখন, C ও D যোগ করি এবং বর্ধিত করি। অতএব, CD রেখাংশ AB রেখাংশের উপর C বিন্দুতে লম্ব হলো।
৫. এখন, CD রেখাংশের বর্ধিতাংশের উপর একটি বিন্দু E নিই। আবার, E কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
৬. এটি CD রেখার বর্ধিতাংশকে R ও S বিন্দুতে ছেদ করে।
৭. এবার R কে কেন্দ্র করে RS এর সমান অথবা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে CD রেখার যেকোনো এক পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
৮. আবার S কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই পাশে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি পরস্পর M বিন্দুতে ছেদ করল।
৯. E, M যোগ করি।
১০. তাহলে, CD রেখা AB এর উপর এবং EM রেখা CD এর উপর লম্ব।

প্রম্ব ১৫। AB = 6 সে. মি. একটি নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের রেখাংশ এবং P তার বহিঃস্থ একটি বিন্দু।

- ক. সামান্তরিক ও বর্গ কাকে বলে? ২
খ. অঙ্কনের বিবরণসহ P থেকে AB এর উপর লম্ব ৪ আঁক।
গ. অঙ্কনের বিবরণসহ AB রেখাংশকে সমান চার ভাগে ভাগ কর। ৪
[বরগুনা সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, বরগুনা]

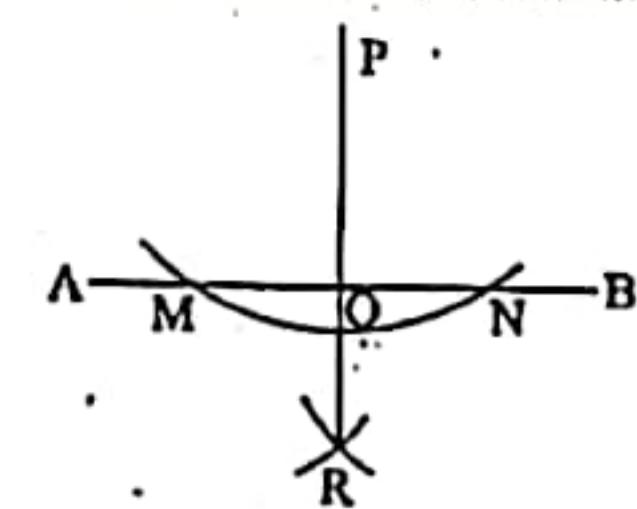
১৫নং প্রশ্নের সমাধান

ক. সামান্তরিক: যে চতুর্ভুজের বিপরীত বাহুগুলো পরস্পর সমান ও সমান্তরাল তাকে সামান্তরিক বলে।

বর্গ: যে চতুর্ভুজের প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ এবং বাহুগুলো পরস্পর সমান তাকে বর্গ বলে।

এখানে, রেখাংশ AB = 6 সে.মি. এবং P এর একটি বহিঃস্থ বিন্দু। P থেকে AB এর উপর লম্ব আঁকতে হবে।

২৪২

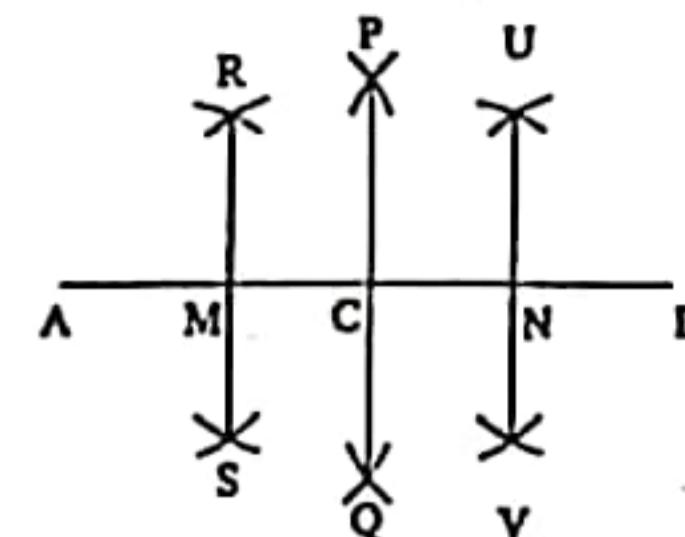


অঙ্কনের বিবরণ :

1. P বিন্দুকে কেন্দ্র করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB রেখাখালির মধ্যে M ও N বিন্দুতে ছেদ করে।
2. M কে কেন্দ্র MN এর সমান বা অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB রেখার যে পাশে P আছে তার বিপরীত পাশে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. N কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে একই দিকে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি পরস্পর R বিন্দুতে ছেদ করে।
4. P, R যোগ করি যা AB রেখাখালির মধ্যে O বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে AB এর উপর লম্ব OP।

পিন্টুচক একের ভিতর সব ➤ মাঠ প্রেমি

এখানে, রেখাংশ AB = 6 সে. মি.। AB রেখাখালির মধ্যে চারভাগে বিভক্ত করতে হবে।
অঙ্কনের বিবরণ :



AB রেখাখালির A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর দুই পাশে দুইটি করে বৃত্তচাপ আঁকি। একপাশের বৃত্তচাপ দুইটি P বিন্দুতে এবং অপর পাশের বৃত্তচাপ দুইটি Q বিন্দুতে ছেদ করে। P, Q যোগ করি তাহলে PQ রেখা AB কে C বিন্দুতে সমন্বিত করে। অনুরূপভাবে AC ও BC রেখাকে M ও N বিন্দুতে সমন্বিত করি। তাহলে, AB রেখা AM, MC, CN ও BN সমান চারভাগে বিভক্ত হলো।

► অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান ◀ শিক্ষকের সহায়তায় নিজে করি □ গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্ন

কাজ ১ ► ঝুলারের সাহায্যে 7 সে. মি. একটি রেখাংশ আঁক। ঝুলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাখালির মধ্যে সমন্বিত কর। ইথিভিত রেখাংশ দুইটি মেপে দেখ তামা সমান হয়েছে কি-না।

● পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-১২৮

সমাধান : বিশেষ নির্বচন : ঝুলারের সাহায্যে AB = 7 সে. মি. এর সমান করে একটি রেখাংশ আঁক। একে সমন্বিত করতে হবে।

অঙ্কনের ধাপ :

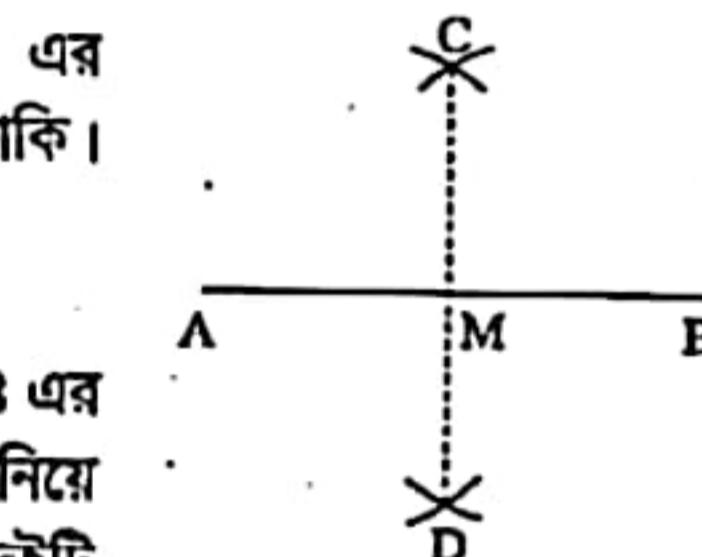
1. A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর দুই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
2. B বিন্দুকে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে আরও দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. এরা পূর্বের বৃত্তচাপ দুইটিকে যথাক্রমে C ও D বিন্দুতে ছেদ করে।
4. C ও D যোগ করি।
5. CD রেখাংশ AB রেখাখালির মধ্যে M বিন্দুতে ছেদ করে।
6. AB রেখাংশ M বিন্দুতে সমন্বিত করতে হবে।

প্রমাণ : মেপে দেখি, $AM = BM$ হয়েছে। তাহলে AB রেখাংশ M বিন্দুতে সমন্বিত করতে হবে।

কাজ ২ ► 6.8 সে. মি. দৈর্ঘ্যের রেখাখালির মধ্যবিন্দুতে ঝুলার-কম্পাসের সাহায্যে একটি নির্দিষ্ট লম্ব আঁক। ● পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-১৩০

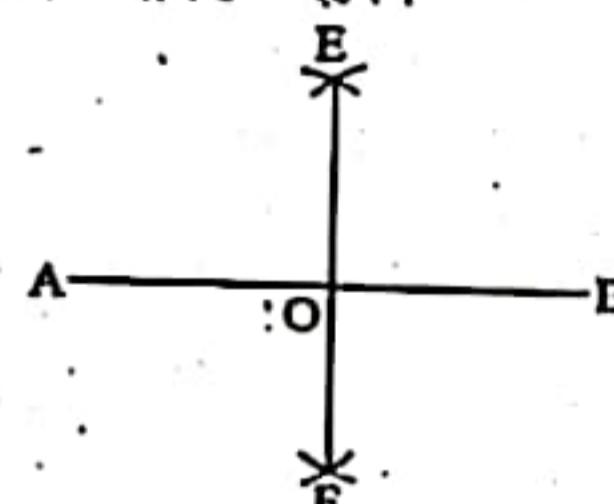
সমাধান : বিশেষ নির্বচন :

মনে করি, 6.8 সে. মি. দীর্ঘ একটি রেখাখালির মধ্যবিন্দু C। C বিন্দুতে উক্ত রেখার উপর লম্ব আঁকতে হবে।



অঙ্কনের ধাপ :

1. A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
2. আবার B বিন্দুকে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. এরা পূর্বের বৃত্তচাপকে E ও F বিন্দুতে ছেদ করে। E ও F যোগ করি।
4. EF রেখা AB কে O বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে OE রেখাংশ AB রেখাখালির মধ্যবিন্দুতে লম্ব অঞ্চিত হলো।



অঙ্কনের ধাপ :

1. A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AB এর অর্ধেকের বেশি ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
2. আবার B বিন্দুকে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি।
3. এরা পূর্বের বৃত্তচাপকে E ও F বিন্দুতে ছেদ করে। E ও F যোগ করি।
4. EF রেখা AB কে O বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে OE রেখাংশ AB রেখাখালির মধ্যবিন্দুতে লম্ব অঞ্চিত হলো।

৮ বহুনির্বাচনি অংশ কমন উপরোক্তি বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিখি

মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১. বৃত্ত অঙ্কন করতে কী ব্যবহার করা হয়? (সহজমান)
 - ১. বুলার
 - ২. ত্রিকোণী
 - ৩. কম্পাস
 - ৪. কাঁটা কম্পাস
২. লম্ব ও সমান্তরাল রেখা আঁকতে নিচের কোনটি ব্যবহার করা হয়? (সহজমান)
 - ১. চাঁদা
 - ২. বুলার
 - ৩. কম্পাস
 - ৪. ত্রিকোণী
৩. একটি ত্রিকোণীতে কয়টি কোণ সমকোণ থাকে? (সহজমান)
 - ১. ১টি
 - ২. ২টি
 - ৩. ৩টি
 - ৪. ৪টি
৪. চাঁদা আকৃতি কীরূপ? (সহজমান)
 - ১. বৃত্তাকার
 - ২. গোলাকার
 - ৩. অর্ধবৃত্তাকার
 - ৪. ত্রিভুজাকার

বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

৫. ত্রিকোণীর ক্ষেত্রে—
 - i. প্রতিটি কোণই সমান
 - ii. তিন কোণের সমষ্টি 180°
 - iii. তিনটি কোণ সমকোণ
 উপরের তথ্যের আলোকে কোনটি সঠিক? (সহজমান)
 - ১. i
 - ২. ii
 - ৩. iii
 - ৪. i, ii ও iii

৬. চাঁদার ক্ষেত্রে—

- i. চাঁদা অর্ধ বৃত্তাকার
 - ii. চাঁদার কোণের পরিমাণ 180°
 - iii. চাঁদার সাহায্যে কোণ পরিমাপ করা হয়
- উপরের তথ্যের আলোকে কোনটি সঠিক?
- (সহজমান)
- ১. i
 - ২. ii ও iii
 - ৩. i ও iii
 - ৪. i, ii ও iii

অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

৭. ত্রিভুজ লক্ষ কর :



উপরের তথ্যের আলোকে ১-১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

৮. ত্রিভুজের নাম কী? (সহজমান)
 - ১. ত্রিকোণী
 - ২. চাঁদা
 - ৩. কম্পাস
 - ৪. বুলার
৯. ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি কত? (সহজমান)
 - ১. 90°
 - ২. 180°
 - ৩. 360°
 - ৪. 280°
১০. ত্রিভুজের একটি কোণ সমকোণ অপর দুটি কোণের নাম কী হবে? (সহজমান)
 - ১. সমকোণ
 - ২. সূক্ষ্মকোণ
 - ৩. পূরক কোণ
 - ৪. স্থূলকোণ

শীর্ষস্থানীয় স্কুলসমূহের বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

১১. একটি সরলরেখার বিপরীত কোণো বিন্দু হতে এই সরলরেখার উপর কয়টি লম্ব অঙ্কন করা যায়? [গুরুতর উত্তর মডেল কলেজ, ঢাকা]
 - ১. ০টি
 - ২. ১টি
 - ৩. অসংখ্য
১২. চাঁদা ব্যবহার না করেও যে মাপের কোণ আঁকা যায়, তাহলো— [বুগুন সরকারি বাণিজ্য উচ্চ বিদ্যালয়, বগুড়া]
 - ১. 40°
 - ২. 35°
 - ৩. 30°

১৩. 60° কোণ আঁকতে কমপক্ষে কয়টি বৃত্তাংশ প্রয়োজন? [বুগুন কাটমনেট পাবলিক স্কুল ও কলেজ, বগুড়া]
 - ১. ৫
 - ২. ৩
 - ৩. ১
 - ৪. ২

১৪. রেখাংশ আঁকা, ও বেবাইলের দৈর্ঘ্য পরিমাপ করা যায় কোনটির? [মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ড, মণ্ডল]
 - ১. বুলার
 - ২. কাঁটা কম্পাস
 - ৩. চাঁদা
 - ৪. পেসিল কম্পাস

১৫. পেশিল কম্পাসের সাহায্যে কী আঁকা যায়? [মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ড, মণ্ডল]
 - ১. লম্বরেখা
 - ২. কোণ
 - ৩. সমান্তরাল রেখা
 - ৪. বৃত্ত

১৬. চাঁদার বক্ররেখাটি কতটি সমান ভাগে ভাগ করা আছে? [মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ড, মণ্ডল]
 - ১. ৭০টি
 - ২. 100টি
 - ৩. 160টি
 - ৪. 180টি

১৭. কোণ কিসের সাহায্যে পরিমাপ করা যায়? [বাইতিয়াগ স্কুল আজ কলেজ, মতিঝিল, ঢাকা]
 - ১. পেসিল
 - ২. কম্পাস
 - ৩. চাঁদা
 - ৪. বুলার

১৮. নিচের কোনটি চাঁদা ব্যবহার করে আঁকতে হবে? [বাইতিয়াগ স্কুল আজ কলেজ, মতিঝিল, ঢাকা]
 - ১. 20°
 - ২. 60°
 - ৩. 45°
 - ৪. 30°

১৯. চাঁদা হলো— [আদমশীল কাটমনেট পাবলিক স্কুল, ঢাকা; ক্যাটমনেট পাবলিক স্কুল এন্ড কলেজ, বগুড়া]
 - ১. বৃত্তাকার
 - ২. অর্ধবৃত্তাকার
 - ৩. ত্রিভুজাকার
 - ৪. পরিধির মতো

২০. ৮ সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশকে সমরিখিত করলে, প্রত্যেক খণ্ডের দৈর্ঘ্য কত সে.মি.।শীর্ষ বীর উত্তম স্কুল আনোয়ার পার্স কলেজ, ঢাকা] [আদমশীল স্কুল আজ কলেজ, ঢাকা; শীর্ষ বীর উত্তম স্কুল আনোয়ার পার্স কলেজ, ঢাকা]
 - ১. ১৬ সে.মি.
 - ২. ৮ সে.মি.
 - ৩. ৪ সে.মি.

২১. একটি ত্রিকোণীতে কয়টি কোণ সমকোণ থাকে? [শীর্ষ বীর উত্তম স্কুল আনোয়ার পার্স কলেজ, ঢাকা]
 - ১. ১টি
 - ২. ২টি
 - ৩. ৩টি
 - ৪. ৪টি

২২. চাঁদার সাহায্যে প্রতিবার সর্বোচ্চ কত ডিগ্রি কোণ পরিমাপ করা যায়? [মতিঝিল সরকারি বাণিজ্য উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা; মাইলস্টোন কলেজ, ঢাকা]
 - ১. 360°
 - ২. 60°
 - ৩. 90°
 - ৪. 180°

২৩. তিনটি কোণের সমষ্টি কত? [মতিঝিল সরকারি বাণিজ্য উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা; মাইলস্টোন কলেজ, ঢাকা]
 - ১. 90°
 - ২. 180°
 - ৩. 270°
 - ৪. 360°

২৪. বৃত্ত অঙ্কন করতে কী ব্যবহার করা হয়? [কুটিয়া বিল ছুল, কুটিয়া]
 - ১. বুলার
 - ২. ত্রিকোণী
 - ৩. পেসিল
 - ৪. কাঁটা কম্পাস

২৫. দেখালেকে সমরিখিত করতে কি পরিমাণ ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্তাংশ আঁকতে হবে? [কুটিয়া বিল ছুল, কুটিয়া]
 - ১. একটি ত্রীয়াংশ
 - ২. অর্ধেকের কম
 - ৩. অর্ধেকের বেশি

২৬. কোন থকারের কোণ আঁকা আকার জন্য চাঁদার ব্যবহার দরকার হয় না। [কুটিয়া বিল ছুল, কুটিয়া]
 - ১. 90°
 - ২. 70°
 - ৩. 50°
 - ৪. 20°

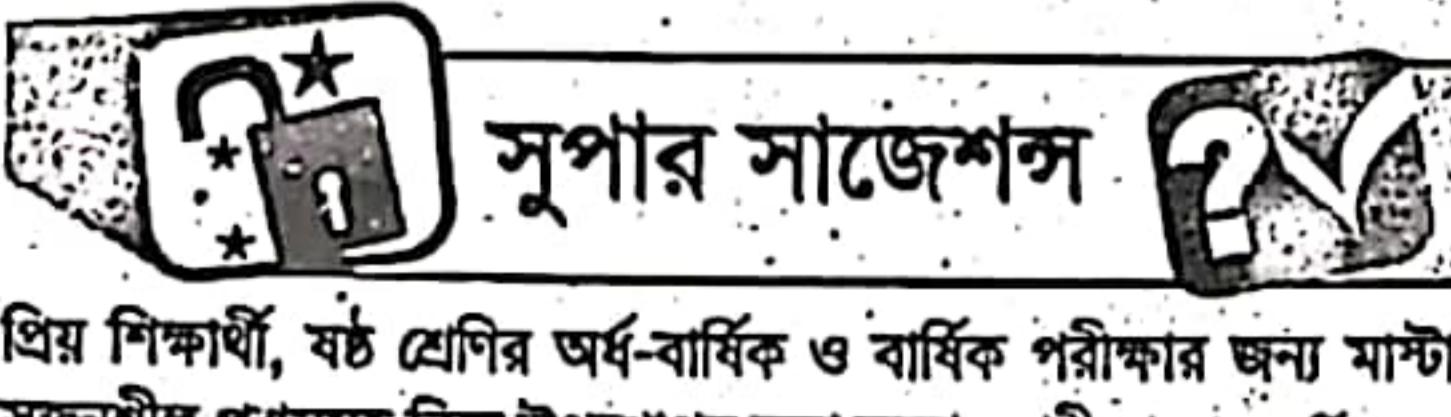
২৪৪

২৭. একটি সরলরেখার নিদিষ্ট কোনো একটি বিন্দুতে কয়টি শব্দ আঁকা যাবে? [আইজিআল ছুল আড়ত কলেজ, মতিবিল, ঢাকা; দুপিলা জিলা ছুল, দুপিলা]
 একটি দুইটি তিনটি অসংখ্য
২৮. কোণ আঁকা ও পরিমাপ করা হয় কোণটির সাহায্যে? [হিন্দাশানি পারিমিক ছুল এবং কলেজ, দুপিলা]
 ত্রিকোণী চাঁদা কম্পাস বুলার
২৯. একটি ত্রিকোণীর একটি কোণ কত? [জাঃ খাতনীর সহকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, চট্টগ্রাম]
 180° 120° 270° 90°
৩০. একটি কোণকে সমবিষ্ঠিত করতে কয়টি বৃত্তচাপ লাগে? [জাঃ খাতনীর সহকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, চট্টগ্রাম]
 1 2 3 4
৩১. ত্রিকোণীর সমকোণ সম্পর্ক বাটু দুইটি কোন ক্ষেত্রে দাগাভিত? [বিদ্যুৎ জিলা ছুল, বরিশাল]
 সে.মি. মিটার কি.মি. ডেসি.মি.
৩২. একটি নিদিষ্ট মেখাণকে সমবিষ্ঠিত করতে প্রয়োজন—
[বশের জিলা ছুল, যশোর; ক্যাটেমেট পারিমিক ছুল এবং কলেজ, ঝাঁপুর]
 কম্পাস ত্রিকোণী চাঁদা সেটকোয়ার
৩৩. চাঁদা ব্যবহার করা হয় কোন কাজে? [বাইটক উচ্চ বিদ্যালয়, ঢাকা]
 কোণ পরিমাপে বৃত্ত আঁকতে
 একটি রেখাকে সমবিষ্ঠিত করতে নিদিষ্ট দৈর্ঘ্যের রেখাণ আঁকতে
৩৪. দৈর্ঘ্যের ছুলনা করতে কি ব্যবহার করা হয়? [বিদ্যুৎসিনী সহকারি বালক উচ্চ বিদ্যালয়, টাঙ্গাইল]
 চাঁদা বুলার কম্পাস কাঁটা কম্পাস
৩৫. চাঁদা ব্যবহার না করে কোন অকারের কোণ আঁকা যায়?
[স্টিটিউট সহকারি প্রক্লাডে এবং কলেজ, গাঁথুরু; রাজশাহী কলেজিয়েট ছুল, রাজশাহী; সিলেট সহকারি পাইলট উচ্চ বিদ্যালয়, সিলেট]
 50° 60° 20° 220°
৩৬. পেসিল কম্পাসের সাহায্যে 60° কোণ আঁকতে কয়টি চাপ নিতে হয়? [পুলনা জিলা ছুল, পুলনা; বরিশাল জিলা ছুল, বরিশাল]
 1 2 3 4
[উত্ত/যাঁথা : 60° কোণ আঁকতে একই ব্যাসার্দের দুইটি বৃত্তচাপ নিতে হয়।

৩৫

৩৭. সম বুরাতে নিচের কোন চিহ্ন ব্যবহার করা হয়? [দুপিলা জিলা ছুল, দুপিলা]
 T I L L
৩৮. ঘাসিতি অস্কন কাজে ব্যবহৃত ত্রিকোণী দুইটির সাধারণ কোণটি কত ডিগ্রি? [গাঁথুরু সহকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, গাঁথুরু; চট্টগ্রাম কলেজিয়েট ছুল, চট্টগ্রাম]
 45° 60° 90° সবগুলো

- ৩৯. বহুপদী সমাতিসূচক বহুনির্বাচনি প্রয়োজন**
৩৯. চাঁদা ব্যবহার না করে আঁকা যায়—
i. 45° কোণ
ii. 50° কোণ
iii. 120° কোণ
নিচের কোনটি সঠিক? [আইজিআল ছুল আড়ত কলেজ, মতিবিল, ঢাকা]
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii



প্রিয় শিক্ষার্থী, ষষ্ঠ শ্রেণির অর্ধ-বার্ষিক ও বার্ষিক পরীক্ষার জন্য মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল কর্তৃক নির্বাচিত এ অধ্যায়ের গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি ও সূজনশীল প্রশ্নসমূহ নিচে উপস্থাপন করা হলো। পরীক্ষায় 100% কমন নিশ্চিত করতে উল্লিখিত প্রশ্নসমূহের উত্তর ভালোভাবে শিখে নাও।

শিরোনাম	৫৫ অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্ন	৫৫ তুলনামূলক গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্ন
০ বহুনির্বাচনি প্রয়োজন	এ অধ্যায়ের সংযোজিত সকল বহুনির্বাচনি প্রয়োজন স্কুল পরীক্ষার জন্য অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ।	
০ সূজনশীল প্রয়োজন	১, ৫, ৭, ৯, ১২	২, ৪, ৮, ১০, ১৪

অঙ্গুলিসিদ্ধ টিপস » সূজনশীল প্রতিভা বিকাশ ও যেধা যাচাইয়ের লক্ষ্যে অনুশীলনী ও অন্যান্য প্রশ্নের সমাধানের পাশাপাশি এ অধ্যায়ের সকল অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান ভালোভাবে আয়ত্ত করে নাও।

প্রশ্ন একের ভিতর সব » ষষ্ঠ শ্রেণি

৮০. একটি চাঁদার সাহায্যে—
i. 45° কোণ অঙ্কন করা যায়
ii. 135° কোণ অঙ্কন করা যায়
iii. একটি গোলক অঙ্কন করা যায়
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

৮১. চাঁদার সাহায্যে আঁকা যায়—
i. 45° ডিগ্রি কোণ
ii. 155° কোণ
iii. বৃত্ত
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii
৮২. চাঁদার সাহায্যে ছাড়া আঁকা যায়—
i. 30° কোণ
ii. 60° কোণ
iii. 80° কোণ
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

৮৩. 60° কোণ আঁকা যায়—
i. চাঁদা ব্যবহার করে
ii. বুলার ও কম্পাস ব্যবহার করে
iii. কমপক্ষে দুইটি বৃত্তচাপ একে
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii ii ও iii i ও iii i, ii ও iii
৮৪. i. চাঁদা অর্ধবৃত্তাকার
ii. সরলকোণের সমান 180°
iii. ত্রিকোণীর তিনটি কোণ সমকোণ
নিচের কোনটি সঠিক?
 i ও ii i ও iii ii ও iii i, ii ও iii

- অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রয়োজন**
- নিচের তথ্যের আলোকে ৪৫ ও ৪৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:
- 
- বগুড়া ক্যাটেমেট পারিমিক ছুল ও কলেজ, বগুড়া

৮৫. চিত্রটির নাম কী?
 কাঁটা কম্পাস পেসিল কম্পাস
 ত্রিকোণী বুলার
৮৬. শুধুমাত্র চিত্রের যন্ত্রটি ব্যবহার করে আঁকা সড়—
 আয়ত সরলরেখা
 বৃত্ত কোণ