



## CUET Admission Test 2011-2012

## গণিত

01.  $\cot^2 \theta - 2\sqrt{2} \operatorname{cosec} \theta + 3 = 0$  হলে,  $\theta$  এর মান কত?

- (a)  $\pm 45^\circ$       (b)  $\pm 135^\circ$       (c)  $135^\circ$       (d) None of these

সমাধান: (c);  $\operatorname{cosec}^2 \theta - 2\sqrt{2} \operatorname{cosec} \theta + 2 = 0 \Rightarrow (\operatorname{cosec} \theta - \sqrt{2})^2 = 0 \therefore \theta = 45^\circ, 135^\circ$

02.  $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} = \sin^{-1} \frac{2a}{1+a^2} + \cos^{-1} \frac{1-b^2}{1+b^2}$  সমীকরণে  $x$  এর মান হল-

- (a)  $\frac{a-b}{1+ab}$       (b)  $\frac{a+b}{1-ab}$       (c)  $\frac{2ab}{a^2+b^2}$       (d) None of these

সমাধান: (b);  $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} = \sin^{-1} \frac{2a}{1+a^2} + \cos^{-1} \frac{1-b^2}{1+b^2}$

বা,  $2 \tan^{-1} x = 2 \tan^{-1} a + 2 \tan^{-1} b = 2(\tan^{-1} a + \tan^{-1} b)$

বা,  $\tan^{-1} x = \tan^{-1} \frac{a+b}{1-ab} \therefore x = \frac{a+b}{1-ab}$

03. একটি ত্রিভুজের  $(\sqrt{3}+1)$  cm দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট বাহু সংলগ্ন দুটি কোণ  $30^\circ$  ও  $45^\circ$ । ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত?

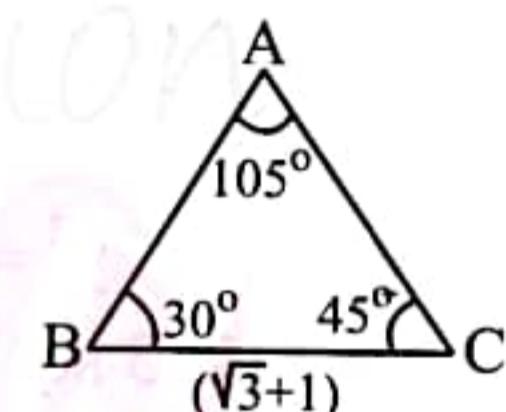
- (a)  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$       (b) 2      (c)  $\frac{1}{2}(\sqrt{3}+1)$       (d) None of these

সমাধান: (c); ত্রিভুজের sine সূত্র মতে,

$$\frac{AB}{\sin 45^\circ} = \frac{(\sqrt{3}+1)}{\sin 105^\circ} \Rightarrow AB = \frac{(\sqrt{3}+1) \sin 45^\circ}{\sin 105^\circ} \text{ বা, } AB = 2 \text{ (ক্যালকুলেটর ব্যবহার করে)}$$

$$\therefore \text{ত্রিভুজ এক ক্ষেত্রফল} = \frac{1}{2} |\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{BC}| = \frac{1}{2} \times AB \cdot BC \sin 30^\circ$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times (\sqrt{3}+1) \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}(\sqrt{3}+1)$$



04. c-এর মান কত হলে  $y = cx(x+1)$  বক্ররেখাটির মূলবিন্দুতে তার স্পর্শক  $x$ -অক্ষের সাথে  $30^\circ$  কোণ উৎপন্ন করবে?

- (a)  $\sqrt{3}$       (b)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$       (c)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$       (d) None of these

সমাধান: (b); এই ধরনের অক্ষের ক্ষেত্রে  $x$  অক্ষের সাথে বক্ররেখাটির স্পর্শক যে কোণ উৎপন্ন করবে তার tangent এর মানই হবে নির্ণেয় উন্নত।

$$\therefore c \text{ এর মান} = \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

05. k এর কোন মানের জন্য  $(x-y+3)^2 + (kx+2)(y-1) = 0$  সমীকরণটি একটি বৃত্ত নির্দেশ করে?

- (a) 2      (b) -1      (c) 2      (d) None of these

সমাধান: (c); xy যুক্ত পদ খুঁজে পাই : -2xy & kxy

কিন্তু বৃত্তের ক্ষেত্রে xy যুক্ত কোন পদ থাকতে পারবে না।  $\sum xy$  যুক্ত পদের সহগ = 0  $\therefore k-2=0 \Rightarrow k=2$

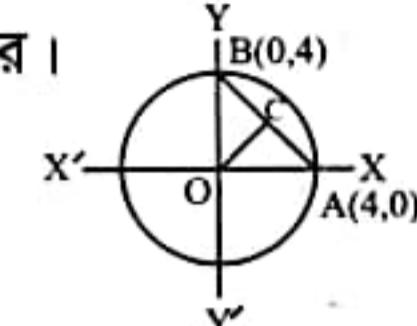
06.  $x^2 + y^2 = 16$  বৃত্তি x ও y অক্ষকে যথাক্রমে A ও B বিন্দুতে ছেদ করে। বৃত্তির কেন্দ্র থেকে AB এর উপর অংকিত লম্বদূরত্বকে একটি বর্গের বাহু বিবেচনা করলে বর্গটির ক্ষেত্রফল কত হবে?

(a) 4 sq. unit      (b) 6 sq. unit      (c) 8 sq. unit      (d) None of these

সমাধান: (c);  $x^2 + y^2 = 16$  বৃত্তি x অক্ষকে A(4, 0) ও y অক্ষকে B(0, 4) বিন্দুতে ছেদ করে।

$$C \equiv (2,2) \therefore OC = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$$

$$\therefore \text{Area} = (2\sqrt{2})^2 = 8 \text{sq. unit}$$



07.  $4x^2 + 5y^2 = 1$  উপবৃত্তের একটি ফোকাস এবং ইহার অনুরূপ দিকাক্ষের মধ্যকার দূরত্ব নির্ণয় কর?

(a)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$       (b) 4      (c)  $4\sqrt{5}$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (d); } 4x^2 + 5y^2 = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{1/4} + \frac{y^2}{1/5} = 1 \therefore e = \sqrt{\frac{\frac{1}{4} - \frac{1}{5}}{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\text{এখানে, } a^2 = \frac{1}{4} \therefore a = \frac{1}{2} \text{ এবং } b^2 = \frac{1}{5} \therefore b = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\therefore \text{উপবৃত্তের ১টি ফোকাস ও তার অনুরূপ দিকাক্ষের মধ্যকার দূরত্ব} = ae - \frac{a}{e} = \frac{1}{2\sqrt{5}} - \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$= \left| \frac{1-5}{2\sqrt{5}} \right| = \left| \frac{-4}{2\sqrt{5}} \right| = \left| \frac{-2}{\sqrt{5}} \right| = \left| \frac{2}{\sqrt{5}} \right| [\because \text{দূরত্ব সর্বদা ধনাত্মক}]$$

08.  $x^2 - y^2 = 18$  অধিবৃত্তের ফোকাসদ্বয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব কত?

(a)  $2\sqrt{2}$  unit      (b) 12 unit      (c) 3 unit      (d) None of these

সমাধান: (b);  $x^2 - y^2 = 18$ . ইহা ১টি আয়তাকার অধিবৃত্ত। কারণ ইহা উভয় অক্ষ হতে সমান অংশ ছেদ করে।

$$\therefore e = \sqrt{2} \therefore \text{ফোকাসদ্বয়ের মধ্যকার দূরত্ব} = 2ae = 2 \times \sqrt{18} \times \sqrt{2} = 12 \text{ unit}$$

09.  $y = x$  এবং  $y^2 = 16x$  রেখাদুটি দ্বারা আবন্ধ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত?

(a)  $512/3$  sq. Unit      (b) 128 sq. Unit      (c)  $128/3$  sq. Unit      (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } y = x \text{ এবং } y^2 = 16x \Rightarrow x^2 = 16x \Rightarrow x^2 - 16x = 0 \therefore x = 16, 0$$

$$\therefore \text{রেখাদুটি দ্বারা আবন্ধ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \int_0^{16} (4\sqrt{x} - x) dx = \left[ 4 \times \frac{2}{3} x^{3/2} - \frac{x^2}{2} \right]_0^{16}$$

$$= \frac{8}{3} \times 16^{3/2} - \frac{16^2}{2} - 0 + 0 = \frac{128}{3}$$

10.  $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{2x - x^2}}$  এর মান নির্ণয় কর।

(a)  $-\frac{\pi}{2}$       (b)  $\frac{\pi}{2}$       (c) 0      (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{2x - x^2}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1 - (x-1)^2}} = \left[ \sin^{-1}(x-1) \right]_0^1 = \sin^{-1} 0 - \sin^{-1} 1 = 0 - \frac{\pi}{2} = -\frac{\pi}{2}$$

11.  $\int e^x \sec x (1 + \tan x) dx$  এর মান নির্ণয় কর।

(a)  $e^x \sec x + c$       (b)  $e^x \operatorname{cosec} x + c$       (c)  $e^x \tan x + c$       (d) None of these



সমাধান: (a);  $\int e^x \sec x(1 + \tan x) dx = \int (e^x \sec x + e^x \sec x \cdot \tan x) dx = e^x \sec x + c$   
 $[\because \int e^x \{f(x) + f'(x)\} dx = e^x f(x) + c]$

12. যদি  $y = 10^{\log(\sin x)}$  হয়, তবে  $\frac{dy}{dx}$  এর মান কত?

(a)  $10^{\log(\sin x)} \log_e 10 \cdot \cot(x)$   
(c)  $10^{\log(\sin x)} \log_e 10$

(b)  $10^{\log(\sin x)} \log_e \frac{10}{\sin x}$   
(d) None of these

সমাধান: (d);  $y = 10^{\log(\sin x)} \Rightarrow \ln y = \log(\sin x) \times \ln 10 = \frac{\ln(\sin x)}{\ln 10} \times \ln 10 = \ln(\sin x)$

$$\Rightarrow \frac{dy}{dx} = y \cdot \frac{1}{\sin x} \cdot \cos x = 10^{\log(\sin x)} \cdot \cot x$$

13. ABC সমবাহু ত্রিভুজের AB, BC, CA বাহুর বরাবর তিনটি বল যথাক্রমে 2N, 4N ও 6N একই সময় কোন কণার উপর ক্রিয়াশীল। তাদের লক্ষির মান কত?

- (a)  $2\sqrt{3}N$       (b)  $12N$       (c)  $2N$       (d) None of these

সমাধান: (a); ABC সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহু বরাবর ক্রিয়াশীল বলগ্রহ সমান্তর ধারা হলে তাদের লক্ষি মান হবে  $= \sqrt{3} \times$  সাধারণ অন্তর। এখানে 2N, 4N ও 6N বলএর সমান্তর ধারায় আছে এবং এদের সাধারণ অন্তর 2।

$$\therefore \text{লক্ষির মান} = 2\sqrt{3}N$$

14. যদি  $y = \log(ax + b)$  হয়, তবে  $y_n$  এর মান কত?

(a)  $\frac{(-1)n!a^{n-1}}{(ax+b)^n}$       (b)  $\frac{(-1)^{n-1}(n-1)!a^n}{(ax+b)^n}$       (c)  $\frac{(-1)^{n-1}(n-1)!a^{n-1}}{(ax+b)^n}$       (d) None of these

সমাধান: (b);  $y = \log(ax + b) \quad y_1 = (ax + b)^{-1} \cdot (a)$

$$y_2 = (ax + b)^{-2} \cdot (-1) \cdot 1 \cdot a^2$$

$$y_3 = (ax + b)^{-3} \cdot (-1)^2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot a^3 \quad \therefore y_n = (-1)^{n-1} (ax + b)^{-n} (n-1)! \cdot a^n$$

$$y_n = \frac{(-1)^{n-1} \cdot (n-1)! \cdot a^n}{(ax+b)^n}$$

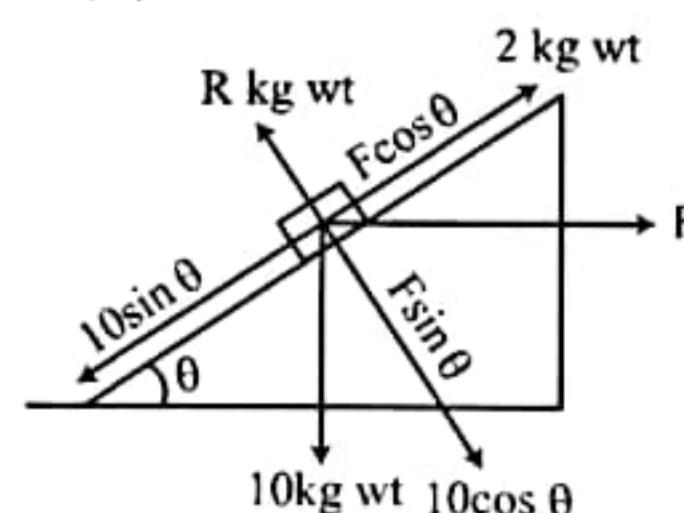
15. একটি আনত সমতলে 10kg ওজনের একটি বস্তুকে সমতল বরাবর 2kg ওজনের বল এবং একটি আনুভূমিক বল প্রয়োগ করে

স্থিরভাবে রাখা হয়েছে। যদি ভূমির সমতলের নতি  $\theta = \sin^{-1} \frac{3}{5}$  হয় তবে আনুভূমিক বলটি নির্ণয় কর।

- (a) 10kg      (b) 5kg      (c) 11kg      (d) None of these

সমাধান: (b);  $\sum F_{\text{Plane}} = 0 \Rightarrow 2\cos 0^\circ + F\cos\theta = 10\sin\theta$

$$\text{or, } F = \frac{10\sin\theta - 2}{\cos\theta} \quad \text{or, } F = \frac{10\sin\theta \sin^{-1} \frac{3}{5} - 2}{\cos\sin^{-1} \frac{3}{5}} \quad \therefore F = 5 \text{ kg wt}$$



16. 12m লম্বা একটি ভারী সুষম দণ্ডের এক প্রান্তে 9kg ওজন ঝুলানো আছে। উক্ত প্রান্ত থেকে  $5\frac{1}{4}$  m দূরে একটি খুঁটির উপর দণ্ডটি ভূমির সমান্তরালে অবস্থান করে তবে দণ্ডটির ওজন নির্ণয় কর।

- (a) 126 kg      (b) 63 kg      (c) 84 kg      (d) None of these

সমাধান: (b); ভারক নিয়ে পাই,  $w(6 - 5.25) = 9 \times 5.25 \quad \therefore w = 63 \text{ kg} - wt$

17. একটি টাওয়ারের  $90\text{m}$  দূর হতে  $30^\circ$  নিক্ষেপণ কোণে একটি বন্দুকের গুলি ছোড়া হল। টাওয়ারের উচ্চতা যদি  $15\text{ m}$  হয় তবে গুলিটি টাওয়ারের শীর্ষ বিন্দুতে আঘাত করে। গুলির আদিবেগ কত?

- (a)  $37.8\text{m/s}$       (b)  $67.8\text{m/s}$       (c)  $38.7\text{m/s}$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } x = u \cos 30^\circ \cdot t = 90 \Rightarrow ut = \frac{180}{\sqrt{3}}$$

$$h = 15 = u \sin 30^\circ \cdot t - \frac{1}{2} gt^2 \Rightarrow 15 = \frac{1}{2} \frac{180}{\sqrt{3}} - 4.9t^2 \Rightarrow t = 2.75\text{s} \therefore u = \frac{180}{\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{2.75} = 37.8\text{ms}^{-1}$$

18.  $u$  বেগে এবং অনুভূমিকের সাথে  $45^\circ$  কোণে প্রক্ষিপ্ত কণার আনুভূমিক পাত্রা হল-

- (a)  $\frac{u^2}{2g}$       (b)  $\frac{u^2}{\sqrt{2g}}$       (c)  $\left(\frac{u}{\sqrt{g}}\right)^2$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } u \text{ বেগে ও অনুভূমিকের সাথে } 45^\circ \text{ কোণে নিক্ষিপ্ত কণার আনুভূমিক পাত্রা বা সর্বাধিক আনুভূমিক পাত্রা} \\ = \frac{u^2}{g} = \left( \frac{u}{\sqrt{g}} \right)^2$$

19.  $2.2\text{m/sec}^2$  সমত্বরণে চলমান একটি লিফটের উপর  $50\text{kg}$  ওজনের একটি লোক উঠে দাঁড়াল। যখন লিফ্টটি উর্ধ্বে উঠতে থাকে, তখন লিফ্টটির প্রতিক্রিয়া কত?

[ Ans: b ]

- (a)  $380\text{ N}$       (b)  $600\text{ N}$       (c)  $650\text{ N}$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } R = mg + mf = m(g + f) \Rightarrow R = 50(9.8 + 2.2) = 50 \times 12 = 600\text{ N}$$

20. কোন বিন্দুতে  $P$  এবং  $2P$  মানের দুটি বল ক্রিয়াশীল। প্রথমটিকে দ্বিগুণ করলে এবং দ্বিতীয়টির মান  $8$  একক বৃদ্ধি করলে লক্ষির দিক অপরিবর্তীত থাকে।  $P$  বলের মান নির্ণয় কর।

- (a)  $12\text{ units}$       (b)  $8\text{ units}$       (c)  $4\text{ units}$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } \frac{P}{2P} = \frac{2P}{(2P+8)} \text{ বা, } \frac{1}{2} = \frac{2P}{2P+8} \text{ বা, } 4P = 2P+8 \text{ বা, } 2P = 8 \therefore P = 4$$

21.  $(1011)_2 \times (111)_2 =$  কত?

- (a)  $10011$       (b)  $101101$       (c)  $1001101$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } (1011)_2 \times (111)_2 = 1001101$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ \times 111 \\ \hline 1011 \\ 1011 \times \\ 1011 \times \times \\ \hline 1001101 \end{array}$$

এছাড়াও ক্যালকুলেটর ব্যবহার করে সরাসরি উত্তর পাওয়া যায়।

22. যদি  $A = R - \{3\}$ ,  $B = R - \{1\}$ ,  $f : A \rightarrow B$ ,  $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$ , তবে  $f\left(\frac{3}{2}\right) + f^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$  এর মান কত?

- (a)  $2/3$       (b)  $4/3$       (c)  $1/3$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (c); } f(x) = \frac{x-2}{x-3} \therefore f^{-1}(x) = \frac{3x-2}{x-1}$$

$$\therefore f\left(\frac{3}{2}\right) + f^{-1}\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{\frac{3}{2}-2}{\frac{3}{2}-3} + \frac{3 \times \frac{2}{3}-2}{\frac{2}{3}-1} = \frac{-\frac{1}{2}}{-\frac{3}{2}} + 0 = \frac{-1}{2} \times \frac{2}{-3} = \frac{1}{3}$$



23. যদি  $a = \frac{1}{2}(-1 + \sqrt{-3})$  এবং  $b = \frac{1}{2}(-1 - \sqrt{-3})$  হয়, তবে  $a^4 + a^2b^2 + b^4$  এর মান কোনটি হয়?
- (a)  $-a + b + 1 = 0$       (b)  $a + b + 1 = 0$       (c)  $a - b + 1 = 0$       (d) None of these

সমাধান: (b); এখানে,  $a = \frac{1}{2}(-1 + \sqrt{-3}) = \omega$  এবং  $b = \frac{1}{2}(-1 - \sqrt{-3}) = \omega^2$

$$a^4 + a^2b^2 + b^4 = \omega^4 + \omega^2 \cdot \omega^4 + \omega^8 = \omega^3 \cdot \omega + (\omega^3)^2 + (\omega^3)^2 \cdot \omega^2 = \omega + 1 + \omega^2 \quad [\because \omega^3 = 1]$$

$$a + b + 1 = 0 \quad [\because 1 + \omega + \omega^2 = 0]$$

24.  $x^2 + ax + 8 = 0$  সমীকরণটির একটি মূল 4 এবং  $x^2 + ax + b = 0$  সমীকরণের মূল দুটি পরস্পর সমান হলে,  $b$  এর মান কত?
- (a) 9      (b) -6      (c) -9      (d) None of these

সমাধান: (a); ধরি,  $x^2 + ax + 8 = 0$  সমীকরণের অপর মূলটি হল  $P$ .  $\therefore 4P = 8 \Rightarrow P = 2$   
 $\therefore P + 4 = 2 + 4 = a \Rightarrow a = -6$

ধরি,  $x^2 + ax + b = 0$  সমীকরণের মূলদ্বয় হল  $q$  ( $\because$  মূলদ্বয় সমান)

$$\therefore q + q = 2q = a = -6 \quad \text{বা, } q = \frac{6}{2} = 3 \quad \therefore b = q^2 = 3^2 \quad \therefore b = 9$$

25. যদি  $A = \begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix}$  এবং  $|A|^2 = 1$  হয় তবে  $\theta$  এর মান কত?

- (a)  $\theta = 0^\circ$       (b)  $\theta = 45^\circ$       (c)  $\theta = 0^\circ$  and  $45^\circ$       (d) None of these

সমাধান: (c); ক্যালকুলেটর ব্যবহার করে।

26. একটি ব্যাগে 3টি লাল, 2টি সাদা ও 1টি সবুজ বল আছে। দৈবক্রমে যে কোন তিনটি বল নেয়া হল। সবগুলো সাদা বল আসার স্থিতিতে কোনটি?

[Ans: d]

- (a)  $\frac{^3C_3 \times ^4C_1}{^6P_3}$       (b)  $\frac{^2P_2 \times ^4P_2}{^6C_3}$       (c)  $\frac{^2C_2 \times ^4C_1}{^6C_3}$       (d) None of these

সমাধান: (d); এখানে সাদা বল এর সংখ্যা = 2 টি

$\therefore$  দৈবভাবে যেকোন তিনটি বল তুললে সবগুলো বলই সাদা হওয়ার স্থিতিতে সম্ভাবনা = 0

27.  $\frac{1+2x}{(1-2x)^2}$  এর বিস্তৃতিতে  $x^{10}$  এর সহগ কত?
- (a)  $21504x^{10}$       (b)  $21054$       (c)  $21540$       (d) None of these

সমাধান: (d);  $\frac{1+2x}{(1-2x)^2} = (1+2x)(1-2x)^{-2}$

$$= (1+2x)(1+4x+12x^2+32x^3+\dots\dots\dots+10.(2)^9.x^9+11.(2)^{10}.x^{10}+\dots\dots\dots)$$

$$\therefore x^{10}-\text{এর সহগ} = (2.10.2^9+11.2^{10}) = 2.5120+(1024\times 11) = 21504$$

28.  $\vec{A} = \underline{i} + 2\underline{j} + \underline{k}$  এবং  $\vec{B} = -\underline{i} + \underline{j} - 2\underline{k}$  ভেক্টর দুটির অন্তর্ভুক্ত কোণ নির্ণয় কর।

- (a)  $\cos^{-1} \frac{1}{2}$       (b)  $\cos^{-1} \frac{\sqrt{3}}{2}$       (c)  $\sin^{-1} \frac{1}{2}$       (d) None of these

সমাধান: (a);  $\vec{A} = \hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$  এবং  $\vec{B} = -\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$

$$\therefore \vec{A} \text{ ও } \vec{B} \text{ এর অন্তর্ভুক্ত কোণ } \theta \text{ হলে } \theta = \cos^{-1} \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{AB} = \cos^{-1} \frac{-1+2+2}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \cos^{-1} \frac{3}{6} = \cos^{-1} \frac{1}{2}$$



$$\text{সমাধান: (c); } T_{1/2} = \frac{0.693}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{0.693}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{20} = 0.03465 \text{ min}^{-1}$$

$$\lambda = \frac{1}{t} \ln \frac{C}{C_0} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{C}{C_0} \Rightarrow t = \frac{1}{0.03465} \ln \frac{80}{20} = 40 \text{ min}$$

35. একজন লোকের ভর 99 Kg। কত বেগের উড়ন্ত রকেটে থাকাকালীন মাটিতে অবস্থিত একজন পর্যবেক্ষকের নিকট তার ভর 100 Kg হবে?

- (a)  $4.23 \times 10^7 \text{ m/sec}$  (b)  $1.41 \times 10^7 \text{ m/sec}$  (c)  $9.0 \times 10^7 \text{ m/sec}$  (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \quad \text{বা, } 1 - \frac{v^2}{c^2} = \left( \frac{m_0}{m} \right)^2 \quad \text{বা, } v^2 = c^2 \left\{ 1 - \left( \frac{m_0}{m} \right)^2 \right\}$$

$$\text{বা, } v = c \sqrt{1 - \left( \frac{m_0}{m} \right)^2} = 3 \times 10^8 \sqrt{1 - \left( \frac{99}{100} \right)^2} \quad \therefore v = 4.23 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$$

36. হীরকের প্রতিফলক তলে একটি আলোক রশ্মি  $60^\circ$  কোণে আপত্তি হলো এবং হীরকের মধ্যে প্রতিসরণ কোণ  $12^\circ$  পাওয়া গেল। হীরকের সমবর্তন কোণ :

- (a)  $13.5^\circ$  (b)  $76.5^\circ$  (c)  $4.16^\circ$  (d) None of these

সমাধান: (b); ধরি, হীরকের সমবর্তন কোণ  $\theta$

$$\therefore \tan \theta = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{\sin 60^\circ}{\sin 12^\circ} \quad \text{বা, } \theta = \tan^{-1} \left( \frac{\sin 60^\circ}{\sin 12^\circ} \right) = 76.5^\circ$$

- 37.\* 1000 Hz কম্পাক্ষ বিশিষ্ট ছাইসেল বাজিয়ে একটি ট্রেন 75km/hr বেগে একজন দণ্ডায়মান পর্যবেক্ষক-এর দিকে এগিয়ে আসে। পর্যবেক্ষক এর নিকট ছাইসেলটির আপাত প্রতীয়মান কম্পাক্ষ কত?

- (a) 940.62 Hz (b) 1067 Hz (c) 1881.24 Hz (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } n' = \frac{v}{v - v_s} \times n = \frac{330}{330 - 20.83} \times 1000 \quad \therefore n' = 1067 \text{ Hz}$$

38. পাশের ভেষ্টের প্রভাবের মান বাহির কর :  $(2\hat{i} - 3\hat{j}) \cdot |(\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}) \times (3\hat{i} - \hat{k})|$

- (a) 4 (b) 8 (c) -4 (d) None of these

$$\text{সমাধান: (d); } (2\hat{i} - 3\hat{j}) \cdot |(\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}) \times (3\hat{i} - \hat{k})| = (2\hat{i} - 3\hat{j}) \cdot \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 1 & 1 & -1 \\ 3 & 0 & -1 \end{vmatrix} = (2\hat{i} - 3\hat{j}) \cdot |(-\hat{i} - 2\hat{j} - 3\hat{k})|$$

$$= (2\hat{i} - 3\hat{j}) \cdot \sqrt{14} = 2\sqrt{14}\hat{i} - 3\sqrt{14}\hat{j}$$

39. 250 gm পানি এবং একই আয়তনের 200gm ভরের তরলকে পরপর একই ক্যালরিমিটারে রাখা হল, এবং তা যথাক্রমে 130 seconds ও 60 seconds -এ  $60^\circ\text{C}$  থেকে  $55^\circ\text{C}$  পর্যন্ত ঠাভা করা হল। তরলের আপেক্ষিক তাপ নির্ণয় কর। (ক্যালরিমিটারের তাপ ধারকত্ব 10 cgs এককে।)

- (a)  $0.55 \text{ cal gm}^{-1} {}^\circ\text{C}^{-1}$  (b)  $0.60 \text{ cal gm}^{-1} {}^\circ\text{C}^{-1}$

- (c)  $2.65 \text{ cal gm}^{-1} {}^\circ\text{C}^{-1}$  (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } \frac{(250 \times 1 \times 5) + 10 \times 5}{130} = \frac{200 \times S \times 5 + 10 \times 5}{60} \quad \therefore S = 0.55 \text{ cal gm}^{-1} {}^\circ\text{C}^{-1}$$

40. পাশের নিউক্লিয়ার বিক্রিয়ায়  $X$  হচ্ছে :  ${}^9_4\text{Be} + {}^4_2\text{He} \rightarrow {}^{12}_6\text{C} + X$

- (a) electron      (b) proton      (c) neutron      (d) None of these

সমাধান: (c);  $X$  এর ভর সংখ্যা  $= 9 + 4 - 12 = 1$

এবং প্রোটন সংখ্যা  $= 4 + 2 - 6 = 0 \therefore X$  এর সংকেত  ${}_0^1\text{n}$  ইহা হল neutron.

41.  $5600\text{ A}^\circ$  তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের এক বর্ণ রশ্নির দুইটি সুসংগত উৎস  $1\text{m}$  দূরে অবস্থিত পর্দার উপর ব্যাতিচার সজ্জা সৃষ্টি করে। পরপর দুইটি উজ্জ্বল পত্রির দূরত্ব  $0.2\text{ mm}$ । দুইটি সুসংগত উৎসের মধ্যবর্তী দূরত্ব নির্ণয় কর।

- (a)  $2.8\text{mm}$       (b)  $1.21 \times 10^{-7}\text{ m}$       (c)  $1.4\text{ mm}$       (d) None of these

সমাধান: (a);  $dz = \frac{\lambda D}{a} \Rightarrow a = \frac{\lambda D}{dz} = \frac{5.6 \times 10^{-7} \times 1}{0.2 \times 10^{-3}} = 2.8\text{ mm}$

42. শব্দের ক্ষেত্রে ডপলারের ক্রিয়া : [Ans: a]

- (a) 3 types      (b) 2 types      (c) 4 types      (d) None of these

43.  $3 \times 10^{-3}\text{ m}$  ব্যাসার্দের একটি সাবানের বুদবুদের পৃষ্ঠ-শক্তি নির্ণয় কর। সাবানের মিশ্রণের পৃষ্ঠটান  $20 \times 10^{-3}\text{ Nm}^{-1}$ ।

- (a)  $4.52 \times 10^{-6}\text{ joules}$       (b)  $2.26 \times 10^{-6}\text{ joules}$       (c)  $1.13 \times 10^{-6}\text{ joules}$       (d) None of these

সমাধান: (a);  $W = 2 \times 4\pi r^2 \times T = 2 \times 4 \times 3.1416 \times (3 \times 10^{-3})^2 \times 20 \times 10^{-3}$

$$\therefore W = 4.52 \times 10^{-6}\text{ Joules}$$

44. 16 এবং 36 একক দীপন ক্ষমতা বিশিষ্ট দুটি বাতি পরস্পর থেকে  $1\text{ m}$  দূরে আছে। দূর্বলতর বাতি থেকে কত দূরে একটি পর্দা রাখলে এর উভয় পাশে সমান আলো পড়বে?

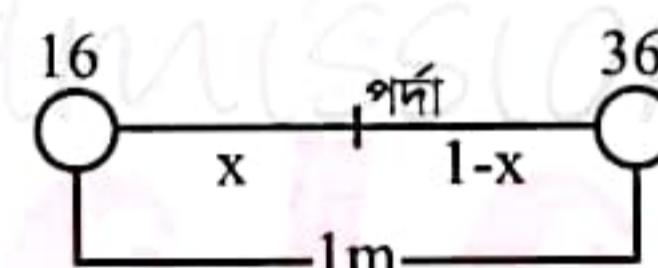
- (a)  $40\text{ cm}$       (b)  $60\text{ cm}$       (c)  $66.67\text{ cm}$       (d) None of these

সমাধান: (a); ধরি, দূর্বলতর বাতি বা, 16 দীপন ক্ষমতা বিশিষ্ট বাতি হতে পর্দার দূরত্ব  $x$

$\therefore 36$  দীপন ক্ষমতা বিশিষ্ট বাতি হতে পর্দার দূরত্ব  $(1-x)$

$$\text{প্রশ্নমতে, } E_1 = E_2, \frac{16}{x^2} = \frac{36}{(1-x)^2} \left[ \because E = \frac{I}{r^2} \right]$$

$$\Rightarrow \frac{4}{x} = \frac{6}{1-x} \Rightarrow x = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \quad \therefore x = \frac{2}{5}\text{ m} = \frac{2}{5} \times 100\text{cm} = 40\text{cm}$$



45. একটি ক্ষুদ্র চুম্বককে এমনভাবে স্থাপন করা হল যেন এর উভয় মেরু উভয় দিকে থাকে। এই অবস্থায় চুম্বকের মধ্যবিন্দু থেকে  $10\text{ cm}$  দূরে নিরপেক্ষ বিন্দু পাওয়া গেল। চুম্বকটিকে  $180^\circ$  কোণে ঘুরিয়ে দিলে নতুন নিরপেক্ষ বিন্দু কেথায় পাওয়া যাবে?

- (a)  $12.6\text{ cm}$       (b)  $10\text{ cm}$       (c)  $6.3\text{ cm}$       (d) None of these

সমাধান: (b);  $\frac{M_0 \times M_1}{4\pi(x+10)^2} = \frac{M_0 \times M_2}{4\pi(x-10)^2} \Rightarrow \frac{M_1}{M_2} = \frac{(x+10)^2}{(x-10)^2}$

$$\text{Again, } \frac{M_2}{(x-\ell)^2} = \frac{M_1}{(x+\ell)^2} \quad [\text{ঘুরানোর পর}]$$

$$\Rightarrow \frac{(x+\ell)^2}{(x-\ell)^2} = \frac{M_1}{M_2} = \frac{(x+10)^2}{(x-10)^2} \Rightarrow \frac{2x}{2\ell} = \frac{2x}{20} \Rightarrow \ell = 10 \quad [\text{যোজন ও বিয়োজন}]$$

46. কোন একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য যদি  $1.69$  গুণ বৃদ্ধি করা যায়, তাহলে এর দোলনকাল কত হবে?

- (a)  $2.6\text{ sec}$       (b)  $1.3\text{ sec}$       (c)  $3.38\text{ sec}$       (d) None of these

সমাধান: (a); জানা আছে,  $\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}}$  বা,  $\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \sqrt{\frac{1.69L_1}{L_1}}$  বা,  $T_2 = 2\sqrt{1.69} = 2.6\text{ sec}$

[ Ans: a]

47. মরিচিকা দ্বারা প্রাপ্ত প্রতিবিম্ব কি প্রকারের? [Ans: a]

(a) Imaginary (b) Real  
(c) Both real and imaginary (d) None of these

48. 3 m দৈর্ঘ্য এবং 1 mm ব্যাস বিশিষ্ট একটি ধাতব তারকে 10 kg ওজন দ্বারা টানা হল। যদি ইহার উপাদানের ইয়াং-এর গুণাঙ্ক এবং পয়সনের অনুপাত যথাক্রমে  $12.5 \times 10^{11}$  dyne/cm<sup>2</sup> ও 0.26 হয় তাহলে এর পাঞ্চায় সংকোচন বের কর।

(a)  $2.6 \times 10^{-5}$  cm (b)  $2.6 \times 10^{-8}$  cm (c)  $2.6 \times 10^{-7}$  cm (d) None of these

$$\text{সমাধান: (a); } Y = \frac{FL}{Al} = \frac{mgL}{\pi r^2 l}$$

$$[1 \text{ dyne/cm}^2 = \frac{1}{10} \text{ N/m}^2 \therefore 12.5 \times 10^{11} \text{ dyne/cm}^2 = 12.5 \times 10^{10} \text{ N/m}^2]$$

$$\therefore \text{দৈর্ঘ্যবিকৃতি}, \frac{l}{L} = \frac{mg}{\pi r^2 Y} = \frac{10 \times 9.8}{3.1416 \times (0.5 \times 10^{-3})^2 \times 12.5 \times 10^{10}} = 9.98 \times 10^{-4}$$

∴ পার্শ্ববিকৃতি = পয়সনের অনুপাত × দৈর্ঘ্যবিকৃতি

$$\frac{\Delta d}{d} = 0.26 \times 9.98 \times 10^{-4} \Rightarrow \Delta d = 0.26 \times 9.98 \times 10^{-4} \times 10^{-3} \text{m} = 2.6 \times 10^{-5} \text{cm}$$



$$\text{সমাধান: (b); } a_c = \frac{v^2}{r} \Rightarrow r = \frac{20^2}{1} = 400\text{m}$$

50. কোন তরল দ্বারা পূর্ণ একটি ফঁপা প্রিজম-এ ন্যূনতম বিচ্ছিন্ন কোণ হল  $30^{\circ}$ । প্রিজম কোণ  $60^{\circ}$  হলে তরলের প্রতিসরাংক কত?

$$\text{সমাধান: (b); } \mu = \frac{\sin\left(\frac{A + \delta m}{2}\right)}{\sin\frac{A}{2}} = \frac{\sin\frac{60^\circ + 30^\circ}{2}}{\sin\frac{60^\circ}{2}} \quad \text{বা, } \mu = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} = \sqrt{2} = 1.414$$

51. 20 বার ঘুরবার পর একটি বৈদ্যুতিক পাখার কৌণিক বেগ  $30 \text{ rad/sec}$  হতে হাস পেয়ে  $10 \text{ rad/sec}$  হয়। কৌণিক মন্দন হবে-

  - (a)  $3.18 \text{ rad/sec}$
  - (b)  $2.5 \text{ rad/sec}$
  - (c)  $2 \text{ rad/sec}$
  - (d) None of these

সমাধান: (a);  $\theta = 2\pi \times 20 = 40\pi$

$$\omega^2 = \omega_0^2 - 2\alpha\theta \Rightarrow \alpha = \frac{\omega_0^2 - \omega^2}{2\theta} = \frac{(30)^2 - (10)^2}{2 \times 40\pi} \therefore \alpha = 3.18 \text{ rad/sec}^2$$

Ans : D হবে কারণ কৌণিক মন্দনের একক  $\text{rad/sec}^2$

52. একটি লিফট  $1 \text{ m/sec}^2$  ত্বরণে নিচে নামছে। লিফটের মধ্যে দাঁড়ানো একজন ব্যক্তির ভর 65 kg হলে তিনি যে বল অনুভব করবেন-

  - (a) 350N
  - (b) 572N
  - (c) 250N
  - (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } F = m(g - f) = 65(9.8 - 1) = 65 \times 8.8 = 572 \text{ N}$$

53. নিচের যে সমীকরণ দ্বারা ভীনের সরণ সূত্র প্রকাশ করা হলো :

[Ans: c]

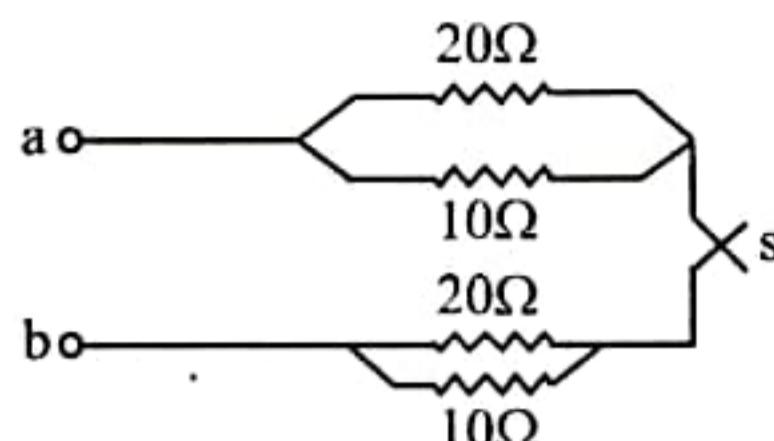
- (a)  $E = A\sigma T^4$       (b)  $\lambda \propto T^2 \equiv \text{Constant}$     (c)  $\lambda \propto T \equiv \text{Constant}$     (d) None of these

54. একটি বাজারে উপস্থিত মানষের সংখ্যা দ্বিগুণ বদ্ধি পেলে শর্কের তীব্রতা ক্রমাগত বদ্ধি পারে।

- (a) 2 dB      (b) 3 dB      (c) 6 dB      (d) None of these

$$\text{সমাধান: (b); } \beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} = 10 \log \frac{2I_1}{I_1} = 3.01 \text{ dB} \approx 3 \text{ dB}$$

55. নিচের বর্তনীতে S সুইচ চালু করলে a এবং b প্রান্তে রোধকত হবে?



- (a)  $30\ \Omega$       (b)  $25\ \Omega$       (c)  $13.33\ \Omega$       (d) All of these

সমাধান: (c); ∴ a ও b প্রান্তের রোধ  $R_s = R_{P_a} + R_{P_b} = (20^{-1} + 10^{-1})^{-1} + (20^{-1} + 10^{-1})^{-1} = 13.33\Omega$

56.  $2.0 \mu\text{C}$  আধানের একটি বস্তু  $2.0 \times 10^6 \text{ m/s}$  বেগে  $x$ -অক্ষ বরাবর চলছে। সেখানে একই সময়ে একটি তড়িৎক্ষেত্র  $\bar{E} = 10^6 \text{ a}_x \left( \frac{\text{V}}{\text{m}} \right)$  এবং একটি চৌম্বক ক্ষেত্র  $\bar{B} = (0.20\text{a}_y + 0.40\text{a}_z)\text{T}$  আধানটির উপর ক্রিয়াশীল হলে আধানটির উপর কৃত বল ক্রিয়াশীল হবে?

- (a)  $\bar{F} = (0.8a\bar{y} - 1.6a\bar{z})N$       (b)  $\bar{F} = (1.0a\bar{x} - 8.0a\bar{z})N$

- (c)  $\bar{F} = (2.0\bar{ax} + 0.8\bar{ay} - 1.6\bar{az})N$       (d) None of these

$$\text{সমাধান: (d); } \vec{F} = q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B} = 2a\vec{x} + 4 \begin{vmatrix} \vec{x} & \vec{y} & \vec{z} \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0.2a & 0.4a \end{vmatrix}$$

$$= 2a\bar{x} + 4[(-\bar{y})(0.4a) + \bar{z}(0.2a)] = (2a\bar{x} - 1.6a\bar{y} + 0.8a\bar{z})N$$

57. নিচের কোন তথ্যটি শব্দ তরঙ্গের জন্য প্রযোজ্য নয়?

[Ans: c]

- (a) ଶ୍ରାଵ୍ୟତାର ନ୍ୟନ୍ତମ ସ୍ତରାସୀମା  $1 \times 10^{-12} \text{ W}$  (0 dB)

- (b) শব্দ একটি অগ্রগামী দীঘল তরঙ্গ।

- (c) শব্দ তরঙ্গ সঞ্চালনের জন্য কোন জড় মাধ্যমের প্রয়োজন হয়না।

- (d) শব্দের বেগ তাপমাত্রার উপর নির্ভর করে।

58. একটি অগ্রগামী তরঙ্গের সমীকরণ  $y = 2 \sin \pi(500t - x)$ , সরণ মিটারে ও সময় সেকেন্ডে প্রকাশ করা আছে; এ তরঙ্গের কম্পাংক কত?

- (a) 500 Hz      (b) 250 Hz      (c) 1000 Hz      (d) None of these

সমাধান: (b);  $y = 2 \sin \pi(500t - x)$

$$\text{वा, } y = 2 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (500t - x) \dots \dots \dots \text{(i)}$$

(i) নং কে অগ্রগামী তরঙ্গের সাধারণ সমীকরণ  $y = a \sin \frac{2\pi}{\lambda} (vt - x)$  এর সাথে তুলনা করে পাই,

$$a = 2\text{m}, \lambda = 2\text{m}, v = 500\text{ms}^{-1}$$

$$\therefore \text{কম্পাক্ষ, } f = \frac{v}{\lambda} = \frac{500}{2} = 250 \text{ Hz}$$

59. একটি কার্নো ইঞ্জিন-এর সিঙ্কের তাপমাত্রা  $27^{\circ}\text{C}$  এবং ক্ষমতা 50%। উৎসের তাপমাত্রা কি পরিমাণ বৃদ্ধি করলে দক্ষতা 60% হবে?

- (a) 150 K      (b) 600 K      (c) 450 K      (d) None of these



সমাধান: (a); ১ম ক্ষেত্রে,  $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$  বা,  $0.5 = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

বা,  $\frac{T_2}{T_1} = 1 - 0.5 = 0.5$  বা,  $T_1 = \frac{T_2}{0.5} = \frac{300}{0.5} = 600\text{K}$

২য় ক্ষেত্রে,  $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$  বা,  $0.6 = 1 - \frac{T_2}{T_1}$  বা,  $\frac{T_2}{T_1} = 1 - 0.6 = 0.4$  বা,  $T_1 = \frac{T_2}{0.4} = \frac{300}{0.4} = 750\text{K}$

$\therefore$  উৎসের তাপমাত্রা বৃদ্ধি করতে হবে  $(750 - 600)\text{K} = 150\text{K}$

60. পানির ত্বেষ বিন্দুতে পানির চাপ কত?

(a) 4.57 mmHg      (b) 4.53 mmHg      (c) 4.59 mmHg

(d) None of these

সমাধান: (d); সঠিক উত্তর : 4.58 mmHg

### রসায়ন

61. যে অবস্থায়  $25\text{ sec}$  এ  $15.0\text{ m}^3$  অক্সিজেন গ্যাস পরিব্যাপ্ত হয় একই অবস্থায়  $62.5\text{ sec}$  এ  $25.0\text{ m}^3$  ক্লোরিন গ্যাস পরিব্যাপ্ত হলে ক্লোরিনের আপেক্ষিক ঘনত্ব কত? (অক্সিজেনের আপেক্ষিক ঘনত্ব = 16)

(a) 36.0      (b) 7.11      (c) 2.25

(d) None of these

সমাধান: (a);  $r_1 = \frac{15}{25} = 0.6$     $r_2 = \frac{25}{62.5} = 0.4$

$d_1 = 16$        $d_2 = ?$

$$\frac{r_1}{r_2} = \sqrt{\frac{d_2}{d_1}} \Rightarrow d_2 = d_1 \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \Rightarrow d_2 = 16 \times \left(\frac{0.6}{0.4}\right)^2 = 36$$

62.  $50^\circ\text{C}$  তাপমাত্রায়  $\text{N}_2\text{O}_4$  বিয়োজনের  $K_p$  এর মান  $3.11\text{ atm}$ । সাম্যমিশ্রণে  $\text{NO}_2$  এর আংশিক চাপ  $0.45\text{ atm}$  হলে  $\text{N}_2\text{O}_4$  এর আংশিক চাপ কত?

(a) 0.06 atm      (b) 0.07 atm      (c) 0.065 atm      (d) None of these

সমাধান: (c);  $\text{N}_2\text{O}_4 \rightleftharpoons 2\text{NO}_2$  বিক্রিয়ার জন্য,

এখানে,  $K_p = 3.11\text{ atm}$

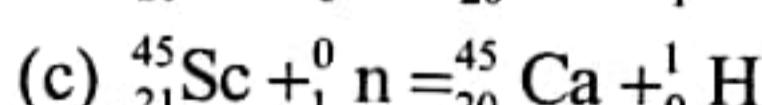
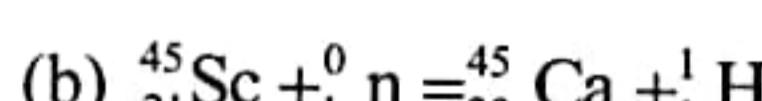
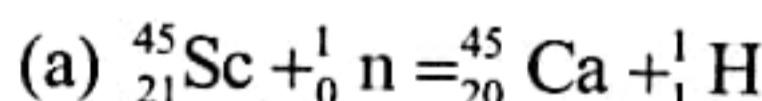
$$K_p = \frac{P_{\text{NO}_2}^2}{P_{\text{N}_2\text{O}_4}} \Rightarrow P_{\text{N}_2\text{O}_4} = \frac{P_{\text{NO}_2}^2}{K_p}$$

$$\Rightarrow P_{\text{N}_2\text{O}_4} = \frac{(0.45)^2}{3.11} = 0.065\text{ atm}$$

$$P_{\text{NO}_2} = 0.45\text{ atm}$$

$$P_{\text{N}_2\text{O}_4} = ?$$

63.  $^{45}_{21}\text{Sc}$  কে নিউট্রন কণা দ্বারা আঘাত করলে  $^{45}_{20}\text{Ca}$  আইসোটোপ উৎপন্ন হয়। নিউক্লিয়ার বিক্রিয়াটির সমীকরণ কি? [ Ans: a]



(d) None of these

64. সামুদ্রিক পানির আপেক্ষিক গুরুত্ব 1.03। এর  $1.0\text{ dm}^3$  পানি নিয়ে বাস্পীভূত করে  $36.4\text{ gm}$  শুক লবণ পাওয়া যায়। সামুদ্রিক পানিতে কঠিন বস্তুর শতকরা পরিমাণ নির্ণয় কর।

(a) 3.5%      (b) 3.53%      (c) 3.534%      (d) None of these

সমাধান: (c);  $1\text{ dm}^3$  সামুদ্রিক পানির ভর =  $1030\text{ gm}$     $\therefore \% \text{ লবণ} = \frac{36.4}{1030} \times 100 = 3.534\%$

65. একটি বাফার দ্রবণে  $\text{HCN}$  ও  $\text{NaCN}$  উভয় দ্রবণের ঘনমাত্রা  $0.01\text{M}$ । যদি  $\text{HCN}$  এর আয়নীকরণ প্রক্রিয়া  $7.2 \times 10^{-10}$  হয় তাহলে বাফার দ্রবণে  $\text{OH}^-$  আয়নের ঘনমাত্রা কত?

(a)  $1.389 \times 10^{-5}\text{ M}$       (b)  $1.3 \times 10^{-5}\text{ M}$       (c)  $1.389 \times 10^5\text{ M}$       (d) None of these

সমাধান: (a);  $pH = pK_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$  বা,  $pH = pK_a + \log \frac{0.01}{0.01}$  বা,  $pH = pK_a + 0$  বা,  $pH = pK_a$

$$\therefore [\text{H}^+] = K_a = 7.2 \times 10^{-10} \text{ M} \quad \therefore [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-14}}{7.2 \times 10^{-10}} = 1.389 \times 10^{-5} \text{ M}$$

66. একটি ১ম ক্রম বিক্রিয়ার 15% সম্পন্ন হয় 20 মিনিটে। বিক্রিয়াটির 60% সম্পন্ন করতে কত সময় লাগবে? [Ans: d]

- (a) 112.7195 min    (b) 112.7185 min    (c) 112.1975 min    (d) None of these

সমাধান: (d); ১ম ক্ষেত্রে,  $K = \frac{1}{t} \ln \frac{c}{c_0} \Rightarrow K = \frac{1}{20} \ln \frac{100}{85} = 8.126 \times 10^{-3} \text{ min}^{-1}$

$$\text{২য় ক্ষেত্রে, } K = \frac{1}{t} \ln \frac{c}{c_0} \Rightarrow t = \frac{1}{K} \ln \frac{c}{c_0} \Rightarrow t = \frac{1}{8.126 \times 10^{-3}} \ln \frac{100}{40} \quad \therefore t = 112.76 \text{ min}$$

67. 1.881 gm ভেজালযুক্ত  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  কে পানিতে দ্রবীভূত করে আয়তন  $250 \text{ cm}^3$  করা হল। এ দ্রবণের  $25 \text{ cm}^3$ , M/10 মাত্রার  $24.05 \text{ cm}^3 \text{ HCl}$  দ্রবণে পূর্ণ প্রশমিত করে।  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  এর মধ্যে ভেজালের শতকরা পরিমাণ কত?

- (a) 32%    (b) 32.23%    (c) 33%    (d) None of these

সমাধান: (b); ভেজাল 1.881 gm

$$\text{ধরি, } \text{cm}^3 \text{ দ্রবণে বিশুদ্ধ } \text{Na}_2\text{CO}_3 = x \text{ gm} \quad \therefore \frac{x}{106} \times 2 = \frac{24.05}{1000} \times 1 \times \frac{1}{10} \quad \Rightarrow x = 0.1275 \text{ gm}$$

$$250 \text{ cm}^3 \text{ দ্রবণে বিশুদ্ধ } \text{Na}_2\text{CO}_3 = 0.1275 \times 10 \text{ gm} = 1.275 \text{ gm}$$

$$\therefore \text{ভেজালের শতকরা পরিমাণ} = \frac{1.881 - 1.275}{1.881} \times 100\% = 32.23\%$$

- 68.\* গ্রীন হাউজ গ্যাসগুলোর সঠিক শতকরা হার নিচের কোনটি? [Ans: a]

- (a)  $\text{CO}_2$ : 49%, CFC: 14%,  $\text{CH}_4$ : 18%,  $\text{N}_2\text{O}$ : 6%, Others: 13%  
 (b)  $\text{CO}_2$ : 50%, CFC: 13%,  $\text{CH}_4$ : 20%,  $\text{N}_2\text{O}$ : 8%, Others: 9%  
 (c)  $\text{CO}_2$ : 60%, CFC: 3%,  $\text{CH}_4$ : 10%,  $\text{N}_2\text{O}$ : 18%, Others: 9%  
 (d) None of these

69.  $^{238}\text{U}$  এবং  $^{235}\text{U}$  আইসোটোপ দ্বারা প্রস্তুত  $\text{UF}_6$  গ্যাসের ব্যাপন হারের জন্য সঠিক ক্রম কোনটি?

- (a)  $^{235}\text{UF}_6 > ^{238}\text{UF}_6$     (b)  $^{238}\text{UF}_6 > ^{235}\text{UF}_6$     (c)  $^{235}\text{UF}_6 = ^{238}\text{UF}_6$     (d) None of these

সমাধান: (a); প্রাহামের ব্যাপন সূত্র

70. কোন মৌলসমূহ পরস্পরের আইসোটোন? [Ans: b]

- (a)  ${}_1^1\text{H}, {}_1^2\text{H}, {}_1^3\text{H}$     (b)  ${}_{14}^{30}\text{Si}, {}_{15}^{31}\text{P}, {}_{16}^{32}\text{S}$     (c)  ${}_{29}^{64}\text{Cu}, {}_{30}^{64}\text{Zn}$     (d) None of these

71. একই চাপে ও তাপমাত্রায় কোন পাত্রের একই ছিদ্রপথে A ও B নামক দুটি গ্যাসের নিঃসরণ হার যথাক্রমে 0.3 এবং 0.2। B গ্যাসের ঘনত্ব 14 হলে A গ্যাসের ঘনত্ব কত?

- (a) 12.44    (b) 9.33    (c) 6.22    (d) None of these

সমাধান: (c);  $\frac{r_B}{r_A} = \sqrt{\frac{d_A}{d_B}} \Rightarrow d_A = d_B \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \Rightarrow d_A = 14 \times \left(\frac{0.2}{0.3}\right)^2 \quad \therefore d_A = 6.22$

72. 20 mL NaOH দ্রবণকে প্রশমিত করতে 0.5 M  $\text{H}_2\text{SO}_4$  এসিডের 20.5 mL প্রয়োজন হয়। দ্রবণটির মোলারিটি কত?

- (a)  $1.025 \text{ mol L}^{-1}$     (b) 1.025 M    (c) 10.25 M    (d) None of these

সমাধান: (b);  $\text{H}_2\text{SO}_4 + 2\text{NaOH} = \text{Na}_2\text{SO}_4 + 2\text{H}_2\text{O}$

$$\frac{S_A V_A}{S_B V_B} = \frac{a}{b} \Rightarrow S_B = \frac{S_A V_A b}{V_B a} \Rightarrow S_B = \frac{0.5 \times 20.5 \times 2}{20 \times 1} \quad \therefore S_B = 1.025 \text{ M}$$



73.  $25^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রায় নিচের কোষটির তড়িৎচালক বল কত?

- $\text{Fe}/\text{FeSO}_4(0.1\text{M}) \parallel \text{CuSO}_4(0.01\text{M})/\text{Cu}$ . Given:  $E^{\circ}_{\text{Fe}/\text{Fe}^{2+}} = 0.44\text{V}$ ;  $E^{\circ}_{\text{Cu}/\text{Cu}^{2+}} = -0.34\text{V}$ ;  
 (a) 0.78V      (b) 0.10V      (c) -0.10V      (d) None of these

সমাধান: (d);  $\text{Fe}/\text{Fe}^{2+} \parallel \text{Cu}^{2+}/\text{Cu}$

$$E_{\text{cell}} = E^{\circ}_{\text{Fe}/\text{Fe}^{2+}} + E^{\circ}_{\text{Cu}^{2+}/\text{Cu}} = 0.44 + 0.34 = 0.78\text{V}$$

$$E_{\text{cell}} = E^{\circ}_{\text{cell}} - \frac{2.303\text{RT}}{nF} \log \frac{[\text{Fe}^{2+}]}{[\text{Cu}^{2+}]} = 0.78 - \frac{2.303 \times 8.314 \times 298}{2 \times 96500} \log \left( \frac{0.1}{0.01} \right) = 0.75\text{V}$$

74.\* একটি নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় ইথানল ও মিথানলের বাস্পচাপ যথাক্রমে 6.0 kPa ও 11.8 kPa। ঐ তাপমাত্রায় 60.0 gm ইথানল ও 40.0 gm মিথানল দিয়ে একটি আদর্শ দ্রবণ তৈরী করা হলে দ্রবণটির মোট বাস্পচাপ কত?

- (a) 8.84 kPa      (b) 8.958 kPa      (c) 16.84 kPa      (d) None of these

সমাধান: (a); ধরি, A = ইথানল ( $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$ ) ; ও B = মিথানল ( $\text{CH}_3\text{OH}$ )

$$\therefore P_A^{\circ} = 6\text{kPa} \text{ ও } P_B^{\circ} = 11.8\text{kPa}; \quad m_A = 60\text{gm} \text{ ও } m_B = 40\text{gm}$$

$$n_A = \frac{60}{46} = 1.30 \text{mole}; \quad n_B = \frac{40}{32} = 1.25 \text{mole}$$

$$X_A = \frac{n_A}{n_A + n_B} = \frac{1.30}{1.30 + 1.25} = 0.51$$

$$\therefore X_B = 1 - 0.51 = 0.49 \quad \therefore \text{মোট বাস্প চাপ}, P = P_A^{\circ}X_A + P_B^{\circ}X_B = 6 \times 0.51 + 11.8 \times 0.49 = 8.84\text{kPa}$$

75. একটি উভয় বিক্রিয়ার  $\Delta n$  এর মান  $\frac{1}{2}$ , কত কেলভিন তাপমাত্রায় বিক্রিয়াটির  $K_p$  ও  $K_c$  এর মান যথাক্রমে 40.5 ও 5.5

হবে? দেয়া আছে  $R = 0.082\text{Latm K}^{-1} \text{mol}^{-1}$ .

- (a) 179.60 K      (b) 661.26 K      (c) 330.63 K      (d) None of these

সমাধান:  $K_p = K_c(RT)^{\Delta n}$  বা,  $(RT)^{\Delta n} = \frac{K_p}{K_c}$  বা,  $T = \frac{1}{R} \left( \frac{K_p}{K_c} \right)^{\frac{1}{\Delta n}} = \frac{1}{0.082} \times \left( \frac{40.5}{5.5} \right)^{\frac{1}{0.5}} \therefore T = 661.26\text{K}$

76. 700 K তাপমাত্রায় ও 20 atm চাপে  $\text{N}_2(\text{g}) + 3\text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2\text{NH}_3(\text{g})$  বিক্রিয়াটি সাম্যাবস্থায় 21%  $\text{N}_2$  ও 16%  $\text{NH}_3$  থাকে। বিক্রিয়াটির  $K_p$  এর মান কত?

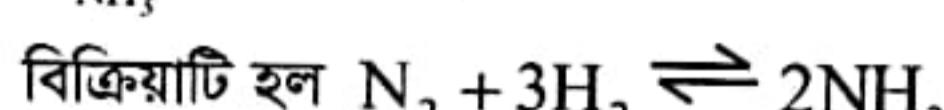
- (a)  $1.097 \times 10^{-2} \text{ atm}^{-2}$       (b)  $4.6 \times 10^{-2} \text{ atm}^{-2}$       (c)  $1.2 \times 10^{-3} \text{ atm}^{-2}$       (d) None of these

সমাধান: (c); সাম্যাবস্থায়,  $\text{H}_2 = 100\% - (21+16)\% = 63\%$

$$\therefore P_{\text{N}_2} = 0.21 \times 20 = 4.2$$

$$P_{\text{H}_2} = 0.63 \times 20 = 12.6$$

$$P_{\text{NH}_3} = 0.16 \times 20 = 3.2$$



$$\therefore K_p = \frac{P_{\text{NH}_3}^2}{P_{\text{N}_2} \cdot P_{\text{H}_2}^3} \text{ বা, } K_p = \frac{(3.2)^2}{4.2 \times (12.6)^3} \quad \therefore K_p = 1.2 \times 10^{-3} \text{ atm}^{-2}$$

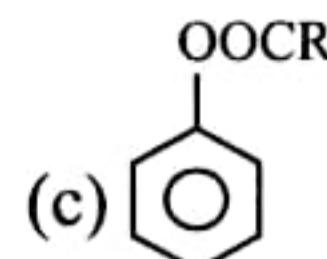
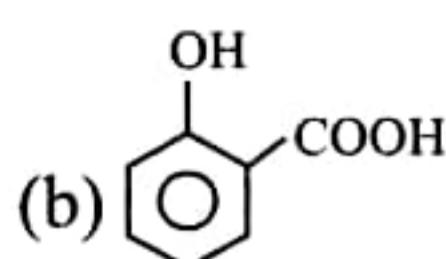
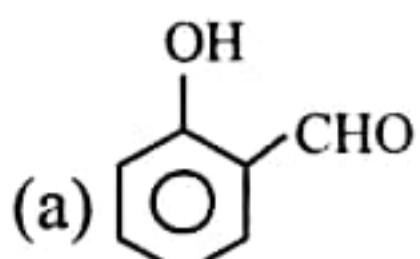
77.  $25^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রা ও 1 atm চাপে ইথিলিন, হাইড্রোজেন ও ইথেনের দহন তাপ যথাক্রমে -1410.92 KJ, -284.24 KJ এবং -1560.24 KJ। ইথিলিনের বিজ্ঞারণে উদ্ভৃত তাপের পরিমাণ কত?

- (a) -282.92 KJ      (b) +134.92 KJ      (c) -134.92 KJ      (d) None of these

সমাধান: (c);  $\text{C}_2\text{H}_4 + \text{H}_2 \rightarrow \text{C}_2\text{H}_6$

$$\text{বিক্রিয়া তাপ} = (-1410.92 - 284.24) - (-1560.24) = -134.92\text{KJ}$$

78. কোনটি রাইমার টাইম্যান বিক্রিয়ায় উৎপন্ন হয়?



(d) None of these

[Ans: a]

79. মিথান্যালের কোন জলীয় দ্রবণটি ফরমালিন?

(a) 30–40%

(b) 20–30%

(c) 50–60%

(d) None of these

সমাধান: (a); মিথান্যালের 30–40% জলীয় দ্রবণকে ফরমালিন বলে। প্রশ্নে দেয়া আছে মিথান্যাল।

80. অনার্ট্রি  $\text{AlCl}_3$  এর উপস্থিতিতে মিথাইল ক্লোরাইডের সাথে টলুইনের বিক্রিয়ায় কি উৎপন্ন হয়?

[Ans: c]

(a) O-xylene

(b) P-xylene

(c) O-xylene and P-xylene

(d) None of these

81. পারমাণবিক চূল্পীতে কোন বিক্রিয়া সংঘটিত হয়?

[Ans: c]

(a) Chemical reaction

(b) Nuclear fusion reaction

(c) Nuclear fission reaction

(d) None of these

82. অ্যালডিহাইড ও কিটোন  $\text{Zn}/\text{Hg}$  এবং  $\text{HCl}$  এর সহিত বিক্রিয়া করে হাইড্রোকার্বন তৈরী করে। বিক্রিয়াটিকে বলা হয়-

(a) Wolff-Kishner reduction

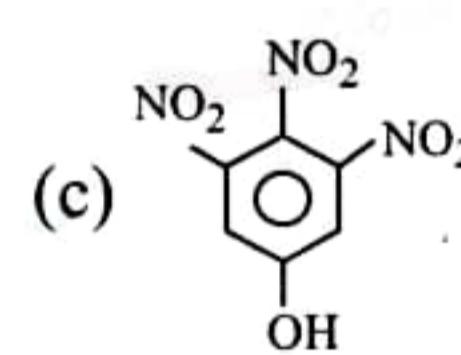
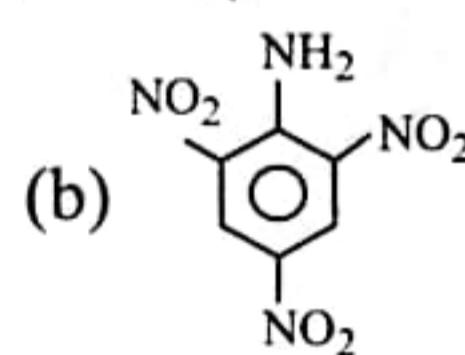
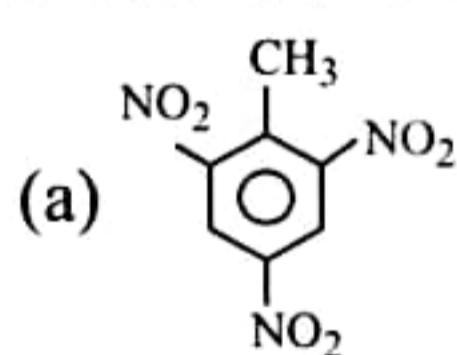
(b) Clemmensen reduction

[Ans: b]

(c) Catalytic reduction

(d) None of these

83. পিকরিক এসিডের গাঠনিক সংকেত কোনটি?



(d) None of these

সমাধান: (d); সঠিক উত্তরঃ

84. সিলিকন (Si) এর ইলেক্ট্রনিক বিন্যাস কোনটি?

(a)  $1s^2 2s^2 2p^5 3s^2 3p^3$  (b)  $1s^2 2s^2 2p^5 3s^1 3p^4$  (c)  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5$  (d) None of these

সমাধান: (d); সঠিক উত্তরঃ  $\text{Si}(14) = 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^2$

85. নিচের কোনটি উভধর্মী অক্সাইড?

[Ans: d]

(a)  $\text{CO}_2$

(b)  $\text{NO}_2$

(c)  $\text{B}_2\text{O}_3$

(d) None of these

86. 250ml 0.1N পটাশিয়াম ডাইক্রোমেট দ্রবণ তৈরি করতে কত গ্রাম পটাশিয়াম ডাইক্রোমেট লাগবে?

(a) 1.3321g (b) 1.3251g (c) 1.3251g (d) None of these

সমাধান: (w);  $w = \text{MVS}$

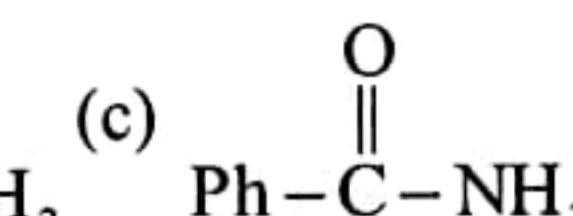
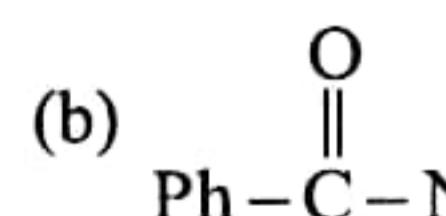
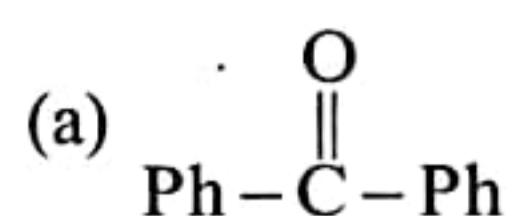
$$= 294 \times \frac{250}{1000} \times \frac{0.1}{6} = 1.225 \text{ gm}$$

$$N = eS$$

$$\Rightarrow S = \frac{N}{e} = \frac{0.1}{6}$$

87. নিচের কোনটি বেনজোফেননের গাঠনিক সংকেত?

[Ans: a]



(d) None of these

88. নিচের কোন ঘোগটি সাধারণ শিল্পে উপজাত হিসেবে পাওয়া যায়?

(a) Oxalic Acid (b) Fat

(c) Oil

(d) None of these

সমাধান: (d); সঠিক উত্তরঃ Glycerine (গ্লিসারিন)






ইংরেজি