

Question Type-17:

- (i) $\Delta E = mS\Delta\theta = (A_1 - A_2)T \Rightarrow mS\Delta\theta = (A_1 - A_2)T \Rightarrow \rho VS\Delta\theta = (A_1 - A_2)T \therefore \Delta\theta = \frac{(A_1 - A_2)T}{\rho VS}$
- (ii) পৃষ্ঠশক্তি $= \frac{W}{A} \Rightarrow W = EA$; আবার, $T = E \therefore W = TA$

Related Questions:

01. $2 \times 10^{-7} \text{ m}$ ব্যাসার্দের দুটি পানি বিন্দুকে একত্রিত করে একটি পানি বিন্দুতে পরিণত করলে তাপমাত্রা কত বৃদ্ধি পাবে? [JnU'08-09]

(a) $2.7 \times 10^{-2} \text{ K}$ (b) $26.4 \times 10^{-2} \text{ K}$ (c) $10.8 \times 10^{-2} \text{ K}$ (d) $54 \times 10^{-2} \text{ K}$

$$\text{Sol}: (d); 2 \times \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi R^3 \therefore R = \sqrt[3]{2r} \quad T = 72 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$$

$$\Delta E = (A_1 - A_2)T = (2 \times 4\pi r^2 - 4\pi R^2)T = \left\{ 4\pi \left(2r^2 - (\sqrt[3]{2r})^2 \right) \right\} T = 1.5 \times 10^{-14} \text{ J}$$

$$\Delta E = ms\Delta\theta = \rho Vs\Delta\theta = \rho \frac{4}{3}\pi R^3 s\Delta\theta \therefore 1.5 \times 10^{-14} = 1000 \times \frac{4}{3}\pi (\sqrt[3]{2r})^3 \times 4200 \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 53.2 \times 10^{-2} \text{ K}$$

02. 2 mm ব্যাসের একটি গোলককে 10^6 ছেট ছেট বিন্দুতে স্প্রে করা হলে ব্যয়িত শক্তির পরিমাণ কত হবে? [RU'08-09]
(পৃষ্ঠটান = $72 \times 10^{-3} \text{ N/m}$)

(a) $4.5 \times 10^{-5} \text{ J}$ (b) $9 \times 10^{-5} \text{ J}$ (c) $1 \times 10^{-4} \text{ J}$ (d) $9 \times 10^{-4} \text{ J}$

$$\text{Sol}: (b); \frac{4}{3}\pi R^3 = 10^6 \times \frac{4}{3}\pi r^3 \therefore r = 10^{-2} \quad R = 10^{-2} \times \frac{2 \times 10^{-3}}{2} = 10^{-5} \text{ m}$$

$$\therefore \Delta E = (A_2 - A_1)T = (10^6 \times 4\pi r^2 - 4\pi R^2)T \approx 9 \times 10^{-5} \text{ J}$$

Question Type-18:

- (i) চাপ দিলে গলনাংক ও স্ফুটনাংক বেড়ে যায় আর চাপ কমালে গলনাংক ও স্ফুটনাংক কমে যায়।

Related Questions:

01. উচ্চ পর্বতের উপর খোলা পাত্রে ঝালা করা কঠিন হওয়ার কারণ কি?

(a) উচ্চতা (b) বায়ু চাপের বৃদ্ধি (c) স্ফুটনাংকের হ্রাস (d) স্ফুটনাংকের বৃদ্ধি [Ans: c][RU'11-12]

02. দুটি বরফখণ্ড একত্র চাপ দিলে লেগে যায়। এর ব্যাখ্যা কি?

(a) পৃষ্ঠটান (b) বয়েলের সূত্র (c) চাপের উপর গলনাংকের নির্ভরতা (d) আপেক্ষিক তাপ [Ans: c][RU'08-09]

অধ্যায় - 08: পর্যাবৃত্তিক গতি**Question Type-01 : সরল দোলকের দোলনকাল**

$$\text{দোলনকাল}, T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

- $T \propto \sqrt{L}$ (দোলনকাল কার্যকরী দৈর্ঘ্যের বর্গমূলের সমানুপাতিক)
- $T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$ (দোলনকাল অভিকর্ষজ ত্বরণের বর্গমূলের ব্যন্তানুপাতিক)
- এখানে ভর (m) ও দোলনের বিস্তার (A) অনুপস্থিতি। \therefore দোলনকাল বিস্তার ও ভরের উপর নির্ভর করে না।
- পৃথিবীর কেন্দ্রে ও কৃত্রিম উপগ্রহের অভ্যন্তরে $g = 0$ এ সকল স্থানে $T = \infty$
- তৃপ্তে সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য $L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} = \frac{2^2 \times 9.8}{4\pi^2} = 0.99 \text{ m}$; $L \propto g$; $L \propto T^2$

Example: একটি সরল দোলক 27.5 sec সময়ে 50 টি পূর্ণ দোলন দেয়। কার্যকরী দৈর্ঘ্য কত?

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{27.5}{50} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{9.8}} \Rightarrow L = \frac{(27.5)^2 \times 9.8}{50^2 \times 4\pi^2} = 7.51 \text{ cm}$$

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{T_1^2}{T_2^2}$$

Example: একটি পেন্ডুলাম ঘড়ি বিশুব রেখা হতে মেৰু রেখায় নিয়ে যাওয়া হলো। ঘড়িটি-

- (a) স্লো হয়ে যাবে (b) সঠিক সময় দিবে (c) ফাস্ট হয়ে যাবে (d) কোন প্ৰকাৰ প্ৰভাৱিত হবে না

$$T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}; g \propto \frac{1}{R^2} \Rightarrow T \propto R \therefore R_{\text{মেৰু}} < R_{\text{বিশুব}}$$

তাই, $T_{\text{মেৰু}} > T_{\text{বিশুব}} \therefore T_{\text{মেৰু}} < T_{\text{বিশুব}}$

\therefore মেৰুতে দোলনকাল কম হবে। ফলে ঘড়িটি দ্রুত চলবে।

Example: একটি সৱল দোলকের দৈৰ্ঘ্য অপৰ একটি সৱল দোলকের দিগন্ত। ২য় তিৰ দোলনকাল ৩s হলে ১ম তিৰ দোলনকাল কত?

$$L_1 = 2L_2; \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \Rightarrow T_1 = T_2 \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = 3 \cdot \sqrt{\frac{2L_2}{L_2}} = 3\sqrt{2} = 4.24 \text{ sec}$$

গোটোটো প্ৰিয় মেঁটো প্ৰযোগ।

Related Questions:

একটি সৱল দোলকের দৈৰ্ঘ্য অপৰটিৰ দিগন্ত } দ্বিতীয় সৱল দোলকের দোলনকাল ৩s হলে প্ৰথমটিৰ দোলনকাল কত?

- (a) 5.25s (b) 4.24s (c) 3.455s (d) 6.20s [DU'13-14,11-12,04-05]

$$\text{Sol}: (b); T \propto \sqrt{L} \therefore \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \therefore T_1 = \frac{\sqrt{2L_2}}{\sqrt{L_2}} \times 3 = 3\sqrt{2} = 4.24 \text{ s}$$

02. পৰ্যায়কাল দিগন্ত কৰতে সৱল দোলকের দৈৰ্ঘ্য কতওণ বৃদ্ধি কৰতে হবে?

- (a) $\frac{1}{4}$ (b) $\frac{1}{2}$ (c) 2 (d) 4

$$\text{Sol}: (d); T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \therefore \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \therefore L_2 = 4L_1$$

03. একটি সৱল দোলক পৃথিবীৰ কেন্দ্ৰে নিলে ইহার দোলনকাল কত হবে?

- (a) zero (b) infinity
(c) less than that on the earth surface (d) more than that on the earth surface

$$\text{Sol}: (b); \text{পৃথিবীৰ কেন্দ্ৰে } g = 0 \therefore T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \rightarrow \infty$$

04. মহাকাশে একটি সেকেন্ড দোলক এৱ কম্পাংক কত হবে?

- (a) 1 Hz (b) 0 Hz (c) 2 Hz (d) Infinite

$$\text{Sol}: (b); T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \therefore g = 0 \therefore T = \infty \therefore n = \frac{1}{T} = 0 \text{ Hz}$$

05. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ কাৰ্যকৰী দৈৰ্ঘ্য কত?

- (a) 0.093 m (b) 1.993 m (c) 0.993 m (d) 1.094 m

$$\text{Sol}: (c); 2 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \quad L = 0.9929$$

06. একটি সৱল দোলকেৰ দৈৰ্ঘ্য 2.45। কোন স্থানে অভিকৰ্ষজ তুলন 9.81 m/sec² হলে ঐ স্থানে দোলকটিৰ দোলনকাল —

- (a) 4sec (b) 5.5sec (c) 3.54sec (d) 3.14sec

$$\text{Sol}: (d); T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 3.14$$

07. একটি সেকেন্ড দোলককে পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে নিয়ে ঘৰ্ণায়মান কৃত্ৰিম উপগ্ৰহেৰ অভ্যন্তৰে স্থাপন কৰলে তাৰ দোলনকাল হবে —

- (a) ∞ sec (b) 0 sec (c) 2 sec (d) 4 sec

$\text{Sol}: (a)$; কাৰণ এখানে g এৱ আপেক্ষিক মান শূন্য।

08. একটি সরল দোলকের দোলন কাল পৃথিবীৰ কেন্দ্ৰে কত? [Ans: b][RU'10-11]
 (a) 0s (b) 0.05 sec ; $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ (c) 980s (d) বলা যাবে না
09. একটি সরল দোলকের দৈৰ্ঘ্য অপৰটিৱ দিগন্ত। দ্বিতীয় সরল দোলকের দোলন কাল 3 sec হলে প্ৰথমটিৱ দোলনকাল কত? [Ans:c][RU'08-09]
 (a) 4.27 sec (b) 4.32 sec (c) ~~4.24 sec~~ (d) 4.41 sec [Ans: b][RU'08-09]
10. একটি সরল দোলকের দোলনকাল 3s সেকেন্ড হলে এৱ কাৰ্যকৰ দৈৰ্ঘ্য- (d) 2.158 m [Ans: d][RU'08-09]
 (a) 2.125 m (b) ~~2.234 m~~ (c) 2.257 m (d) 2.158 m
11. একটি সরল দোলক 27.5s সময়ে 50টি দোলন পূৰ্ণ কৰলে দোলকটিৱ দৈৰ্ঘ্য কত? [Ans: d][RU'08-09]
 (a) 7.51m (b) 0.751m (c) 23.6 cm (d) ~~7.51 cm~~
12. একটি পেডুনাম ঘড়ি বিশুব রেখা হতে মুক্ত হলে নিয়ে যাওয়া হল। ঘড়িটি- (d) কোন প্ৰকাৰ প্ৰতিবিত হবে না [Ans: c][RU'08-09]
 (a) দ্রো হয়ে যাবে (b) ঠিক সময় দেবে (c) ফাস্ট হয়ে যাবে [Ans: b][RU'08-09]
13. একটি সরল দোলককে ভূ-কেন্দ্ৰে নিয়ে গোলে দোলনকাল হবে- (d) কোনটিই নয় [Ans: b][RU'08-09]
 (a) শূন্য (b) অসীম (c) স্থিৰ
14. একটি সরল দোলকেৱ কৌণিক বিস্তাৱ 4° এৱ কম হলে এবং দোলকেৱ ভূ চাৱ গুণ বৃক্ষি কৰা হলে দোলন কাল: [RU'07-08]
 (a) অৰ্ধেক (b) দিগন্ত (c) চাৱগুণ (d) কোন পৱিবৰ্তন হবে না [Ans: d]
15. একটি সরল দোলকেৱ বিস্তাৱ দিগন্ত কৰা হলে এৱ পৰ্যায়কাল সুস্পন্দন পৰ্যায়কালেৱ পূৰ্বেৱ পৰ্যায়কালেৱ- [Ans: c][CU'11-12]
 (a) দিগন্ত হবে (b) অৰ্ধেক হবে (c) সমান হবে (d) চাৱগুণ হবে (e) এক চতুৰ্থাংশ হবে
16. একটি সেকেন্ড দোলকেৱ দৈৰ্ঘ্য অভিকৰ্ষজ তুলনেৱ..... [Ans: b][CU'09-10]
 (a) ব্যানুপাতিক (b) ~~সমানুপাতিক~~ (c) বৰ্গেৱ সমানুপাতিক (d) বৰ্গমূলেৱ সমানুপাতিক (e) বৰ্গেৱ ব্যানুপাতিক
17. একটি সরল দোলকেৱ বিস্তাৱ দিগন্ত কৰলে এৱ দোলনকালেৱ অবস্থা কি হবে? [Ans: b][CU'09-10]
 (a) দিগন্ত হবে (b) অপৱিবৰ্তিত থাকবে (c) অৰ্ধেক হবে (d) চাৱগুণ হবে (e) আটগুণ হবে
18. একটি আদৰ্শ স্প্ৰিং- এৱ শেষ প্ৰান্তে ঝুলানো একটি ভূ T পৰ্যায়কাল নিয়ে উল্লম্বভাৱে স্পন্দিত হয়। এখন স্পন্দনেৱ বিস্তাৱ দিগন্ত কৰা হলে, নতুন দোলনকাল হবে- [DU_KA'15-16]
 (a) T (b) $2T$ (c) $\frac{T}{2}$ (d) $4T$
- Solⁿ: (a); দোলনকাল বিস্তাৱেৱ উপৰ নিৰ্ভৱ কৰেনো।
19. 40cm দীৰ্ঘ একটি সরল দোলক প্ৰতি মিনিটে 40 বাৱ দোল দেয়। যদি এৱ দৈৰ্ঘ্য 160 cm কৰা হয়, তবে 60 বাৱ দূলতে কত সময় নেবে? [RU'15-16]
 (a) 3s (b) 6s (c) 9s (d) 12s
- Solⁿ: (=); সঠিক উত্তৰ হচ্ছে 3min বা 180sec। Option এৱ ভুলবশত সবগুলোৱ পৱে sec আছে। $T \propto \sqrt{L}$ হওয়ায়, দৈৰ্ঘ্য 40cm থেকে 160cm কৰলে অৰ্থাৎ, 4 গুণ কৰলে দোলনকাল $\sqrt{4} = 2$ গুণ হবে। ফলে, বৰ্তমানে $\frac{40}{2}$ বাৱ দোল দেয়। min এ $\therefore 60$ বাৱ দোল দেয় $\frac{60}{20} \text{ min} = 3 \text{ min} = 180 \text{ sec}$ (প্ৰায়)
20. কোন স্থানে দুটি সরল দোলকেৱ দোলনকালেৱ অনুপাত 4:5 হলে এদেৱ কাৰ্যকৰ দৈৰ্ঘ্যেৱ অনুপাত বেৱ কৰ। [Ans: b]
 (a) 25:16 (b) 16:25 (c) 30:16 (d) 40:32
21. পৃথিবী পৃষ্ঠে একটি সেকেন্ড দোলকেৱ কাৰ্যকৰী দৈৰ্ঘ্য কত? [$g = 9.81 \text{ ms}^{-2}$] [JU'16-17]
 (a) 0.248m (b) 9.81m (c) 0.252m (d) ~~0.994m~~ [Ans: d][CU'16-17]
 (e) 2m

Question Type-02 : Differential equation

$$F = -kx \Rightarrow m \frac{d^2x}{dt^2} = -kx \Rightarrow m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0 \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0 \quad (\omega = \sqrt{\frac{k}{m}})$$

\therefore যি নিৰ্ণয়েৱ জন্য $\frac{d^2x}{dt^2}$ এৱ সহগ দ্বাৰা ভাগ কৰতে হবে। তাৱপৱ x এৱ সহগ $= \omega^2$ হবে।

This is a second order homogeneous differential equation:

এৱ সমাধান, $x = Ae^{i(\omega t + \delta)}$; $x = Be^{-i(\omega t + \delta)}$ বা, $x = Ae^{i(\omega t + \delta)} + Be^{-i(\omega t + \delta)}$

$x = A\sin(\omega t + \delta)$; $x = B\cos(\omega t + \delta)$ বা, $x = A\sin(\omega t + \delta) + B\cos(\omega t + \delta)$

~~Example:~~ একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনের গতির সমীকৰণের সমাধান-

$$(a) y = A \sin(\omega t - \delta) \quad (b) y = A \cos(\omega t + \delta) \quad (c) y = A e^{i(\omega t + \delta)}$$

Ans: সবগুলো।

(d) সবগুলো

Related Questions:

01. $4 \frac{d^2x}{dt^2} + 100x = 0$ সমীকৰণ দ্বারা বর্ণিত সরল ছন্দিত গতির কৌণিক কম্পাঙ্ক-
- (a) 4 rad/s (b) 100 rad/s (c) 25 rad/s (d) 5 rad/s

$$\text{Step-1: } \frac{d^2x}{dt^2} \text{ এর সহগ } 4 \text{ দ্বারা ভাগ } \frac{d^2x}{dt^2} + 25x = 0$$

$$\text{Step-2: } x \text{ এর সহগ} = \omega^2; \omega^2 = 25 \therefore \omega = 5 \text{ rad/sec}$$

~~Process-2:~~ $4 \frac{d^2x}{dt^2} + 100x = 0; m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0$ এর সাথে তুলনা করে পাই, $m = 4; k = 100$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{100}{4}} = 5 \text{ rad/sec}$$

02. একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনের গতির সমীকৰণের সমাধান-

- (a) $y = A \sin(\omega t + \delta)$ (b) $y = A \cos(\omega t + \delta)$ (c) $y = A \exp(i(\omega t + \delta))$ (d) সবগুলোই

Solⁿ: (d); $y = A \sin(\omega t + \delta)$ ও $y = A \cos(\omega t + \delta)$ দুটোই সমাধান

$\therefore y = A \sin(\omega t + \delta) + B \cos(\omega t + \delta)$ ও একটি সমাধান

$$y = A \exp(i(\omega t + \delta)) = A e^{i(\omega t + \delta)} = A(\cos(\omega t + \delta) + i \sin(\omega t + \delta))$$

$$= A \cos(\omega t + \delta) + A i \sin(\omega t + \delta) = A \cos(\omega t + \delta) + B \sin(\omega t + \delta) \text{ এটিও একটি সমাধান}$$

03. নিচের কোনটি গতির সমীকৰণ?

[Ans: c][KU'10-11]

- (a) $F = -kx$ (b) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ (c) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$ (d) $T = \frac{2\pi}{\omega}$

04. $3 \frac{d^2x}{dt^2} + 27x = 0$ সমীকৰণটি একটি সরল ছন্দিত স্পন্দন বর্ণনা করে। এই স্পন্দনের কৌণিক কম্পাঙ্ক কত? [DU_KA'15-16]

- (a) 3 rad/s (b) $\sqrt{3} \text{ rad/s}$ (c) $\sqrt{27} \text{ rad/s}$ (d) 9 rad/s

Solⁿ: (a); $3 \frac{d^2x}{dt^2} + 27x = 0 \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + 9x = 0 \therefore \omega^2 = 9 \Rightarrow \omega = 3 \text{ rad/s}$

05. সরল ছন্দিত স্পন্দন (simple harmonic oscillator)-এর ক্ষেত্রে কোনটি সঠিক সমীকৰণ?

[Ans: b][JnU'15-16]

- (a) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 t = 0$ (b) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$ (c) $\frac{d^2x}{dy^2} + \omega^2 x = 0$ (d) $\frac{d^2x}{dy^2} + \omega^2 y = 0$

06. সরল ছন্দিত গতি বা স্পন্দন এর ক্ষেত্রে কৌণিক বেগ-

[Ans: b][JU'10-11,09-10,CU'04-05]

- (a) $\omega = \sqrt{(m/k)}$ (b) $\omega = \sqrt{(k/m)}$ (c) $\omega = 2\pi \sqrt{(m/k)}$ (d) $\omega = 2\pi \sqrt{(k/m)}$

Question Type-03 : স্প্রিং এর দোলনকাল

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}} \Rightarrow e = \text{দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি}; \omega = \frac{2\pi}{T}; f = \frac{1}{T}$$

~~Example:~~ কোন স্প্রিং এর একপ্রান্তে কোন বস্তু ঝুলালে তা 20cm প্রসারিত হয়। কম্পাঙ্ক কত?

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}} \Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{e}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{9.81}{0.20}} = 1.11 \text{ Hz}$$

Example: m ভৱ বিশিষ্ট সরল ছন্দিত দোলকে বল ধ্রুবক K যদি দিগুণ করা হয় তবে দোলকের দোলনকাল T পরিবর্তিত হয়- ~~কৃতি~~ ~~কৃতি~~

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}; T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{2K}} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k} \cdot \frac{1}{2}} = \frac{T}{\sqrt{2}} \text{ Ans.}$$

Process-2: $T \propto \frac{1}{\sqrt{K}}$ \therefore বল ধ্রুবক দিগুণ করলে $T, \frac{1}{\sqrt{2}}$ গুণ হবে।

Example: একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনের গতিৰ সমীকৰণেৱ সমাধান-

$$(a) y = A \sin(\omega t - \delta) \quad (b) y = A \cos(\omega t + \delta) \quad (c) y = A e^{i(\omega t + \delta)}$$

(d) সবগুলো

Ans: সবগুলো।

Related Questions:

01. $\frac{d^2x}{dt^2} + 100x = 0$ সমীকৰণ দ্বাৰা বৰ্ণিত সরল ছন্দিত গতিৰ কৌণিক কম্পাঙ্ক-

- (a) 4 rad/s (b) 100 rad/s (c) 25 rad/s (d) 5 rad/s

$$\text{Step-1: } \frac{d^2x}{dt^2} \text{ এৱে সহগ } 4 \text{ দ্বাৰা ভাগ } \frac{d^2x}{dt^2} + 25x = 0$$

$$\text{Step-2: } x \text{ এৱে সহগ } = \omega^2; \omega^2 = 25 \therefore \omega = 5 \text{ rad/sec}$$

Process-2: $\frac{d^2x}{dt^2} + 100x = 0; m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0$ এৱে সাথে তুলনা কৰে পাই, $m = 4; k = 100$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{100}{4}} = 5 \text{ rad/sec}$$

02. একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনেৱ গতিৰ সমীকৰণেৱ সমাধান-

- (a) $y = A \sin(\omega t + \delta)$ (b) $y = A \cos(\omega t + \delta)$ (c) $y = A \exp(i(\omega t + \delta))$ (d) সবগুলোই

Solⁿ: (d); $y = A \sin(\omega t + \delta)$ ও $y = A \cos(\omega t + \delta)$ দুটোই সমাধান

$\therefore y = A \sin(\omega t + \delta) + B \cos(\omega t + \delta)$ ও একটি সমাধান

$$y = A \exp(i(\omega t + \delta)) = A e^{i(\omega t + \delta)} = A(\cos(\omega t + \delta) + i \sin(\omega t + \delta))$$

$$= A \cos(\omega t + \delta) + A i \sin(\omega t + \delta) = A \cos(\omega t + \delta) + B \sin(\omega t + \delta) \text{ এটিও একটি সমাধান}$$

03. নিচেৱ কোনটি গতিৰ সমীকৰণ?

[Ans: c][KU'10-11]

- (a) $F = -kx$ (b) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ (c) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$ (d) $T = \frac{2\pi}{\omega}$

04. $3 \frac{d^2x}{dt^2} + 27x = 0$ সমীকৰণটি একটি সরল ছন্দিত স্পন্দন বৰ্ণনা কৰে। এই স্পন্দনেৱ কৌণিক কম্পাঙ্ক কত? [DU_KA'15-16]

- (a) $\sqrt{3}$ rad/s (b) $\sqrt{3}$ rad/s (c) $\sqrt{27}$ rad/s (d) 9 rad/s

$$\text{Solⁿ: (a); } 3 \frac{d^2x}{dt^2} + 27x = 0 \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + 9x = 0 \therefore \omega^2 = 9 \Rightarrow \omega = 3 \text{ rad/s}$$

05. সরল ছন্দিত স্পন্দন (simple harmonic oscillator)-এৱে ক্ষেত্ৰে কোনটি সঠিক সমীকৰণ?

[Ans: b][JnU'15-16]

- (a) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 t = 0$ (b) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$ (c) $\frac{d^2x}{dy^2} + \omega^2 x = 0$ (d) $\frac{d^2x}{dy^2} + \omega^2 y = 0$

06. সরল ছন্দিত গতি বা স্পন্দন এৱে ক্ষেত্ৰে কৌণিক বেগ-

[Ans: b][JU'10-11,09-10,CU'04-05]

- (a) $\omega = \sqrt{(m/k)}$ (b) $\omega = \sqrt{(k/m)}$ (c) $\omega = 2\pi \sqrt{(m/k)}$ (d) $\omega = 2\pi \sqrt{(k/m)}$

Question Type-03 : স্প্রিং এৱে দোলনকাল

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}} \Rightarrow e = \text{দৈৰ্ঘ্য বৃক্ষি}; \omega = \frac{2\pi}{T}; f = \frac{1}{T}$$

Example: কোন স্প্রিং এৱে একপ্রাণ্তে কোন বস্তু ঝুলালে তা 20cm প্ৰসাৱিত হয়। কম্পাঙ্ক কত?

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}} \Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{e}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{9.81}{0.20}} = 1.11 \text{ Hz}$$

Example: m ভৱ বিশিষ্ট সরল ছন্দিত দোলকে বল ধ্রুবক K যদি দিগুণ কৰা হয় তবে দোলকেৱ দোলনকাল T পৱিত্ৰিত হয়- $\frac{1}{\sqrt{2}}$ গুণ

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}; T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{2K}} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K} \cdot \frac{1}{2}} = \frac{T}{\sqrt{2}} \text{ Ans.}$$

Process-2: $T \propto \frac{1}{\sqrt{K}}$ \therefore বল ধ্রুবক দিগুণ কৰলে $T, \frac{1}{\sqrt{2}}$ গুণ হবে।

Related Questions:

- (01) কোনো স্প্রিং-এৱং একটি প্রান্তে একটি বস্তু ঝুলালে এটি 20 cm প্ৰসাৰিত হয়। বস্তুটিকে একটু টেনে ছেড়ে দিলে কম্পাক্ষ হবে—
 (a) 1.11 Hz (b) 11.1 Hz (c) 2.11 Hz (d) 21.1 Hz [JU'11-12]

$$\text{Sol}^n: (a); f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{l}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{9.8}{20 \times 10^{-2}}} = 1.11 \text{ Hz}$$

- (02) কোন স্প্রিং এৱং একটি প্রান্তে m ভৱের একটি বস্তু ঝুলালে এটি 6 m প্ৰসাৰিত হয়। বস্তুটিকে এৱং পৰপৰ একটু টেনে ছেড়ে দিলে এই পৰ্যায়কাল কত হবে?
 (a) 4.9 S (b) 0.39 S (c) 0.29 S (d) 0.49 S [KU'09-10]

$$\text{Sol}^n: (a); T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{6}{9.8}} = 4.9 \text{ s}$$

Question Type-04:

সমীকৰণ, $y = A \sin(\omega t + \delta)$; $\omega = \frac{2\pi}{T}$

A = বিস্তাৱ

ω = কৌণিক কম্পাক্ষ

δ = আদি দশা

Related Questions:

- (01) একটি সৱল ছন্দিত গতি সম্পন্ন কণার বিস্তাৱ 0.1m, পৰ্যায়কাল 4s এবং আদি দশা 30° । উক্ত কণাটিৰ দোলনগতি সমীকৰণ কোনটি?
 [KU'14-15]

- (a) $x = 0.1 \sin\left(\frac{\pi}{2}t + \frac{\pi}{6}\right)$ (b) $x = 0.1 \sin\left(\frac{\pi}{4}t + \frac{\pi}{6}\right)$
 (c) $x = 1.0 \sin\left(\frac{\pi}{4}t + \frac{\pi}{6}\right)$ (d) $x = 1.0 \sin\left(\frac{\pi}{4}t - \frac{\pi}{6}\right)$

$\text{Sol}^n: (a); a = 0.1 \text{ m}, T = 4 \text{ s}, \delta = 30^\circ$

$$\therefore x = 0.1 \sin\left(\frac{2\pi}{4}t + 30^\circ\right) = 0.1 \sin\left(\frac{\pi}{2}t + 30^\circ\right) = 0.1 \sin\left(\frac{\pi}{2}t + \frac{\pi}{6}\right)$$

02. সৱল ছন্দিত গতিসম্পন্ন একটি কণার গতিৰ সমীকৰণ $y = 4 \sin[2\pi(360t - 0.2)]$; কণাটিৰ বিস্তাৱ কত? [Ans:e] [CU'12-13]

- (a) 0.2 (b) 2π (c) 360 (d) 2 (e) 4

03. সৱল ছন্দিত গতিসম্পন্ন একটি বস্তুৰ গতিৰ সমীকৰণ হচ্ছে $x = 6.0 \cos\left(3\pi + \frac{\pi}{3}\right)$ meters, বিস্তাৱ কত? [Ans:i]

- (a) 1.0 m (b) 0.0 m (c) 6.0 m (d) 3.0 m (e) 2.0 m [CU'08-09]

Question Type-05 : Energy, Kinetic & Potential

হিতিশক্তি $u = \frac{1}{2} kx^2$

গতিশক্তি $K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} kA^2 - \frac{1}{2} kx^2$

মোট শক্তি $E = \frac{1}{2} kA^2$; $E \propto A^2$

✓ এক চক্ৰে গড় গতিশক্তি = হিতিশক্তি = $\frac{1}{4} kA^2$

✓ Example: যদি মোট শক্তিৰ 90% গতিশক্তি হয় তাহলে সৱল ছন্দিত স্পন্দন এৱং বিস্তাৱ এৱং বিস্তাৱ এৱং বিস্তাৱ এৱং বিস্তাৱ এৱং বিস্তাৱ

$$E = \frac{1}{2} kA^2; KE = \frac{1}{2} k(A^2 - x^2)$$

$$\frac{KE}{E} = \frac{90}{100} = \frac{A^2 - x^2}{A^2} \Rightarrow 0.9 = 1 - \left(\frac{x}{A}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{x}{A}\right)^2 = 1 - 0.9 = 0.1 \therefore \frac{x}{A} = 0.316$$

Related Questions:

- (01) সরল ছন্দিত গতিতে চলমান একটি বস্তুর মোট শক্তি E , কম্পাক্ষ অপরিবর্তিত রেখে বিস্তার দ্বিগুণ করলে সরল ছন্দিত গতিতে চলমান বস্তুটির মোট শক্তি কত হবে? [DU'12-13]
 (a) E (b) $2E$ (c) $E/2$ (d) $4E$
 Sol^o : (d); $E \propto a^2$ [যখন কম্পাক্ষ দ্বিগুণ] $\Rightarrow E = ka^2$ | $E = k(a)^2 \dots \text{(i)}$ $E' = k(2a)^2 = 4ka^2 \dots \text{(ii)}$
- (02) সরল দোল গতি সম্পন্ন কোন বস্তুর সর্বোচ্চ গতিশক্তির সমীকরণ [Ans: a][JnU'16-17]
 (a) $(E_k)_{\max} = \frac{1}{2}m\omega^2a^2$ (b) $(E_k)_{\max} = \frac{1}{2}m\omega^2k^2$
 (c) $(E_k)_{\max} = \frac{1}{2}m\omega a^2$ (d) $(E_k)_{\max} = \frac{1}{2}m\omega k^2$

Question Type-06 : Velocity & Acceleration

(i) $V = \omega\sqrt{A^2 - x^2}$	$V_{\max} = \omega A$
(ii) $a = -\omega^2x$	$a_{\max} = \omega^2 A$
♦ <u>সাম্যাবস্থায় বেগ সর্বোচ্চ ও ত্বরণ শূন্য</u>	
♦ <u>সর্বোচ্চ বিস্তার / প্রাণ্তে ত্বরণ সর্বোচ্চ ও বেগ শূন্য</u>	

Example: SHM এর বিস্তার A ও দোলনকাল T এর সর্বোচ্চ বেগ কত?

$$V_{\max} = \omega A = \frac{2\pi}{T} A$$

Related Questions:

01. একটি বস্তু সর্বোচ্চ বিস্তার 5.0 m এবং 8.0 s দোলনকালে সরল ছন্দিত গতি সম্পন্ন। বস্তুটির সর্বোচ্চ বেগ কত? [DU'09-10]
 (a) 3.93 m/s (b) 3.13 m/s (c) 7.81 m/s (d) 6.20 m/s
 Sol^o : (a); $V_{\max} = \omega A = \frac{2\pi}{T} \times A = \frac{2\pi}{8} \times 5 = 3.93\text{ ms}^{-1}$
02. একটি সরল দোলকের দোলকপিণ্ডের সর্বোচ্চ ত্বরণ হয় কোন বিন্দুতে? [DU'08-09]
 (a) সর্বোচ্চ বিস্তার বিন্দুতে (b) মাঝের সর্বনিম্ন বিন্দুতে (শূন্য বিস্তার বিন্দু)
 (c) মাঝামাঝি কোন বিন্দুতে (d) দোলকপিণ্ডটি সমত্ত্বরণে নড়ে, তাই সর্বোচ্চ ত্বরণের কোন বিশেষ বিন্দু নেই
 Sol^o : (a); সর্বোচ্চ বিন্দুতে বেগ শূন্য ত্বরণ সর্বোচ্চ, সর্বনিম্ন বিন্দুতে ত্বরণ শূন্য বেগ সর্বোচ্চ।
03. 0.02 kg ভরের বস্তু 10 cm বিস্তার এবং 2 সেকেন্ড পর্যায়কালের সরলছন্দিত গতি প্রাপ্ত হলে বস্তুটির সর্বোচ্চ দ্রুতি নির্ণয় কর। [JnU'09-10]
 (a) 0.628 ms^{-1} (b) 0.314 ms^{-1} (c) 0.55 ms^{-1} (d) 0.413 ms^{-1}
 Sol^o : (b); $V_{\max} = \omega A = \frac{2\pi A}{T} = \frac{2\pi \times 0.1}{2} = 0.314\text{ ms}^{-1}$
04. সরল ছন্দিত স্পন্দন (Simple harmonic oscillation) এ স্পন্দনশীল কণার বেগ শূন্য হয়- [JnU'13-14]
 (a) যখন ত্বরণ (Acceleration) সর্বোচ্চ হয় (b) যখন সরণ সর্বনিম্ন হয়
 (c) যখন সরণ (Displacement) সর্বোচ্চ হয় (d) যখন ত্বরণ সর্বনিম্ন হয়
 Sol^o : (c); সরল ছন্দিত স্পন্দন এ স্পন্দনশীল কণার বেগ শূন্য হয় যখন সরণ সর্বোচ্চ হয়।
05. সরল ছন্দিত গতি বা স্পন্দন এর ক্ষেত্রে ত্বরণ- [Ans: d][JU'10-11]
 (a) $a = \omega^2 x$ (b) $a = \omega x^2$ (c) $a = \omega x$ (d) $a = -\omega^2 x$
06. সরল ছন্দিত গতি সম্পন্নকারী কোন কণার সর্বোচ্চ বেগ 0.02 ms^{-1} । কণাটির বিস্তার 0.004 m হলে, পর্যায়কাল কত? [Ans: d]
 (a) 3.14 s (b) 0.004 s (c) 4.50 s (d) 1.26 s [RU'09-10]
07. সরল ছন্দিত একটি বস্তু কণার গতির সমীকরণ $x = A \sin \omega t$, উহার ত্বরণ কত? [Ans: a][CU'09-10]
 (a) $-\omega^2 x$ (b) $\omega^2 x$ (c) ωx (d) ωx^2 (e) $-\omega x^2$

Example: একটি সরল দোলকের কার্যকর দৈর্ঘ্য 1m। উল্লম্ব রেখা থেকে 10cm দূৰে টেনে ছেড়ে দিলে গতিপথের সৰ্বনিম্ন বিন্দু অতিক্রমকালে ববের বেগ কত?

$$\begin{aligned} & \sqrt{l^2 - (0.1)^2} \\ & = 0.995 \text{ m} \\ h & = l - 0.995 \quad \left\{ \begin{array}{l} E = mgh \\ E = \frac{1}{2} mv^2 \end{array} \right. \\ & = 5 \times 10^{-3} \text{ m} \\ mgh & = \frac{1}{2} mv^2; \quad v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9.8 \times 5 \times 10^{-3}} \text{ ms}^{-1} = 0.31 \text{ ms}^{-1} \end{aligned}$$

Related Questions:

01) একটি সরল দোলকের ববের ভৱ 100g এবং কার্যকর দৈর্ঘ্য 1 মিটাৰ। উল্লম্ব রেখা থেকে ববটিকে 10cm দূৰে টেনে ছেড়ে দিলে গতিপথের সৰ্বনিম্ন বিন্দু অতিক্রমকালে ববের বেগ নিৰ্ণয় কৰ। [RU'08-09]

- (a) 0.44 m/s (b) 1.3 m/s (c) 0.22 m/s (d) 0.31 m/s

Solⁿ: (d); Here, $\frac{1}{2} mv^2 = mg \left(1 - \sqrt{1^2 - (0.1)^2} \right) \Rightarrow v = \sqrt{2 \times 9.8 \times 5.01 \times 10^{-3}} = 0.31 \text{ m/s}$

Question Type-10 : দশা পার্থক্য

$$y = A \sin(\omega t + \delta)$$

↓
দশা

- ♦ $\delta \rightarrow$ হচ্ছে আদি দশা
- ♦ $y = A \sin(\omega t + 30^\circ)$ ও $y = A \sin(\omega t + 60^\circ)$ এৰ দশা পার্থক্য $60^\circ - 30^\circ = 30^\circ$
- ♦ \sin ও \cos এৰ দশা পার্থক্য $\frac{\pi}{2}$

Example: $X = A \sin \omega t$ ও $A \cos \omega t$ হলে এদেৱ দশা পার্থক্য কত?

$$X = A \sin(\omega t) \quad X = A \cos \omega t = A \sin \left(\omega t + \frac{\pi}{2} \right)$$

$$\therefore \text{দশা পার্থক্য } \frac{\pi}{2} - 0 = \frac{\pi}{2}$$

Question Type-11:

সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য 1% বৃদ্ধি কৱলে উক্ত দোলক দিনে কত সময় হারাবে?

$$T_2 = T_1 \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = 2 \sqrt{1.01}$$

$(86400 - x)$ টি অৰ্ধদোল দেয় 86400 s এ

$$2 \text{ টি অৰ্ধদোল দেয় } \frac{2 \times 86400}{86400 - x} \text{ s এ } 2 \left(\frac{86400}{86400 - x} \right) = 2\sqrt{1.01}$$

$$\therefore x = 428.786 \text{ s} \approx 428 \text{ s}$$

অধ্যায় - ০৯: তৱজে

Question Type-01: শব্দেৱ বেগ:

$$v = f\lambda = \frac{\lambda}{T}; \quad T = \text{পৰ্যায়কাল}$$

- ♦ তৱজেৱ এক সেকেন্ডে অতিক্রান্ত দূৰত্বকে বেগ বলে।
- ♦ 3s এ শব্দ 1200m গেলে শব্দেৱ বেগ, $\frac{1200}{3} = 400 \text{ ms}^{-1}$
- ♦ $v \propto \sqrt{T}$ এবং প্ৰতি ডিগ্ৰি তাপমাত্ৰা বৃদ্ধিৰ জন্য 0.6 ms^{-1} হাৰে
- ♦ কোন তৱজে একটি পূৰ্ণ কম্পন যত দূৰত্ব অতিক্ৰম কৱে তাকে ঐ তৱজেৱ তৱজে দৈৰ্ঘ্য বলে।
- ♦ 3 টি কম্পনে তৱজে 18m গেলে তৱজে দৈৰ্ঘ্য $\frac{18}{3} = 6 \text{ m}$
- ♦ একই উৎস থেকে সৃষ্টি তৱজেৱ কম্পাক্ষ সকল মাধ্যমে একই থাকে। তৱজেৱ বৈশিষ্ট্য হল এৱ কম্পাক্ষ।