



CUET Admission Test 2010-2011

গণিত

সমাধান: (c); $2\sqrt{g^2 - c} = 0 \Rightarrow g^2 = c \Rightarrow \left(\frac{k}{2}\right)^2 = 25 \Rightarrow \frac{k}{2} = \pm 5 \therefore k = 10$

কেন্দ্রের y স্থানাঙ্ক $(\pm)ve$, $k(+ve)$ or $(-)ve$ এর জন্য চারটা বৃত্ত পাওয়ার কথা, সেখানে দুইটা বৃত্ত পাওয়া যায় এবং অপর দুইটা একই বৃত্ততে y সাপেক্ষে পাওয়া যায়।

$$a = 0.3, r = \frac{0.03}{0.3} = 0.1 \quad \therefore S = \frac{a}{1-r} = \frac{0.3}{1-0.1} = \frac{1}{3}$$

Shortcut: $0.n + 0.0n + 0.00n + \dots S = \frac{n}{9}$

$$\text{সমাধান: (b); } f(2) = 2^2 - 3 \cdot 2 = 4 - 6 = -2$$

$$f(-2) = -2 + 2 = 0 \quad \therefore f(2) + f(-2) = -2 + 0 = -2$$

$$\text{সমাধান: (d); } 5 \text{ তম পদ} = {}^{10}C_4 \cdot 1^{10-4} \cdot (3x)^4 = {}^{10}C_4 \cdot 3^4 x^4$$

$$6 \text{ তম পদ} = {}^{10}C_5 \cdot 1^{10-5} \cdot (3x)^5 = {}^{10}C_5 \cdot 3^5 x^5$$

$$\text{প্রশ্নমতে, } {}^{10}C_4 \cdot 3^4 x^4 = {}^{10}C_5 \cdot 3^5 x^5 \quad \therefore x = \frac{{}^{10}C_4 \times 3^4}{{}^{10}C_5 \times 3^5} = \frac{5}{18}$$

সমাধানঃ (b); নিম্নোক্ত প্রক্রিয়ায় সমাবেশ করা সম্ভব :

- (i) দুইটি S, দুইটি ভিন্ন বর্ণ। \therefore সমাবেশ সংখ্যা $= {}^1C_1 \times {}^4C_2 = 6$
(ii) প্রতিটি বর্ণই ভিন্ন। \therefore সমাবেশ সংখ্যা $= {}^5C_4 = 5$
 \therefore মোট সমাবেশ সংখ্যা $= 6 + 5 = 11$

07. দুটি ভেক্টর $\bar{P} = 2\bar{i} - 3\bar{j} - \bar{k}$ এবং $\bar{Q} = \bar{i} + 4\bar{j} - 2\bar{k}$ দ্বারা গঠিত সমতলের উপর একক লম্ব ভেক্টর কত?

- (a) $\frac{1}{\sqrt{134}} (2\hat{i} + 3\hat{j} + 11\hat{k})$ (b) $\frac{1}{\sqrt{19}} (3\hat{i} + \hat{j} - 3\hat{k})$
 (c) $\frac{1}{\sqrt{51}} (\hat{i} - 7\hat{j} + \hat{k})$ (d) None of these



$$\text{সমাধান: (d); } \vec{P} \times \vec{Q} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & -3 & -1 \\ 1 & 4 & -2 \end{vmatrix} = \hat{i}(6+4) + \hat{j}(-1+4) + \hat{k}(8+3) = 10\hat{i} + 3\hat{j} + 11\hat{k}$$

$$|\vec{P} \times \vec{Q}| = \sqrt{10^2 + 3^2 + 11^2} = \sqrt{230} \quad \therefore \text{নির্ণেয় একক ভেক্টর} = \pm \frac{\vec{P} \times \vec{Q}}{|\vec{P} \times \vec{Q}|} = \pm \frac{1}{\sqrt{230}} (10\hat{i} + 3\hat{j} + 11\hat{k})$$

08.
$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 4 & 6 & 12 \\ x-8 & -x-3 & -x-10 \end{vmatrix} = 0$$
 হলে x -এর মান কত হবে?

সমাধান: (a); $\begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 4 & 6 & 12 \\ x-8 & -x-3 & -x-10 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow 2 \begin{vmatrix} 6 & 12 \\ -x-3 & -x-10 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ x+3 & x+10 \end{vmatrix} = 0$

$$\Rightarrow x+10-2x-6=0 \Rightarrow 4-x=0 \quad \therefore x=4$$

09. m এর মান কত হলে $(m^2 - 3)x^2 + 3mx + (3m + 1) = 0$ সমীকরণটির মূলগুলো পরস্পর উল্টো হবে?

- (a) 4 or -1 (b) -4 or +1 (c) $\frac{1}{4}$ or -1 (d) None of these

সমাধান: (a); মনেকরি, সমীকরণটির মূলগুলো যথাক্রমে α এবং $\frac{1}{\alpha}$

$$\therefore \alpha \cdot \frac{1}{\alpha} = \frac{3m+1}{m^2-3} \Rightarrow m^2 - 3 = 3m + 1 \Rightarrow m^2 - 3m - 4 = 0 \Rightarrow (m-4)(m+1) = 0 \therefore m = 4, -1$$

10. যোগজ নির্ণয় কর: $\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2 + 1}}$

- (a) $\sec^{-1} x + C$ (b) $\operatorname{cosec}^{-1} x + C$ (c) $-x^2 \sqrt{x^2 - 1} + C$ (d) None of these

সমাধান: (d); ধরি, $x^2 + 1 = z^2 \Rightarrow 2x dx = 2z dz \therefore x dx = z dz$

$$\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2+1}} = \int \frac{x dx}{x^2\sqrt{x^2+1}} = \int \frac{z dz}{(z^2-1)z} = \int \frac{dz}{z^2-1} = \frac{1}{2} \ln \frac{z-1}{z+1} + C = \frac{1}{2} \ln \frac{\sqrt{x^2+1}-1}{\sqrt{x^2+1}+1} + C$$

11. যদি $y = 1/x$ হয়, তবে y এর 20 তম অন্তরীকরণ কত?

- (a) $\frac{20!}{x^{20}}$ (b) $\frac{20!}{x^{21}}$ (c) $\frac{21!}{x^{21}}$ (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } y = \frac{1}{x} = x^{-1} \quad \therefore y_1 = (-1) x^{-2}$$

$$y_2 = (-1)(-2)x^{-3} = (-1)^2 \cdot 2! \cdot x^{-3} \Rightarrow y_3 = (-1)(-2)(-3)x^{-4} = (-1)^3 \cdot 3! \cdot x^{-4}$$

$$\therefore y_n = (-1)^n \cdot n! \cdot x^{-(n+1)} \quad \therefore y_{20} = (-1)^{20} \cdot 20! \cdot x^{-21} = \frac{20!}{x^{21}}$$

12. x এর সাপেক্ষে $\sqrt{\sin \sqrt{x}}$ এর অন্তরক সহগ নির্ণয় কর।

- (a) $\frac{\cos\sqrt{x}}{4\sqrt{\sin\sqrt{x}}}$ (b) $\frac{\sin\sqrt{x}}{4\sqrt{x\cos\sqrt{x}}}$ (c) $\frac{\cos\sqrt{x}}{4\sqrt{x\sin\sqrt{x}}}$ (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \frac{d}{dx}(\sqrt{\sin \sqrt{x}}) = \frac{\cos \sqrt{x}}{2\sqrt{\sin \sqrt{x}}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} = \frac{\cos \sqrt{x}}{4\sqrt{x} \sin \sqrt{x}}$$



13. $\int_0^{\pi/2} \sin^5 \theta \cos \theta \, d\theta$ এর মান হবে-

 - (a) 1/4
 - (b) 1/5
 - (c) 1/6
 - (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \int_0^{\pi/2} \sin^5 \theta \cos \theta \, d\theta$$

$$= \int_0^1 z^5 \, dz$$

$$= \left[\frac{z^6}{6} \right]_0^1 = \frac{1}{6}$$

$$\text{धरि, } \sin \theta = z \quad \therefore \cos \theta \, d\theta = dz$$

$$\theta = 0 \text{ रेल}, z = 0$$

$$\theta = \frac{\pi}{2} \text{ इले, } z = 1$$

14. অন্তরিকরণ কর: $\frac{d}{dx} \sqrt[3]{(5x^2 - 4)}$

(a) $\frac{x}{3\sqrt[3]{(5x^2 - 4)}} + c$ (b) $\frac{10x}{3\sqrt[3]{(5x^2 - 4)^2}} + c$ (c) $\frac{10x}{\sqrt[3]{(5x^2 - 4)^2}} + c$ (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } \frac{d}{dx} \left(\sqrt[3]{5x^2 - 4} \right) = \frac{d}{dx} \left[(5x^2 - 4)^{\frac{1}{3}} \right] = \frac{1}{3} (5x^2 - 4)^{-\frac{2}{3}} \cdot 10x = \frac{10x}{3 \sqrt[3]{(5x^2 - 4)^2}}$$

15. $\sec^2(\tan^{-1} 4) + \tan^2(\sec^{-1} 3)$ এর মান কত?

$$\text{সমাধান: (b)}: \sec^2(\tan^{-1} 4) + \tan^2(\sec^{-1} 3) = 1 + \tan^2(\tan^{-1} 4) + \sec^2(\sec^{-1} 3) - 1 = 4^2 + 3^2 = 16 + 9 = 25$$

সমাধান: (b); $\sin \theta + \cos \theta = \sqrt{2} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} \sin \theta + \frac{1}{\sqrt{2}} \cos \theta = 1 \Rightarrow \sin 45^\circ \sin \theta + \cos 45^\circ \cos \theta = 1$

$$\Rightarrow \cos(\theta - 45^\circ) = \cos 0^\circ \Rightarrow \theta - 45^\circ = 0 \quad \therefore \theta = 45^\circ$$

সমাধান: (c); মনেকরি, বিন্দুর স্থানাঙ্ক (0, b)

প্রদত্ত রেখা, $4x - 3y - 10 = 0$

প্রশ্নমতে, $\left| \frac{4.0 - 3b - 10}{\sqrt{16+9}} \right| = 4 \Rightarrow -3b - 10 = \pm 20 \Rightarrow -3b = 30, -10 \therefore b = -10, \frac{10}{3}$

∴ নির্ণেয় বিন্দুগুলোর স্থানাঙ্ক $(0, -10); \left(0, \frac{10}{3}\right)$

18. এরূপ একটি পরাবৃত্তের সমীকরণ নির্ণয় কর, যার শীর্ষ (4, -3) বিন্দুতে অবস্থিত, উপকেন্দ্রিক লম্বের দৈর্ঘ্য 4 এবং যার অক্ষরেখা x-অক্ষের সমান্তরাল।

- (a) $y^2 - 4x + 6y + 25 = 0$ (b) $x^2 - 4y - 8x + 4 = 0$
(c) $y^2 - 16x + 6y + 73 = 0$ (d) None of these

সমাধান: (a); x অক্ষের সমান্তরাল অক্ষবিশিষ্ট কোন পরাবৃত্তের সমীকরণ, $(y - q)^2 = 4a(x - p)$

∴ নির্ণেয় পরাবৃত্তের সমীকরণ, $(y + 3)^2 = 4(x - 4)$

$$\Rightarrow y^2 + 6y + 9 = 4x - 16 \Rightarrow y^2 - 4x + 6y + 25 = 0$$



19. একটি সামান্তরিকের কৌণিক বিন্দুগুলি $(1, 1), (4, 4), (4, 8)$ এবং $(1, 5)$ হলে এর যে কোন একটি কর্ণের দৈর্ঘ্য হবেঃ

(a) $3\sqrt{2}$

(b) 4

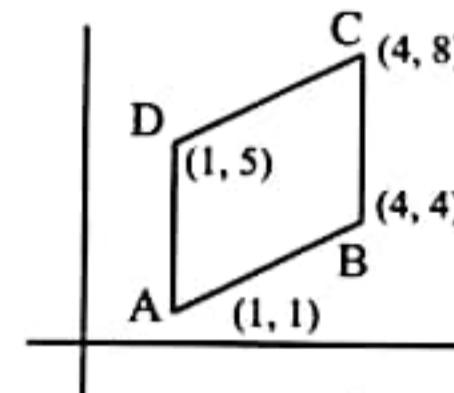
(c) $\sqrt{10}$

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \therefore AC = \sqrt{(1-4)^2 + (1-8)^2} \\ = \sqrt{9+49} = \sqrt{58}$$

$$BD = \sqrt{(4-1)^2 + (4-5)^2} = \sqrt{9+1} = \sqrt{10}$$

$$\therefore \text{একটি কর্ণের দৈর্ঘ্য} = \sqrt{10}$$



20. একজন বৈমানিক 4900 মি. উপর দিয়ে 126 কিমি/ঘন্টা বেগে উড়ে যাবার সময় একটি বোমা ফেলে দিল। সে যে বস্তুতে আঘাত করতে চায় সে বস্তু হতে তার আনন্দভূমিক দূরত্ব কত ($g = 9.8 \text{ m/s}^2$)?

(a) 1106.8 m

(b) 553.4 m

(c) 1660.2 m

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } h = (y \sin \alpha) t + \frac{1}{2} gt^2 \quad [\because \text{বোমা ফেলার সময় বিমান ভূমির সমান্তরাল}]$$

$$\Rightarrow 4900 = (35 \sin 0) \times t + \frac{1}{2} \times 9.8 \times t^2 \Rightarrow t^2 = 1000$$

$$\therefore t = 31.623 \text{ s} \quad \therefore x = (u \cos \alpha) t = 35 \times \cos 0 \times 31.623 = 1106.8 \text{ m}$$

21. একটি বাস্তু বিভিন্ন আকারের 6 টি সাদা বল, 7 টি লাল বল এবং 8 টি কাল বল আছে। দৈবভাবে একটি বল তুলে নেয়া হল। বলটি লাল বা সাদা হবার সম্ভ্যব্যতা হল-

(a) $7/21$ (b) $13/21$ (c) $6/21$

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } P(\text{লাল অথবা সাদা}) = P(\text{লাল}) + P(\text{সাদা}) = \frac{7}{21} + \frac{6}{21} = \frac{13}{21}$$

22. যদি $a, b \in \mathbb{R}$, হলে $|a - b|$ এর মান কত?

(a) $> |a| - |b|$ (b) $= |a| - |b|$ (c) $\geq |a| - |b|$

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } |a| = |(a - b) + b| \leq |a - b| + |b| \Rightarrow |a| - |b| \leq |a - b| \quad \therefore |b| - |a| \leq |b - a| = |a - b|$$

$$|a| - |b| \geq -|a - b| \quad \therefore -|a - b| \leq |a| - |b| \leq |a - b| ; \quad |a| - |b| \leq |a - b|$$

23. i^{4n+3} এর মান হবে-

(a) i (b) $-i$ (c) -1

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } i^{4n+3} = i^{4n} \cdot i^3 = -i$$

24. $(11.01)_2 + (11.11)_2 = (a)_{10}$ হলে 'a' এর মান-

(a) 6

(b) 7

(c) 5

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } 11.01$$

$$\begin{array}{r} 11.11 \\ \hline 111.00 \end{array}$$

$$(111.00)_2 = (7)_{10}$$

25. $\int_1^2 \log x \, dx$ এর মান -

(a) $\log 2$ (b) $2 \log 2$ (c) $2 \log 2 - 1$

(d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } I = \int \log x \, dx = \log x \int dx - \int \left[\frac{d}{dx} (\log x) \int dx \right] dx = x \log x - \int \frac{1}{x} \cdot x \cdot dx = x \log x - x$$

$$\therefore \int_1^2 \log x \, dx = [x \log x - x]_1^2 = (2 \log 2 - 2) - (1 \log 1 - 1) = 2 \log 2 - 1$$

26. মান নির্ণয় কর : $\int \frac{dx}{\cos^2 x \sqrt{1 + \tan x}}$

- (a) $2\sqrt{1 + \tan x} + C$ (b) $\sqrt{1 + \tan x} + C$ (c) $2\sqrt{1 + \tan x}$ (d) None of these

সমাধান: (a); $\int \frac{dx}{\cos^2 x \sqrt{1 + \tan x}} = \int \frac{\sec^2 x dx}{\sqrt{1 + \tan x}} = \int \frac{dz}{\sqrt{z}} = 2\sqrt{z} + c = 2\sqrt{1 + \tan x} + c$

Shortcut: $\int \frac{f'(x)}{\sqrt{f(x)}} dx = 2\sqrt{f(x)} + C$

27. কোন কণার উপর ক্রিয়ারত 2 টি সমান বলের লক্ষির বর্গ তাদের গুণফলের 3 গুণ হলে বলদ্বয়ের অন্তর্গত কোণ নির্ণয় কর।

- (a) 30° (b) 120° (c) 60° (d) None of these

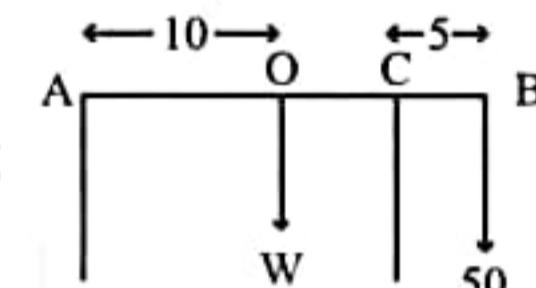
সমাধান: (c); P মানের বলদ্বয় α কোণে ক্রিয়াশীল হলে, $P^2 + P^2 + 2P \cdot P \cos \alpha = 3P \cdot P$

$$\Rightarrow 2P^2 \cos \alpha = P^2 \Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{2} = \cos 60^\circ \therefore \alpha = 60^\circ$$

28. 20 মি. দীর্ঘ একটি ভারী সুষম তঙ্গা দুটি খুঁটির উপর আনুভূমিকভাবে সাম্যাবস্থায় রয়েছে। প্রথম খুঁটি তঙ্গাটির এক প্রান্তে এবং দ্বিতীয় খুঁটিটি তঙ্গাটির অপর প্রান্ত থেকে 5 মি. দূরে অবস্থিত। তঙ্গাটিকে না উল্টিয়ে দ্বিতীয় প্রান্তে যদি সর্বোচ্চ 50 কেজি ওজন ঝুলানো যায়। সেক্ষেত্রে তঙ্গাটির ওজন হবে।

- (a) 33.33 kg (b) 50 kg (c) 25 kg (d) None of these

সমাধান: (b); $W \times OC = 50 \times BC \Rightarrow W \times (10 - 5) = 50 \times 5 \therefore W = 50 \text{ kg} - \text{wt}$



29. একটি শূন্য কৃপে একটি পাথর খন্ড ফেললে তা 3 sec-এ কৃপের তলদেশে পৌছালে কৃপের গভীরতা হবে :

- (a) 14.72 m (b) 88.29 m (c) 44.15 m (d) None of these

সমাধান: (c); $h = ut + \frac{1}{2}gt^2 = 0 \times t + \frac{1}{2} \times 9.81 \times 3^2 = 44.145 \text{ m}$

30. $2\bar{i} + a\bar{j} - \bar{k}$ এবং $a\bar{i} + \bar{j} + 9\bar{k}$ ভেক্টরদ্বয় পরস্পর লম্ব হলে 'a' এর মান :

- (a) 3 (b) -3 (c) 9 (d) None of these

সমাধান: (a); $(2\hat{i} + a\hat{j} - \hat{k}) \cdot (a\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}) = 0 \Rightarrow 2a + a - 9 = 0 \therefore a = 3$

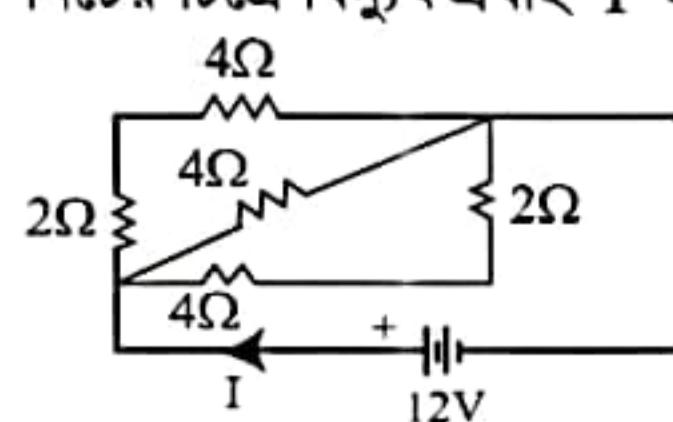
পদার্থবিজ্ঞান

31. 100 ms^{-1} বেগে বন্দুকের একটি গুলি 2 m পুরু দেয়াল ভেদ করে বেরিয়ে আসার সময় 50 ms^{-1} বেগ প্রাপ্ত হয়। 100 ms^{-1} বেগ সম্পন্ন গুলিকে সম্পূর্ণ থামাতে কত মিটার পুরু দেয়ালের প্রয়োজন হবে?

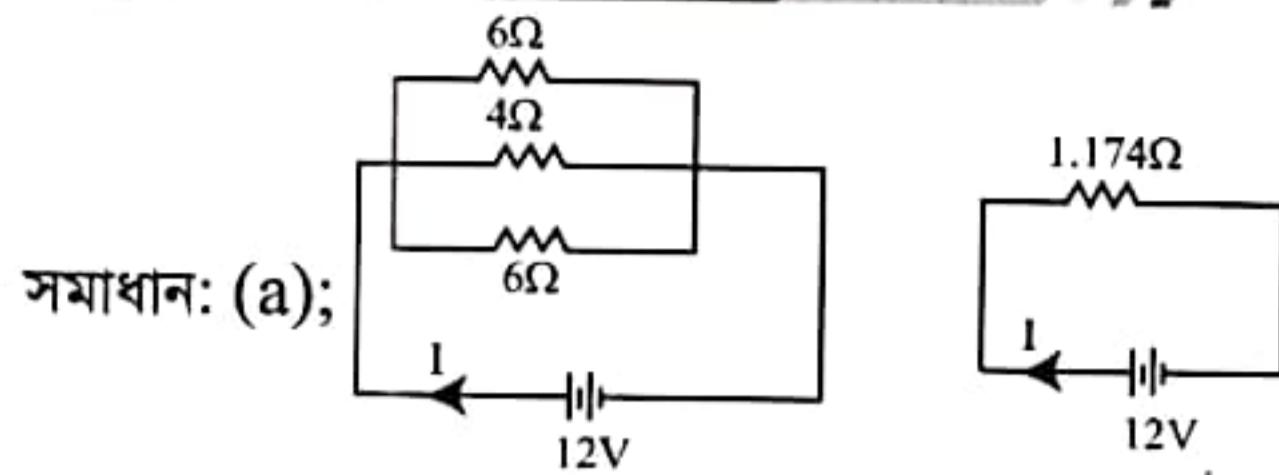
- (a) 2.67 m (b) 1.33 m (c) 0.667 m (d) None of these

সমাধান: (a); $x = 2 + \frac{2}{3} = 2.67 \text{ m}$

32. নিচের চিত্রে বিদ্যুৎ প্রবাহ I এর মান হল-



- (a) 7 amp (b) 0.75 amp (c) 0 amp (d) None of these



$$\text{তুল্য রোধ} = 1.714 \Omega \quad \therefore I = \frac{V}{R} = \frac{12}{1.714} = 7 \text{ amp}$$

33. একটি ফ্রন্টফার শ্রেণীর একক চিড়ের অপবর্তন পরীক্ষার $6000 \text{ } \text{\AA}$ তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের এক রশ্মি আলো ব্যবহার করা হল। চিড়টির বেধ $12 \times 10^{-5} \text{ cm}$ হলে কেন্দ্রীয় চরম উজ্জ্঳ল পট্টির অর্ধকৌণিক বিস্তার বের কর।

- (a) 30° (b) 60° (c) 15° (d) None of these

সমাধান: (a); $d \sin \theta = n\lambda \Rightarrow 12 \times 10^{-5} \times 10^{-2} \times \sin \theta = 1 \times 6000 \times 10^{-10} \Rightarrow \sin \theta = \frac{1}{2} \therefore \theta = 30^\circ$

কৌণিক বিস্তার $= 2\theta \therefore$ অর্ধকৌণিক বিস্তার $= \theta = 30^\circ$

34. $1.5 \times 10^6 \text{ gm}$ ভরের একটি লিফ্ট একটি ইস্পাতের তারের সাহায্যে ঝুলানো আছে। উপরে উঠার সময় লিফ্টের সর্বোচ্চ ত্বরণ 1.2 ms^{-2} এবং অসহপীড়ন $3.0 \times 10^8 \text{ N/m}^2$ হলে তারের সর্বনিম্ন ব্যাসার্ধ কত?

- (a) $3.7 \times 10^{-3} \text{ m}$ (b) $4.19 \times 10^{-3} \text{ m}$ (c) $4.33 \times 10^{-3} \text{ m}$ (d) None of these

সমাধান: (b); অসহ বল, $F = mg$

$$\therefore A = \frac{F}{P} = \frac{1.5 \times 10^6 \times 10^{-3} \times (9.8 + 1.2)}{3 \times 10^8} = 5.5 \times 10^{-5} \quad \therefore \pi r^2 = 5.5 \times 10^{-5} \quad \therefore r = 4.19 \times 10^{-3} \text{ m}$$

35. মানুষের চোখে দেখা যায় না কোনটি?

[Ans: d]

- (a) X-ray (b) ইনফ্রারেড রশ্মি (c) অতিবেগুনী রশ্মি (d) All of these

36. হীরকের প্রতিফলক তলে একটি আলোক রশ্মি 60° কোণে আপত্তি হলো এবং হীরকের মধ্যে প্রতিসরণ কোণ 12° পাওয়া গেল। হীরকের সমবর্তন কোণ নির্ণয় কর।

- (a) 13.5° (b) 76.5° (c) 4.16° (d) None of these

সমাধান: (b); $\tan \theta = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{\sin 60}{\sin 12} \therefore \theta = 76.5^\circ$

37. প্যারাচুর্বক পদাৰ্থ হল:

[Ans: b]

- (a) চুম্বক দ্বারা ক্ষীণভাবে বিকৃতি হয় (b) চুম্বক দ্বারা ক্ষীণভাবে আকৃতি হয়
(c) চুম্বক দ্বারা প্রবলভাবে আকৃতি হয় (d) চুম্বক দ্বারা প্রবলভাবে বিকৃতি হয়

38. যখন কিছু পানি 0°C থেকে 20°C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত করা হয় তখন এর আয়তন-

[Ans: c]

- (a) কমে (b) বাঢ়ে
(c) প্রথমে কমে এবং পরে বাঢ়ে (d) পরিবর্তন হয় না

39. প্রতিটি 10^{-4} m ব্যাস বিশিষ্ট পানির 1000 ক্ষুদ্র ফোটা মিলে একটি বৃহৎ ফোটা তৈরী করল। বৃহৎ ফোটার ব্যাসার্ধ কত?

- (a) 10^{-2} m (b) $1/10 \text{ m}$ (c) $5 \times 10^{-4} \text{ m}$ (d) None of these

সমাধান: (c); $\frac{4}{3} \pi R^3 = n \times \frac{4}{3} \pi r^3 \Rightarrow R^3 = n \times r^3 = 1000 \times \left(\frac{10^{-4}}{2}\right)^3 \therefore R = 10 \times \frac{10^{-4}}{2} = 5 \times 10^{-4} \text{ m}$

40. একটি 60 W এর বৈদ্যুতিক বাতি ও 100V এর একটি ব্যাটারী তামার ভোল্টমিটারের সাথে সিরিজে সংযুক্ত করা হল। ঐ ভোল্টমিটারে 0.5 ঘন্টা তড়িৎ প্রবাহের পর ক্যাথোডে $3.6 \times 10^{-4} \text{ kg}$ তামা সঞ্চিত হল। তামার বৈদ্যুতিক রাসায়নিক তুল্যাংক নির্ণয় কর।

- (a) $3.29 \times 10^{-7} \text{ kg C}^{-1}$ (b) $3.30 \times 10^{-7} \text{ kg C}^{-1}$ (c) $3.33 \times 10^{-7} \text{ kg C}^{-1}$ (d) $3.31 \times 10^{-7} \text{ kg C}^{-1}$



সমাধান: (c); $P = VI \therefore I = \frac{P}{V} = \frac{60}{100} = 0.6 A; W = ZIt$

$$\therefore Z = \frac{W}{It} = \frac{3.6 \times 10^{-4}}{0.6 \times 0.5 \times 3600} = 3.33 \times 10^{-7} \text{ kgC}^{-1}$$

41. পৃথিবীর অভিকর্ষীয় ত্বরণ 980 cm/sec^2 এবং একটি বস্তুর মুক্তি বেগ 11.2 km/sec । পৃথিবীর ব্যাসার্ধ কত?
 (a) 6400 km (b) 640 km (c) 64000 km (d) None of these

সমাধান: (a); $V_E = \sqrt{2gR} \Rightarrow V_E^2 = 2gR$

$$\therefore R = \frac{V_E^2}{2g} = \frac{(11.2 \times 10^3)^2}{2 \times 980 \times 10^{-2}} = 6.4 \times 10^6 \text{ m} = 6400 \text{ km}$$

42. একটি দোলকের দোলনকাল 2 sec এর বেশী। ফলে তা দৈনিক 20 sec ধীরে চলে। এর দৈর্ঘ্য শতকরা কত পরিবর্তন করলে ঠিক 2 sec দোলনকালে দুলবে?
 (a) 2.0046% (b) 0.046% (c) 199% (d) None of these

সমাধান: (b); দোলকটি 86400 সেকেন্ডে সময় দেয় $(86400 - 20)$ সেকেন্ড $= 86380$ সেকেন্ড

$$\therefore \text{দোলনকাল} = \frac{86400}{86380} \times 2 = 2.000463 \text{ s}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^2 = \left(\frac{2.000463}{2}\right)^2 = 1.000463$$

$$\therefore \text{দৈর্ঘ্য শতকরা পরিবর্তন} = (1.000463 - 1) \times 100\% = 0.0463\%$$

43. কোন ব্যক্তি 50 cm এর কম দূরত্বে বস্তু স্পষ্ট দেখতে পায় না। ঐ ব্যক্তি যদি 25 cm দূরত্বের বস্তু স্পষ্টভাবে দেখতে চায় তবে কত ক্ষমতার লেপ্স ব্যবহার করতে হবে?

- (a) +2 Dioptrre (b) -2 Dioptrre (c) -2.5 Dioptrre (d) +2.5 Dioptrre

সমাধান: (a); $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{-50} + \frac{1}{25} \therefore f = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m} \therefore P = \frac{1}{f} = \frac{1}{0.5} = +2 \text{ Dioptrre}$

44. যখন দুটি শব্দ সুর শব্দ করে তখন একটা নির্দিষ্ট কম্পাক্ষের বীট শোনা যায়। যদি একটি সুরের কম্পাক্ষ বৃদ্ধি করা হয় তবে বীটের কম্পাক্ষ কেমন হবে? [Ans: d]

- (a) বৃদ্ধি পায় (b) কমে যায়
 (c) একই থাকে (d) বৃদ্ধি পেতে পারে বা কমেও যেতে পারে

45. 2 টি $100 \text{ watt}, 230 \text{ V}$ বাল্ব সিরিজ সংযোগ প্রদান পূর্বক পুনরায় 230 V এ সংযোগ প্রদান করলে বাল্ব দুটির সম্মিলিত শক্তি কত?

- (a) 200 W (b) 100 W (c) 50 W (d) None of these

সমাধান: (c); $R = \frac{V^2}{P} = \frac{230^2}{100} = 529 \Omega$

$$\therefore \text{সিরিজে বালবদ্ধয়ের তুল্যরোধ } R + R = 1058 \Omega \therefore \text{সম্মিলিত শক্তি} = \frac{V^2}{R} = \frac{230^2}{1058} = 50 \text{ W}$$

46. তড়িৎ বিশ্লেষণ প্রক্রিয়ায় কোন মৌলিক পদার্থের 1 gm তুল্য আয়ন মুক্ত করতে যে পরিমাণ চার্জ বা আধান প্রয়োজন হয় তার মান হল- [Ans: b]

- (a) 965 Coulomb (b) 96500 Coulomb (c) 2100 Coulomb (d) 4.47 Coulomb

47. α -decay এর দ্বারা 1 gm রেডিয়াম 2.1 mg ক্ষয়প্রাপ্ত হয়। রেডিয়ামের অর্ধায়ু নির্ণয় কর।

- (a) 1672 Years (b) 3888 Years (c) 777.6 Years (d) None of these

সমাধান: (d); $N = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{N}{N_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln\left(\frac{N_0}{N}\right) = \lambda t \Rightarrow \ln\left(\frac{1}{1-2.1 \times 10^{-3}}\right) = \lambda \times 5$

$$\therefore \lambda = 4.2044 \text{ y}^{-1} \quad \therefore T_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{\lambda} = 1648.6 \text{ year}$$

48. দুটি একই ধরনের কৃষ্ণ বস্তুর প্রতি একক ক্ষেত্রফল হতে নির্গত তাপশক্তির অনুপাত 256:1। একটির তাপমাত্রা 1600 K হলে অপরটির তাপমাত্রা কত?

- (a) 400 K (b) 6400 K (c) 400°C (d) None of these

সমাধান: (a); $\frac{E_1}{E_2} = \frac{\sigma T_1^4}{\sigma T_2^4} \Rightarrow \frac{256}{1} = \left(\frac{1600}{T_2}\right)^4 \Rightarrow \frac{T_2}{1600} = \frac{1}{4} \Rightarrow T_2 = \frac{1600}{4} = 400 \text{ K}$

49. 30 m উচ্চতা থেকে একটি বস্তুকে বিনা বাধায় পড়তে দিলে কোন স্থানে উহার গতিশক্তি বিভব শক্তির দ্বিগুণ হবে?

- (a) 10 m (b) 25 m (c) 28 m (d) None of these

সমাধান: (a); মনে করি, নির্দিষ্ট উচ্চতা x

$$\text{এখন, } E_k = 2E_p \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = 2 \times mgx \Rightarrow m \times 2g(h-x) = 4mgx \Rightarrow h-x = 2x$$

$$\therefore x = \frac{h}{3} = \frac{30}{3} = 10 \text{ m}$$

Shortcut: $x = \frac{h}{1+n}$ [where $n = \frac{E_k}{E_p}$]

50. 2.0 m দীর্ঘ একটি লম্বা তারকে একটি $180 \mu\text{T}$ চৌম্বক প্রাবল্যের চৌম্বক ক্ষেত্রের সাথে সমকোণে 30 m/sec বেগে সরানো হল। কত বিদ্যুৎ চালক বল পাওয়া যাবে?

- (a) 180 mV (b) 10.8 mV (c) 3 mV (d) None of these

সমাধান: (b); $E = Blv \sin\theta = 180 \times 10^{-6} \times 2 \times 30 \times \sin 90 = 0.0108 \text{ V} = 10.8 \text{ mv}$

51. একটি রড ল্যাবরেটরীর সাপেক্ষে আলোর বেগের 0.6 গুণে ঘূরছে। একজন দর্শক ল্যাবরেটরীতে ইহার দৈর্ঘ্য 1 m পরিমাপ করে। রডটির প্রকৃত দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

- (a) 1.25 m (b) 0.8 m (c) 1.09 m (d) None of these

সমাধান: (a); $L = L_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \Rightarrow 1 = L_0 \sqrt{1 - \left(\frac{0.6c}{c}\right)^2} \Rightarrow L_0 = \frac{1}{\sqrt{1-0.36}} = 1.25$

52. একটি PN জংশনের মধ্যে 400 mA তড়িৎ প্রবাহের পরিবর্তনের ফলে এর দুই পান্তে 0.1 V বিভব পার্থক্যের পরিবর্তন হয়। ইহার রোধ কত?

- (a) 0.25Ω (b) 0.3Ω (c) 0.15Ω (d) 0.35Ω

সমাধান: (a); $R = \frac{\Delta V}{\Delta I} = \frac{0.1}{400 \times 10^{-3}} = 0.25 \Omega$

53. কার্শফের সূত্রগুলো কোনটি?

[Ans: c]

- | | |
|---|---|
| (a) $\sum I = 0$ and $\sum IR = 0$ | (b) $\sum IR = 0$ and $\sum R = \sum E$ |
| (c) $\sum I = 0$ and $\sum IR = \sum E$ | (d) $\sum R = 0$ and $\sum I = 0$ |

54. একটি আদর্শ ট্রান্সফরমারের গৌণ কুণ্ডলীর বিভব পার্থক্যের গড় বর্গের বর্গমূল (r.m.s) মান 100 V। উক্ত কুণ্ডলীর দুই পান্তে 5 ohm রোধ যোগ করা হলে বিদ্যুৎ প্রবাহের শীর্ষমান কত হবে?

- (a) 20 amp (b) 28.28 amp (c) 14.14 amp (d) None of these

সমাধান: (b); $I_{rms} = \frac{V_{rms}}{R} = \frac{100}{5} = 20 \text{ A} \quad \therefore I_o = I_{rms} \times \sqrt{2} = 28.284 \text{ A}$



55. দুটি বিভিন্ন পদার্থের ধাতব তারের দৈর্ঘ্য একই এবং রোধও একই। তার দুটির ব্যাসার্ধের অনুপাত $2:1$ হলে তার দুটির আপেক্ষিক রোধের অনুপাত হল -
- (a) $1:4$ (b) $4:1$ (c) $1:1$ (d) All of these

$$\text{সমাধান: (b); } \frac{\rho_1}{\rho_2} = \frac{\frac{RA_1}{L}}{\frac{RA_2}{L}} = \frac{A_1}{A_2} = \frac{r_1^2}{r_2^2} = \frac{4}{1} \quad \therefore \rho_1 : \rho_2 = 4:1 \quad [\because \rho \propto r^2]$$

56. একটি কার্নেট ইঞ্জিন 500 K তাপমাত্রার তাপ উৎস হতে 1250 J তাপ গ্রহণ করে ও তাপ গ্রাহকে 700 J তাপ বর্জন করে। তাপ গ্রাহকের তাপমাত্রা কত?

- (a) 550 K (b) 892.9 K (c) 280 K (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \frac{T_1}{T_2} = \frac{Q_1}{Q_2} \Rightarrow \frac{500}{T_2} = \frac{1250}{700} \quad \therefore T_2 = 280\text{ K}$$

57. একটি টানা তারের দৈর্ঘ্য পরিবর্তন না করে এর উপর প্রযুক্তি টান 4 গুণ করা হল। তারের কম্পাক্ষের কত পরিবর্তন হবে?

- (a) 4 times (b) 2 times (c) Will remain same (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } T_2 = 4T_1, \frac{f_2}{f_1} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} = 2 \quad \therefore f_2 = 2f_1 = 2\text{times}; \Delta f = 2f_1 - f_1 = f_1 \quad [\because f \propto \sqrt{T}]$$

58. একটি তারের রোধ মাপা যায়:

[Ans: d]

- (a) Wheatstone bridge (b) Meter bridge
(c) Post office box (d) All of these

59. আধুনিক জেট বিমান কোন্সৃত ব্যবহার করে চালানো হয়?

[Ans: a]

- (a) ভরবেগের নিয়তা সূত্র (b) নিউটনের গতির প্রথম সূত্র
(c) অভিকর্ষ সূত্র (d) None of these

60. একটি ইয়ং-এর দ্বি-চিড় পরীক্ষার চিড় দুটির মধ্যবর্তী দূরত্ব 1.9 mm এবং চিড় হতে 1 m দূরত্বে ডোরার প্রস্থ 0.31 mm । আলোকের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

- (a) 5890 \AA° (b) 2945 \AA° (c) $1631.5 \times 10^{-2}\text{ m}$ (d) None of these

$$\text{সমাধান: (d); } \Delta x = \frac{\lambda D}{2a} \Rightarrow 0.31 \times 10^{-3} = \frac{\lambda \times 1}{2 \times 1.9 \times 10^{-3}} \Rightarrow \lambda = 11780\text{\AA}$$

রসায়ন

61. একটি নলকুপের পানি বিশ্লেষণ করে 1 L পানিতে 0.030 mg আর্সেনিক পাওয়া গেল। ঐ পানিতে আর্সেনিকের ঘনমাত্রা কত?

- (a) 30 ppb (b) 300 ppb (c) 30 ppm (d) 300 ppm [Ans: c]

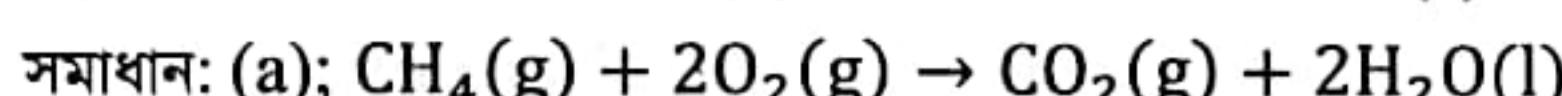
62. 100ml 0.1M গ্লুকোজ দ্রবণে কত গ্রাম গ্লুকোজ আছে?

- (a) 180 g (b) 18 g (c) 1.8 g (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } 100\text{ml} \text{ } 0.1\text{M} \text{ গ্লুকোজ} = \frac{100 \times 0.1}{1000} \text{ mol গ্লুকোজ} = \frac{100 \times 0.1}{1000} \times 180\text{g গ্লুকোজ} = 1.8\text{g}$$

- 63.* 27°C তাপমাত্রায় স্থির চাপে CH_4 এর গঠন এন্থালপি -74.89 kJ/mol হলে স্থির আয়তনে এর উক্ত মান কত?

- (a) -69.9 kJ/mol (b) -72.39 kJ/mol (c) -79.87 kJ/mol (d) None of these



$$\therefore \Delta n = 1 - 3, -2 \quad \therefore Q_P = Q_V + \Delta n RT$$

$$-74.89 = Q_V + (-2) \times (8.314 \times 10^{-3}) \times 300 \quad \therefore Q_V = -69.9\text{ kJmol}^{-1} \text{ (Ans.)}$$



64. নিচের কোনটি একটি জটিল যৌগ?
 (a) $\text{CH}_3 - \text{CO} - \text{Cl}$ (b) $\text{Ag}(\text{NH}_3)_2\text{Cl}$ (c) $\text{Ca}(\text{OCl})\text{Cl}$ (d) None of these
 [Ans: b]
65. একটি ফলের রসে হাইড্রোজেন আয়নের ঘনত্ব $3.3 \times 10^{-2} \text{ M}$ হলে ঐ রসের pH কত?
 (a) 2.00 (b) 1.48 (c) 4.48 (d) 2.18
 সমাধান: (b); $p^{\text{H}} = -\log [\text{H}^+] = -\log(3.3 \times 10^{-2}) = 1.482$
66. আধুনিক পর্যায় সারণীতে বোরনের সাথে তীর্যক সম্পর্ক আছে কোন্ মৌলিক?
 (a) Silicon (b) Magnesium (c) Phosphorous (d) None of these
 [Ans: a]
67. STP তে 2.5 L CO_2 গ্যাসে কতটি অনু বিদ্যমান?
 (a) 5.71×10^{23} (b) 6.72×10^{23} (c) 6.023×10^{23} (d) None of these
 সমাধান: (d); $2.5 \text{ L } \text{CO}_2 = \frac{2.5}{22.4} \text{ mol}$
 $\text{CO}_2 = \frac{2.5}{22.4} \times 6.023 \times 10^{23} \text{ molecules} = 6.722 \times 10^{22} \text{ molecules}$
68. একটি মোটরযানের জ্বালানির অকটেন নাম্বার 80 বলতে বুঝায়; একটি মিশ্রণ, যার মধ্যে-
 (a) 80% n-Hexane and 20% iso-octane (b) 20% n-Heptane and 80% iso-octane
 (c) 20% n-Pentane and 80% iso-octane (d) None of these
 [Ans: b]
69. 1.5 g কার্বন কে বাতাসে দহন করিলে উৎপন্ন CO_2 এর আয়তন প্রমাণ অবস্থায় কত?
 (a) 1.04 L (b) 0.763 L (c) 2.8 L (d) None of these
 সমাধান: (c); $\text{C} + \text{O}_2 \rightarrow \text{CO}_2$
 $12 \text{ g} \quad 22.4 \text{ L } (\text{STP তে}) \quad \therefore 1.5 \text{ g কার্বন দহনে } \text{CO}_2 = \frac{1.5}{12} \times 22.4 \text{ L} = 2.8 \text{ L}$
70. 0.1N H_2SO_4 দ্রবণের মোলারিটি কত হবে?
 (a) M/5 (b) M/10 (c) M/20 (d) None of these
 সমাধান: (c); $0.1 \text{ N } \text{H}_2\text{SO}_4 = \frac{0.1}{2} \text{ M } \text{H}_2\text{SO}_4 = \frac{\text{M}}{20} \text{ H}_2\text{SO}_4 \quad [\because \text{H}_2\text{SO}_4 \text{ এর ক্ষারকত্ত্ব } 2]$
 [Ans: c]
71. কোনটি নিরপেক্ষ অক্সাইড?
 (a) PbO_2 (b) BaO_2 (c) Fe_2O_3 (d) None of these
 [Ans: d]
72. কোনটি Kr এর ইলেক্ট্রন বিন্যাস?
 (a) $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6$ (b) $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^{10} 4s^2 4p^6$
 (c) $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^{10} 4s^2 4p^6 4d^{10} 5s^2 5p^6$ (d) None of these
 [Ans: b]
73. 400°C তাপমাত্রায় $\text{N}_2 + 3\text{H}_2 \rightleftharpoons 2\text{NH}_3$ বিক্রিয়ার সামৃদ্ধিক K_c এর মান 0.5 হলে K_p এর মান কত হবে?
 ($R = 0.0821 \text{ Lit atm K}^{-1} \text{mol}^{-1}$)
 (a) 0.00016 atm (b) 0.00906 atm (c) 27.59 atm (d) None of these
 সমাধান: (a); $\Delta n = 2 - (3+1) = -2$; $K_p = K_c (RT)^{\Delta n} = 0.5 \times (0.0821 \times 673)^{-2} = 0.000164 \text{ atm}$
74. 0.0001 M HCl দ্রবণের pH এর মান কত?
 (a) 4.0 (b) 3.0 (c) 3.5 (d) None of these
 সমাধান: $p^{\text{H}} = -\log[\text{H}^+] = -\log(0.0001) = 4$

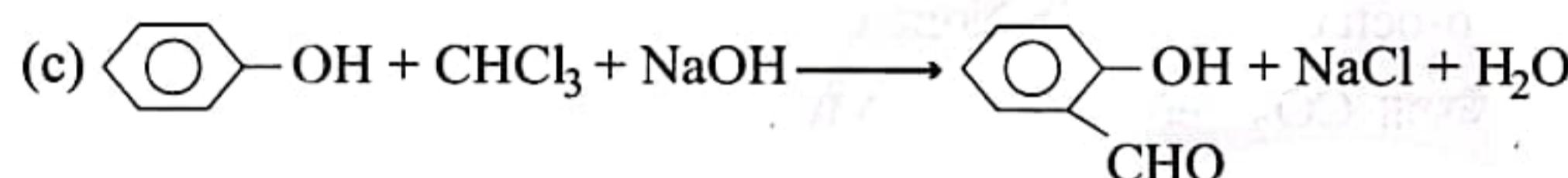
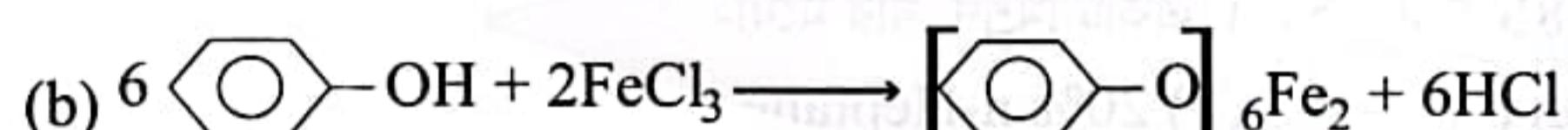
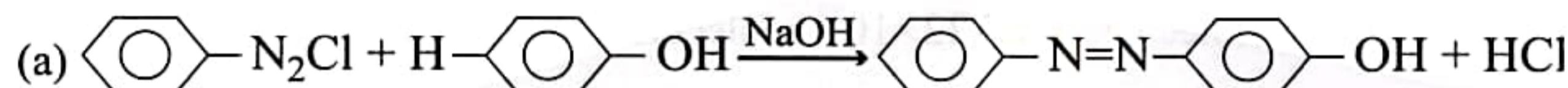
75. CaCl_2 এর দ্রবণে 25.0 mA তড়িৎ 60 sec ধরে প্রকার্হিত করা হলে কতটি Ca পরমানু ইলেক্ট্রোডে জমা হবে?

(a) 4.68×10^{18} (b) 9.36×10^{18} (c) 9.36×10^{36} (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } W = \frac{MIt}{xF} \quad \therefore n = \frac{W}{M} = \frac{It}{xF} = \frac{25 \times 10^{-3} \times 60}{2 \times 96500} = 7.772 \times 10^{-6} \text{ mol}$$

$$\therefore \text{অণুর সংখ্যা} = 7.772 \times 10^{-6} \times 6.023 \times 10^{23} = 4.68 \times 10^{18}$$

$$\text{সমাধান: (b); } W = \frac{MIt}{xF} = \frac{63.5 \times 5 \times 60 \times 60}{2 \times 96500} = 5.922\text{g}$$



- (d) None of these

79. $\text{H}_2\text{O} + \text{NH}_3 = \text{NH}_4^+ + \text{OH}^-$ বিক্রিয়াটিতে পানির ভূমিকা কি? [Ans: a]

(a) অমু (b) ক্ষার (c) নিরপেক্ষ যোগ (d) None of these

81. নিচের কোন্ যৌগটি টলেন বিকারকের সাথে অধঃক্ষেপ তৈরী করতে পারে? [Ans: b]

(a) CH_3COOH (b) CHOH (c) $(\text{CH}_3\text{CO})\text{CO}$ (d) None of these

82. ক্লো-পিক্রিনের রাসায়নিক সংকেত কোনটি? [Ans: c]

- (a) $\text{CCl}_3 - \text{NO}_3$ (b) $\text{CCl}_3 - \text{SO}_2$ (c) $\text{CCl}_3 - \text{NO}_2$ (d) $\text{CCl}_3 - \text{NO}$

সমাধান: (a); $\text{CuO} + \text{H}_2 \rightarrow \text{Cu} + \text{H}_2\text{O}$

79.5 22.4

$$\therefore \text{প্রয়োজনীয় } H_2 = \frac{80}{79.5} \times 22.4 L = 22.54 L$$

84. কোন দ্রবণের pH এর মান 3.6 হলে দ্রবনটির $[H^+]$ এর মান কোনটি?

- (a) 2.51×10^{-3} mol/L (b) 2.51×10^{-5} mol/L (c) 2.51×10^{-4} mol/L (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \text{pH} = -\log[\text{H}^+] \quad \therefore [\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-3.6} = 2.512 \times 10^{-4} \text{ mol/L}$$

85. $\text{H}-\text{CHO} + \text{NaOH} = \text{CH}_3\text{OH} + \text{HCOONa}$ কি ধরনের বিক্রিয়া? [Ans: c]

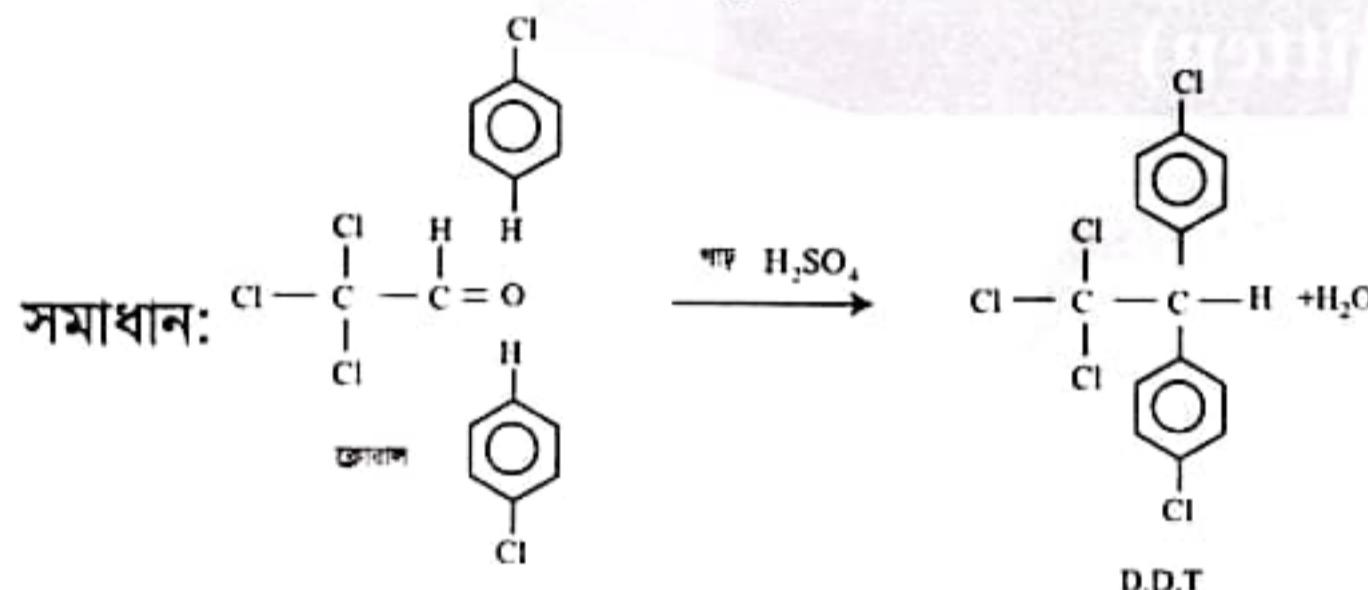
(a) হেক্সামিন বিক্রিয়া (b) প্রিগলার্ড বিক্রিয়া (c) ক্যানিজারো বিক্রিয়া (d) None of these



86. গ্রুপ- IIIA এর মৌলসমূহের সর্ববহিঃস্থ শক্তি স্তরের ইলেক্ট্রন বিন্যাস হল : [Ans: c]
 (a) $ns^2 np^4$ (b) $ns^2 np^2$ (c) $ns^2 np^1$ (d) None of these
87. পর্যায় সারণিতে কোন একটি পর্যায়ের বাম হতে ডান দিকে অগ্রসর হলে আয়নিকরণ বিভব বেড়ে যায়, কারণ- [Ans: a]
 (a) নিউক্লিয়ার চার্জ বাড়ে (b) ইলেক্ট্রন সংখ্যা বাড়ে (c) অণুর আকার বাড়ে (d) None of these
- সমাধান: Effective nuclear charge increases. Effective nuclear charge means the net positive charge experienced by valence electron.
88. 3.8g NaOH পিলেটকে পানিতে দ্রবীভূত করে 500 mL দ্রবণ তৈরী করা হল। প্রস্তুত NaOH দ্রবণের ঘনমাত্রা কত?
 (a) 0.19 M (b) 0.019 M (c) 0.0019 M (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); ঘনমাত্রা} = \frac{3.8}{40} \times \frac{1000}{500} = 0.19 \text{ M}$$

89. P মৌলের পারমাণবিক ভর 31 এবং পারমাণবিক সংখ্যা 15 হলে মৌলটির নিউক্লিয়াসের মধ্যে কয়টি নিউট্রন আছে? [Ans: b]
 (a) 15 (b) 16 (c) 31 (d) None of these
- সমাধান: নিউট্রন সংখ্যা = পারমাণবিক ভর - পারমাণবিক সংখ্যা = $31 - 15 = 16$
90. ক্লোরাল ব্যবহৃত হয় -
 (a) বমিকারক এজেন্ট (b) D.D.T. (c) উকুননাশক (d) None of these



ইংরেজি

91. Choose correct “indirect speech” for the following “direct speech” [Ans : b]
 He said, “I shall start tomorrow”
 (a) He said that he would start tomorrow (b) He said that he should start the next day
 (c) He said that he should start tomorrow (d) He said that he started tomorrow
92. Choose the appropriate preposition to fill in the blank for the following sentence. [Ans : d]
 “Find out the clue _____ the mystery.”
 (a) of (b) for (c) in (d) to
93. Choose the synonym of the following word/verbal idiom. [Ans : d]
 “Take over for”
 (a) Receive (b) Talk over (c) Submit (d) Substitute for
94. Find the correct sentence from the following sentences. [Ans : a]
 (a) Do you know who I am?
 (b) How you can do it?
 (c) Tell me how are you?
 (d) Do you know with whom you are speaking?
95. Choose the antonym of the following word/verbal idiom. “Care for” [Ans : a]
 (a) Dislike (b) Support (c) Provide for (d) Like
96. Find out the incorrect sentence from the following sentences. [Ans : c]
 (a) The book belongs to me. (b) He told me to go there.
 (c) Why you did it? (d) I hope you will come.



CUET Admission Test 2009-2010

গণিত (Written)

01. একটি বস্তুকে 60m উচ্চতার একটি বাড়ীর ছাদের উপর হতে 40 m/sec বেগে ভূমির সঙ্গে 0° কোণে ছেঁড়া হল, কতদূরে এবং কখন এটি ভূমিকে স্পর্শ করবে?

সমাধান: আমরা জানি, $h = \frac{1}{2} g t^2$

$$\therefore t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 60}{9.8}} \text{ sec} = 3.5 \text{ sec} \text{ এবং } x = ut = (40 \times 3.5) \text{ m} = 140 \text{ m} \quad (\text{উত্তর})$$

02. যদি $A = \begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix}$ এবং (and) $A^2 = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & -\sqrt{3} \\ \sqrt{3} & 1 \end{pmatrix}$; θ এর মান নির্ণয় কর।

$$\text{সমাধান: } A^2 = AA = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos^2\theta - \sin^2\theta & -2\sin\theta\cos\theta \\ 2\cos\theta\sin\theta & \cos^2\theta - \sin^2\theta \end{bmatrix}$$

$$\text{আবার, } A^2 = \begin{vmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{vmatrix}$$

$$\therefore \cos^2 \theta - \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \text{ वा, } \cos 2\theta = \cos 60^\circ = \cos \frac{\pi}{3} \text{ वा, } 2\theta = 2n\pi \pm \frac{\pi}{3} \quad \therefore \theta = n\pi \pm \frac{\pi}{6} \quad (\text{Ans.})$$

03. নিম্নের সমীকরণের যে কোন দুটি মূলের যোগফল শূন্য হলে সমীকরণটির অপর দুইটি মূলের মান নির্ণয় কর :

$$8x^4 - 2x^3 - 27x^2 + 6x + 9 = 0$$

Solⁿ: ধরি, মূলগুলো হল $\alpha, -\alpha, \beta$ ও γ . তাহলে, $\alpha - \alpha + \beta + \gamma = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$ বা, $\beta + \gamma = \frac{1}{4}$

$$\text{আবার, } -\alpha^2\beta - \alpha^2\gamma + \alpha\beta\gamma - \alpha\beta\gamma = \frac{-6}{8} \text{ বা, } -\alpha^2(\beta + \gamma) = -\frac{3}{4} \text{ বা, } \alpha^2 \times \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \therefore \alpha^2 = 3$$

এবং $-\alpha^2\beta\gamma = \frac{9}{8}$ বা, $-3\beta\gamma = \frac{9}{8}$ বা, $\beta\gamma = -\frac{3}{8}$ তাহলে, $\beta + \gamma = \frac{1}{4}$; $\beta\gamma = -\frac{3}{8}$