

12. A person who does not believe in the existence of God is called _____.
 A. theist B. heretic
 C. atheist D. fanatic

ব্যাখ্যা : উন্নতপূর্ণ কিছু Definition :

- **Atheist** : A person who does not believe in the existence of God.
- **Heretic** : A person believing in or practising religious heresy.
- **Theist** : A person who believes in the existence of God.
- **Fanatic** : A person filled with excessive and single minded zeal.

Ans : C.

13. Brothers must live in harmony. They must never fall _____.
 A. apart B. away C. off D. out

ব্যাখ্যা : Fall apart - বিচ্ছেদ Fall out - কলহ করা
 বাকটির অর্থ "ভাইদের অবশ্যই মিলেমিশে থাকতে হবে, তাদের অবশ্যই বিচ্ছেদ হওয়া উচিত নয়।"

Ans : A.

14. Which one is the correct meaning of the following idioms and phrases : 'A man of straw'
 A. an worthy fellow B. an unreasonable person
 C. a very active person D. a man of no substance

ব্যাখ্যা : A man of straw - A man of no substance

উন্নতপূর্ণ কিছু phrase-

- Hit the sack - To go to bed
- In a nutshell - Expressed in a few words.
- Go bananas - Become crazy.
- Hit the book - to study very hard.

Ans : D.

15. Convert into indirect speech : He said to her, 'What a cold day!'

- A. He told her that it was a cold day.
- B. He exclaimed that it was a cold day.
- C. He exclaimed that it was a very cold day.
- D. He exclaimed sorrowfully that it was a cold day.

ব্যাখ্যা : Exclamatory sentence কে indirect speech এ রূপান্তর করার structure-

Structure : subject + exclaimed + that + other subject + verb + very + adjective (or great + noun) +

Example : Direct : He said, "What a beautiful bird!"

Indirect : He exclaimed that the bird was very beautiful.

অনুবৃত্তাবে, He exclaimed that it was a very cold day.

Ans : C.

16. Choose the noun that is always singular.

- A. baby B. box
- C. knife D. furniture

ব্যাখ্যা : • Furniture is an uncountable noun, thus it is always singular.

• The plural would "Pieces of furniture" but furniture is always singular.

Ans : D.

17. Complex form of the sentence 'Saima is both a singer and a painter' is _____.
 A. Saima is a singer but a painter as well.
 B. Saima is not only a singer but also a painter.
 C. Saima who is a singer is a painter as well.
 D. Saima is a singer and a painter as well.

ব্যাখ্যা : both.... and স্বতুক compound কে complex করার নিয়ম।

Structure : subject + verb + both উঠে not only + Noun/Adj./Adv. + and উঠে but also + Noun/Adj./Adv.

Example : He is both smart and intelligent.

He is not only smart but also intelligent.

অনুবৃত্তাবে, Saima is not only a singer but also a painter

Ans : B.

18. At that time he _____ in England for two months.
 A. had lived B. had been living
 C. lived D. was living

ব্যাখ্যা : অতীতে একটি কাজ নির্দিষ্ট বা অনিদিষ্ট সময়ে উক্ত হয়ে চলছিল বুঝাতে past perfect continuous হয়।

Structure: subject + had + been + verb(ing) + obj.

Example: She had been reading for two hours.
 অনুবৃত্তাবে, At that time he had been living in England for two months.

Ans : B.

19. 'I met a little cottage girl'- Here 'girl' in the sentence is _____.
 A. Noun B. Adverb C. Pronoun D. Adjective

ব্যাখ্যা : এটি Noun functioning as adjective এর উদাহরণ :
 এখানে cottage এবং girl দুইটিই Noun ; দুইটি noun একসাথে থাকলে প্রথমটি Adjective এবং পরেরটি Noun হিসেবে কাজ করে।
 এছাড়া, girl- Common noun.

Ans : A.

20. Which one of the followings is a verb?
 A. Aberrant B. Deflect
 C. Divergence D. Divergent

ব্যাখ্যা : Deflect (Verb) - পরিবর্তন করা।

Aberrant (Adj.) - বিপথগামী

Divergence (Noun.) - বিকিরণ

Divergent (Adj.) - অপসরণশীল

Ans : B.

21. $3x - 100y + 45 = 0$ এবং $-50x - 1.5y + 34 = 0$
 সরলরেখা দুটি একে অপরের সাথে.....

- A. লম্ব B. সমান্তরাল C. একই রেখা D. কোনটিই না

ব্যাখ্যা : ১য় রেখার ঢাল = $\frac{3}{100}$; ২য় রেখার ঢাল = $-\frac{50}{1.5} = -\frac{100}{3}$

$$\text{ঢালদ্বয়ের গুণফল} = -\frac{100}{3} \times \frac{3}{100} = -1$$

∴ রেখাদ্বয় পরস্পর লম্ব।

Ans : A.

22. একটি বিদ্যুত কার্ডেসীয় স্থানাংক (4, a) ও পোলার স্থানাংক (5, b)
 হলে বিদ্যুতি থেকে x- অক্ষের উপর লম্বের দৈর্ঘ্য কত?

- A. 5 B. 3
- C. 4 D. 4/3

ব্যাখ্যা : কার্তেসীয় স্থানাংক $(x, y) = (4, a)$

পোলার স্থানাংক $(r, \theta) = (5, b)$

$$\text{এখন, } \sqrt{x^2 + y^2} = r \Rightarrow 4^2 + y^2 = 5^2 \Rightarrow y = 3$$

\therefore বিন্দুটির স্থানাংক $(4, 3)$

বিন্দুটি হতে x অক্ষের উপর লম্বের দৈর্ঘ্য = বিন্দুটির কোণটি = 3

Ans : B.

২৩ $5x - 5\sqrt{3}y + 1 = 0$ সমীকরণটির বৈশিষ্ট্য নিচের কোনটি?

- A. x - অক্ষের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে
- B. উভয় অক্ষের খণ্ডিত অংশ সমান
- C. y - অক্ষের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে
- D. কোণটিই নয়

ব্যাখ্যা : $5x - 5\sqrt{3}y + 1 = 0$

$$\text{রেখাটির ঢাল, } \tan \theta = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \theta = 30^\circ$$

অর্থাৎ, রেখাটি x অক্ষের ধনাত্মক দিকের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে।

Ans : A.

২৪. ACBO আয়তক্ষেত্রে $A(0, -4)$, $B(-6, 0)$ $O(0, 0)$ তিনটি শৈর্ষবিন্দু এবং $2x + 3y + 12 = 0$ রেখাটি আয়তক্ষেত্রের একটি কর্ণ হলে আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত?

- A. 24
- B. 12
- C. 48
- D. 6

ব্যাখ্যা : ACBO আয়তের ক্ষেত্রফল = $2 \times \Delta OAB$ এর ক্ষেত্রফল

$$= 2 \times \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 0 & 0 & -6 & 0 \\ 0 & -4 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 24 \text{ বর্গ একক}$$

Ans : A.

২৫. $x^2 + y^2 + 4x - 10y = 0$ বৃত্তটি x - অক্ষকে ছেদ করে, উৎপন্ন জ্যা-এর দৈর্ঘ্য কত?

- A. 2.171
- B. 4
- C. 1
- D. 3.75

ব্যাখ্যা : $x^2 + y^2 + 4x - 10y = 0$ বৃত্তের x অক্ষ হতে খণ্ডিত অংশের

$$\text{দৈর্ঘ্য} = 2\sqrt{g^2 - c} = 2\sqrt{2^2 - 0} = 4$$

Ans : B.

$$26. \cot\left(\sin^{-1}\frac{1}{2}\right) = ?$$

- A. $2/\sqrt{3}$
- B. $1/\sqrt{3}$
- C. $\sqrt{3}$
- D. $1/\sqrt{2}$

ব্যাখ্যা : $\cot\left(\sin^{-1}\frac{1}{2}\right) = \cot\frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$

Ans : C.

২৭. $x^2 + y^2 - 6x - 2\sqrt{3}y = 0$ বৃত্তটি x -অক্ষকে A ও B বিন্দুতে এবং y অক্ষকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করে, ফলে যে দূর্দুটি জ্যা উৎপন্ন হয় তাদের প্রাপ্তবিন্দু যোগ করলে ABCD ক্ষেত্রে জ্যা নিচের কোনটি সত্য?

- A. সামন্তরিক
- B. চতুর্ভুজ
- C. বর্গক্ষেত্র
- D. আয়তক্ষেত্র

ব্যাখ্যা : $x^2 + y^2 - 6x - 2\sqrt{3}y = 0$ বৃত্তটি x অক্ষকে ছেদ করলে $y = 0$

$$\therefore x^2 - 6x = 0 \Rightarrow x = 0, 6$$

\therefore বিন্দুবিন্দু A(0, 0), B(6, 0)

আবার, y অক্ষকে ছেদ করলে, $x = 0$

$$\therefore y^2 - 2\sqrt{3}y = 0 \Rightarrow y = 0, 2\sqrt{3}$$

\therefore বিন্দুবিন্দু C(0, 0), D(0, $2\sqrt{3}$)

যেহেতু, A এবং C একই বিন্দু; সেহেতু বৃত্তটি অক্ষসময়কে তিনটি বিন্দুতে ছেদ করে। অর্থাৎ বিন্দুগুলোর সংযোগ রেখা একটি প্রিভুজ।

Ans : নাই।

২৮. একটি সভা শেষে সভাপতি ব্যাতীত প্রত্যেকের প্রত্যেকের সাথে কর্মদল করলে কর্মদলের সংখ্যা 21টি হলে, কতজন সোক সভার উপস্থিতি হিলেন?

- A. 5
- B. 7
- C. 6
- D. 8

ব্যাখ্যা : প্রত্যেকের প্রত্যেকের সাথে কর্মদলের মোট উপায় = nC_2

$$\therefore {}^nC_2 = 21 \Rightarrow \frac{n(n-1)}{2} = 21$$

$$\Rightarrow n^2 - n - 42 = 0$$

$$\Rightarrow (n-7)(n+6) = 0 \Rightarrow n = 7$$

\therefore সভাপতি সহ সভার মোট সোক সংখ্যা = $7 + 1 = 8$

Ans : D.

২৯. $\tan^{-1}\left(x + \frac{1}{3}\right) + \tan^{-1}\left(x - \frac{1}{3}\right) = \tan^{-1} 2$ হলে, x এর মান কত?

- A. $\frac{-5}{6}$
- B. $\frac{-1}{3}$
- C. $\frac{1}{6}$
- D. $\frac{2}{3}$

ব্যাখ্যা : $\tan^{-1}\left(x + \frac{1}{3}\right) + \tan^{-1}\left(x - \frac{1}{3}\right) = \tan^{-1} 2$

$$\Rightarrow \tan^{-1} \frac{x + \frac{1}{3} + x - \frac{1}{3}}{1 - \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{3}\right)} = \tan^{-1} 2 \Rightarrow \frac{2x}{1 - x^2 + \frac{1}{9}} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{18x}{10 - 9x^2} = 2$$

$$\Rightarrow 9x^2 + 9x - 10 = 0$$

$$\Rightarrow 9x^2 + 15x - 6x - 10 = 0$$

$$\Rightarrow (3x + 5)(3x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$$

Ans : D.

৩০. $f(x) = x^2 - 3x; -6 \leq x \leq 6$ ফাংশনটির রেঞ্জ কত?

- A. $0 \leq y \leq 54$
- B. $-18 \leq y \leq 54$
- C. $18 \leq y \leq 54$
- D. $-4 \leq y \leq 28$

ব্যাখ্যা : $f(x) = x^2 - 3x; -6 \leq x \leq 6$

$$f(-6) = 36 + 18 = 54$$

$$f(6) = 36 - 18 = 18$$

$$f(0) = 0$$

\therefore রেঞ্জ = $0 \leq y \leq 54$

Ans : A.

৩১. $\left(\frac{x-1}{3-x}\right)^{12}$ এর বিস্তৃতি থেকে সংশ্রম পদের x ঘাত কত?

- A. 6
- B. 8
- C. 2
- D. 0

ব্যাখ্যা : $\left(\frac{x-1}{3-x}\right)^{12}$ এর 7 তম বা $(6+1)$ তম পদ

$$= {}^{12}C_6 \left(\frac{x}{3}\right)^{12-6} \left(-\frac{1}{x}\right)^6 = {}^{12}C_6 \cdot \frac{1}{3^6} \cdot x^0$$

$\therefore x$ এর ঘাত = 0

Ans : D.

৩২. $x^2 + 4x + 2y^2 + 6y + 1 = 0$ সমীকরণটি একটি উপবৃত্ত হলে
এর উপকেন্দ্রয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব কত?

- A. $4\sqrt{3}$ B. $2\sqrt{3}$
C. $\sqrt{3}$ D. $2\sqrt{12}$

ব্যাখ্যা : $x^2 + 4x + 2y^2 + 6y + 1 = 0$

$$\Rightarrow x^2 + 4x + 4 + 2(y^2 + 3y + \frac{9}{4}) = -1 + 4 + \frac{9}{2}$$

$$\Rightarrow (x+2)^2 + 2\left(y + \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{15}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{(x+2)^2}{15/2} + \frac{\left(y + \frac{3}{2}\right)^2}{15/4} = 1$$

$$\therefore \text{উপকেন্দ্রয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব} = 2ae = 2a\sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}}$$

$$= 2 \times \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2}} \times \sqrt{1 - \frac{15/4}{15/2}} = 2 \times \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{15}$$

Ans : নাই.

৩৩. একটি বাত্রে 3 টি লাল, 5 টি কালো ও 7 টি সাদা বল আছে।
এলেমেলোভাবে একসাথে দুটি বল তুলে নেয়া হলো। বলমুটি লাল
হওয়ার সম্ভাবনা কত?

- A. $3/105$ B. $3/15$
C. $7/105$ D. $3/7$

ব্যাখ্যা : মোট বল সংখ্যা = $3 + 5 + 7 = 15$

$$\therefore \text{দুটি বল তুললে বলমুটি লাল হওয়ার সম্ভাব্যতা} = \frac{{}^3C_2}{{}^{15}C_2} = \frac{3}{105} = \frac{1}{35}$$

Ans : A.

৩৪. $\sec^2(\tan^{-1} 2) + \cosec^2(\cot^{-1} 3) = ?$

- A. 7 B. 11
C. 13 D. 15

ব্যাখ্যা : $\sec^2(\tan^{-1} 2) + \cosec^2(\cot^{-1} 3)$

$$= 1 + \tan^2(\tan^{-1} 2) + 1 + \cot^2(\cot^{-1} 3)$$

$$= 1 + 4 + 1 + 9 = 15$$

Ans : D.

৩৫. $\tan 20^\circ + \tan 25^\circ + \tan 20^\circ \tan 25^\circ = ?$

- A. 0 B. 1
C. -1 D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : $\tan 45^\circ = 1$

$$\Rightarrow \tan(20^\circ + 25^\circ) = 1$$

$$\Rightarrow \frac{\tan 20^\circ + \tan 25^\circ}{1 - \tan 20^\circ \cdot \tan 25^\circ} = 1$$

$$\Rightarrow \tan 20^\circ + \tan 25^\circ = 1 - \tan 20^\circ \tan 25^\circ$$

$$\Rightarrow \tan 20^\circ + \tan 25^\circ + \tan 20^\circ \tan 25^\circ = 1$$

Ans : B.

৩৬. যদি $\cosec x + \cot x = \sqrt{3}$ হয়, তবে x এর মান কত?

- A. $2n\pi + \frac{\pi}{3}$ B. $n\pi + \frac{\pi}{6}$
C. $n\pi + \frac{\pi}{4}$ D. $n\pi$

ব্যাখ্যা : $\cosec x + \cot x = \sqrt{3}$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sin x} + \frac{\cos x}{\sin x} = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 1 + \cos x = \sqrt{3} \sin x$$

$$\Rightarrow -\sqrt{3} \sin x + \cos x = -1$$

$$\Rightarrow -\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow x = 2n\pi \pm \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) - \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\Rightarrow x = 2n\pi \pm \frac{2\pi}{3} - \frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow x = 2n\pi + \frac{\pi}{3}, 2n\pi - \pi$$

Ans : A.

৩৭. $R - (n\pi : n \in \mathbb{Z})$ এবং রেখা $= R - (-1, 1)$ এটি কার ডোমেইন?

- A. $\tan \theta$ B. $\cot \theta$
C. $\cos \theta$ D. $\cosec \theta$

ব্যাখ্যা : বীজগণিতীয় ফাংশনের ডোমেইন ও রেখা :

y =	D _f	R _f
$\sin \theta$	R	$[-1, 1]$
$\cos \theta$	R	$[-1, 1]$
$\tan \theta$	$R - \{n\pi, n \in \mathbb{Z}\}$	R
$\cot \theta$	$R - \{(2n+1)\pi, n \in \mathbb{Z}\}$	R
$\sec \theta$	$R - \{n\pi, n \in \mathbb{Z}\}$	$R - (-1, 1)$
$\cosec \theta$	$R - \{(2n+1)\pi, n \in \mathbb{Z}\}$	$R - (-1, 1)$

Ans : D.

৩৮. কোন ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দুগামী বৃত্তকে এই ত্রিভুজের কি বলে?

- A. পরিবৃত্ত B. উপবৃত্ত
C. পরাবৃত্ত D. অধিবৃত্ত

Ans : A.

৩৯. কোন বিন্দুতে ক্রিয়ারত P এবং 2P মানের বলদ্বয়ের লক্ষ P এর
ক্রিয়ারেখার উপর লম্ব। এদের মধ্যবর্তী কোণের মান কত?

- A. 120° B. 150° C. 90° D. 0°

ব্যাখ্যা : P এবং Q বলদ্বয়ের লক্ষ P বলের সাথে সমকোণ উৎপন্ন

করলে, বলদ্বয়ের অঙ্গৰ্হ কোণ, $\alpha = \cos^{-1}\left(\frac{-Q}{P}\right)$ হবে।

$$\therefore \alpha = \cos^{-1}\left(\frac{-p}{2p}\right) = \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) = 120^\circ$$

Ans : A.

৪০. 1.5 km প্রশংস্ত নদীতে স্রাত 5km/h. একজন সাঁতারু কত ডিমী
কোণে 6km/h বেগে সাঁতার কাটলে নৃনতম সময়ে নদী পাড়ি দিবে?

- A. 90° B. 120°
C. 45° D. 180°

ব্যাখ্যা : নৃনতম সময়ে পাড়ি দিতে হলে বেগ সর্বোচ্চ হতে হবে।

এখন, নৃনতম সময়ে পাড়ি দেয়ার জন্য বেগ =

$$5 \cos 90^\circ + 6 \cos(90^\circ - \theta) = 6 \sin \theta$$

∴ বেগ সর্বোচ্চ হবে যদি $\theta = 90^\circ$ হয়।

Ans : A.

81. INSTITUTE ଶକ୍ତିର ଅନ୍ଧରଙ୍ଗଲୋକେ କତ ପ୍ରକାରେ ସାଜାନୋ ଯାଏ ଯାତେ ବାଜନବର୍ଣ୍ଣଲୋ ଏକଟେ ଥାକବେ?
- A. 3000 B. 2400 C. 120 D. 4000

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : INSTITUTE ଶକ୍ତିର 9ଟି ବର୍ଗେ 2ଟି I ଏବଂ 3ଟି T ଆଛେ। ଏତେ 5ଟି ବାଜନବର୍ଣ୍ଣ ଓ 4ଟି ସରବର୍ଣ୍ଣ ଆଛେ।

$$\therefore \text{ବାଜନବର୍ଣ୍ଣଲୋକେ ଏକଟେ ରେଖେ ସାଜାନୋ ସଂଖ୍ୟା} = \frac{(1+4)!}{2!} \times \frac{5!}{3!} = 1200$$

Ans : ନାହିଁ.

82. କତ ଡିଗ୍ରୀ କୋଣେ ନିକିଷ୍ଟ ବସ୍ତର ପାଦ୍ମା ସର୍ବାଧିକ?
- A. 30° B. 45° C. 25° D. 90°

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : ପାଦ୍ମା, R = $\frac{u^2 \sin 2\alpha}{g}$ ସର୍ବୋଚ୍ଚ ହେବେ ଯଦି $\alpha = 45^\circ$ ହୁଁ।

Ans : B.

83. $\begin{vmatrix} a & 2 & d \\ -2 & b & -3 \\ -7 & 3 & c \end{vmatrix}$ ମ୍ୟାଟ୍ରିବ୍ରଟି ବିପ୍ରତିସମ ହେଲେ $a + b + c + d = ?$

- A. 3 B. 2 C. 7 D. 5

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : ମ୍ୟାଟ୍ରିବ୍ରଟି ବିପ୍ରତିସମ ହେଲେ, $A = -A^T \Rightarrow A + A^T = 0$

$$\Rightarrow \begin{vmatrix} a & 2 & d \\ -2 & b & -3 \\ -7 & 3 & c \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a & -2 & -7 \\ 2 & b & 3 \\ d & -3 & c \end{vmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{vmatrix} 2a & 0 & d-7 \\ 0 & 2b & 0 \\ d-7 & 0 & 2c \end{vmatrix} = 0$$

$$\therefore a = 0, b = 0, c = 0, d - 7 = 0 \Rightarrow d = 7$$

$$\therefore a + b + c + d = 0 + 0 + 0 + 7 = 7$$

Ans : C.

88. $z = (-3 - \sqrt{9}i)$ ଏକଟି ଜଟିଲ ସଂଖ୍ୟା, ଉହାର ମଡ୍‌ଲାସ କତ?
- A. $2\sqrt{3}$ B. $3\sqrt{2}$ C. $-3\sqrt{2}$ D. $-2\sqrt{3}$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : $z = -3 - \sqrt{9}i$

$$\therefore |z| = \sqrt{(-3)^2 + (-\sqrt{9})^2} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

Ans : B.

85. β ଏର ମାନ କତ ହେଲେ $\begin{vmatrix} \beta+2 & 3 \\ 5 & \beta \end{vmatrix}$ ମ୍ୟାଟ୍ରିବ୍ରଟି ବ୍ୟାତିକରିମିକ?

- A. $\beta = 3, 5$ B. $\beta = 3, -5$
C. $\beta = -3, 5$ D. $\beta = -3, -5$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : ଏକଟି ମ୍ୟାଟ୍ରିବ୍ରଟି ବ୍ୟାତିକରିମି ହେବେ ଯଦି ଏର ନିର୍ଣ୍ଣାଯକେର ମାନ ଶୂନ୍ୟ ହୁଁ।

$$\therefore \begin{vmatrix} \beta+2 & 3 \\ 5 & \beta \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \beta^2 + 2\beta - 15 = 0$$

$$\Rightarrow (\beta + 5)(\beta - 3) = 0 \Rightarrow \beta = -5, 3$$

Ans : B.

86. $\tan(-1125^\circ) = ?$
- A. 1 B. -1 C. 0 D. $1/2$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : $\tan(-1125^\circ)$

$$= -\tan 1125^\circ = -\tan(90^\circ \times 12 + 45^\circ) = -\tan 45^\circ = -1$$

Ans : B.

87. m ଓ n ଏର ମାନ ଯଥାବତ୍ମେ $\left(-\frac{6}{5}\right)$ ଓ $\left(-\frac{5}{2}\right)$ ହୁଁ, ନିଚେର କୋଣ

ଦୁଇଟି ଭେଟ୍ର ପରମ୍ପରାର ସମାନ୍ତରାଳ?

- A. $(5\hat{i} - 3\hat{j} - \hat{n}\hat{k})$ ଏବଂ $(2\hat{i} + \hat{m}\hat{j} - \hat{k})$
B. $(5\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{n}\hat{k})$ ଏବଂ $(2\hat{i} + \hat{m}\hat{j} - \hat{k})$
C. $(5\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{n}\hat{k})$ ଏବଂ $(2\hat{i} + \hat{m}\hat{j} + \hat{k})$
D. $(5\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{n}\hat{k})$ ଏବଂ $(2\hat{i} + \hat{m}\hat{j} - \hat{k})$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : ଦୁଇଟି ଭେଟ୍ର ଏବଂ $a_1\hat{i} - a_2\hat{j} - a_3\hat{k}$ ଏବଂ $b_1\hat{i} - b_2\hat{j} - b_3\hat{k}$

ସମାନ୍ତରାଳ ହେବେ ଯଦି $\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \frac{a_3}{b_3}$ ହୁଁ।

$$\text{ଅପଶମନ (D) ହତେ, } \frac{5}{2} = \frac{-3}{-6} = \frac{2}{-1} \Rightarrow \frac{5}{2} = \frac{5}{2} = \frac{5}{2}$$

Ans : D.

88. a ଏର ମାନ କତ ହୁଁ $\frac{1}{2}\hat{i} + \frac{1}{3}\hat{j} + \hat{a}\hat{k}$ ଭେଟ୍ରର ଏକଟି ଏକକ ଭେଟ୍ର ହେବେ?

- A. $\pm \frac{\sqrt{23}}{3}$ B. $\pm \frac{\sqrt{21}}{6}$ C. $\pm \frac{\sqrt{21}}{3}$ D. $\pm \frac{\sqrt{23}}{6}$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : ସେ ଭେଟ୍ରରେ ମାନ 1 ତାକେ ଏକକ ଭେଟ୍ର ବଲେ।

$$\therefore \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{3}\right)^2 + a^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} + \frac{1}{9} + a^2 = 1 \Rightarrow a^2 = \frac{23}{36} \Rightarrow a = \pm \frac{\sqrt{23}}{6}$$

Ans : D.

89. $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^9 - a^9}{x - a} = ?$

- A. $8a^7$ B. $9a^8$ C. $7a^6$ D. $9a^9$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^9 - a^9}{x - a} = 9a^{9-1} = 9a^8$

Ans : B.

90. $\sin x = c \operatorname{cosec} y$ ଏର ଜନ୍ୟ $\frac{dy}{dx}$ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି।

- A. $\frac{\tan y}{\tan x}$ B. $-\frac{\tan x}{\tan y}$ C. $-\frac{\tan y}{\tan x}$ D. $\frac{\tan x}{\tan y}$

ବ୍ୟାଖ୍ୟା : $\sin x = c \operatorname{cosec} y \Rightarrow \sin x \operatorname{cosec} y = c$

$$\Rightarrow \frac{d}{dx} (\sin x \operatorname{cosec} y) = \frac{d}{dx}(c)$$

$$\Rightarrow \sin x \operatorname{cosec} y \frac{dy}{dx} + \operatorname{cosec} x \cot y = 0$$

$$\therefore \frac{dy}{dx} = -\frac{\operatorname{cosec} x \cot y}{\operatorname{cosec} x \cot y} = -\frac{\tan y}{\tan x}$$

Ans : C.

৫১. $\int_0^{\ln 2} \frac{e^x}{1+e^x} dx = ?$

A. $\ln \frac{3}{2}$ B. $\ln \frac{-3}{2}$ C. $\ln \frac{2}{3}$ D. $\ln \frac{-2}{3}$

ব্যাখ্যা : $\int_0^{\ln 2} \frac{e^x}{1+e^x} dx = [\ln(1+e^x)]_0^{\ln 2} = \ln 3 - \ln 2 = \ln \frac{3}{2}$

Ans : A.

৫২. $f(x) = \ln 2x$, $f'(x)$ বর্তন্তে $x = 2$ বিন্দুতে স্পর্শকের ঢাল কোনটি?

A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{2}$ C. 2 D. 4

ব্যাখ্যা : $f(x) = \ln 2x \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{2x} \cdot \frac{d}{dx}(2x) = \frac{1}{x}$

$x = 2$ বিন্দুতে, স্পর্শকের ঢাল, $f'(2) = \frac{1}{2}$

Ans : B.

৫৩. ছির অবস্থান হতে সোজা পথে একটি গাড়ি 8m/sec^2 সমত্তরণে চলছে। 100 মিটার দূরে রাস্তার পাশে দাঁড়ানো একটি লোককে কত বেগে অতিক্রম করবে?

- A. 30 m/sec B. 40 m/sec
C. 42 m/sec D. 45 m/sec

ব্যাখ্যা : $v^2 = u^2 + 2as \Rightarrow v^2 = 0 + 2 \times 8 \times 100$

$\therefore v = 40 \text{ m/sec}$

Ans : B.

৫৪. $\frac{1}{(x-7)(x-9)} < 0$ অসমতাটির সমাধান নিম্নের কোনটি?

A. $(-7 < x < -1)$ B. $(7 < x < -9)$
C. $(-7 < x < 9)$ D. $(7 < x < 9)$

ব্যাখ্যা :

$$\frac{1}{(x-7)(x-9)} < 0$$

$\therefore 7 < x < 9$

Ans : D.

৫৫. নিচের কোন দুটি মূলদ সংখ্যা নয়?

- A. $\log 3, \pi$ B. $\log 3, \sqrt{4}$ C. $\sqrt{4}, \sqrt{5}$ D. $\sin 2^\circ, \frac{\sqrt{25}}{5}$

ব্যাখ্যা : □ মূলদ সংখ্যা চেনার উপায় :

১. যে কোন পূর্ণসংখ্যা- উদা : 10, -5, 0 ইত্যাদি

২. যেকোন ভগ্নাংশ- উদা : $\frac{1}{9}, \frac{7}{3}, \frac{10}{5}$ ইত্যাদি

৩. সঙ্গীয় দশমিক সংখ্যা- উদা: 5.32, -2.975 ইত্যাদি

৪. অঙ্গীয় দশমিক সংখ্যা যাদেরকে পৌনঃপুনিক আকারে প্রকাশ করা যায়। উদা : 4.101101101....., 2.131313..... ইত্যাদি

□ অমূলদ সংখ্যা চেনার উপায় :

১. অঙ্গীয় দশমিক সংখ্যা যাদেরকে পৌনঃপুনিক আকারে প্রকাশ করা যায় না। উদা : 5.1327..., π , e ইত্যাদি।

২. যেসকল ধনাত্মক সংখ্যাকে সরাসরি বর্গমূল, ঘনমূল, চতুর্মূল ইত্যাদি করা যায় না। উদা : $\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt[3]{5}, \sqrt[4]{7}, \sqrt[5]{8}$ ইত্যাদি।

Ans : A.

৫৬. যোগাশ্রয়ী প্রোগ্রাম এর উদ্ধাবক কে ছিলেন?

- A. আমেরিকান বিজ্ঞানী B. রাশিয়ান পদার্থবিদ
C. অস্ট্রেলিয়ান গণিতবিদ D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : ১৯৩৯ সালে রাশিয়ান গণিতবিদ লিওনিদ ক্যান্টোরোভিক (Leonid Kantorovich) সর্বথেম যোগাশ্রয়ী প্রোগ্রাম সম্পর্কে ধারণা দেন। ১৯৪৫ সালে দ্বিতীয় বিশ্বযুদ্ধের সামরিক খাতে খরচ কমানো এবং কর্মসূক্ত বৃদ্ধির জন্য যোগাশ্রয়ী প্রোগ্রাম ব্যবহার করা হয়।

পরবর্তীতে আমেরিকান গণিতবিদ জর্জ বি.ডেন্টিগ (George B. Dantzig) ১৯৪৭ সালে যোগাশ্রয়ী প্রোগ্রামের ক্ষেত্র উদ্ধাবন করেন এবং simplex Method আবিষ্কার করেন। এজন্য তাকে যোগাশ্রয়ী প্রোগ্রামের উদ্ধাবক বলা হয়।

Ans : A.

৫৭. ω যদি এককের একটি জটিল ঘনমূল হয়, তবে $(1 + \omega + \omega^2)(1 + \omega + \omega^2) = ?$

- A. 1 B. -1 C. 0 D. ω

ব্যাখ্যা : $(1 + \omega + \omega^2)(1 + \omega + \omega^2) = 0 \times 0 = 0$

Ans : C.

৫৮. $\sqrt[4]{-64} = ?$

- A. $\pm 2(1 \pm i)$ B. $\pm 2(1 + 2i)$
C. $\pm(1 \pm i)$ D. $\pm 2(2 \pm i)$

ব্যাখ্যা : টেকনিক : $\sqrt[4]{-a^2} = \pm \sqrt{\frac{a}{2}}(1 \pm i)$

$\therefore \sqrt[4]{-64} = \pm \sqrt{\frac{8}{2}}(1 \pm i) = \pm 2(1 \pm i)$

Ans : A.

৫৯. $\int \frac{x^2}{\sqrt{x^3+1}} dx = ?$

- A. $\frac{2}{3} \sqrt{x^3+1} + c$ B. $\frac{2}{3} \sqrt{x^2+1} + c$
C. $\frac{1}{3} \sqrt{x^3+1} + c$ D. $\frac{2}{3} \sqrt{x^3-1} + c$

ব্যাখ্যা : ধরি, $x^3 + 1 = z \Rightarrow 3x^2 dx = dz \Rightarrow x^2 dx = \frac{1}{3} dz$

$\therefore \int \frac{x^2}{\sqrt{x^3+1}} dx = \int \frac{1}{\sqrt{z}} dz = \frac{1}{3} \cdot 2\sqrt{z} + c = \frac{2}{3} \sqrt{x^3+1} + c$

Ans : A.

৬০. $\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx = ?$

- A. $\pi/2$ B. π C. 2π D. $2/\pi$

ব্যাখ্যা : টেকনিক : $\int_0^a \sqrt{a^2 - x^2} dx = \frac{\pi a^2}{4}$

$\therefore \int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx = \frac{\pi \times 2^2}{4} = \pi$

Ans : B.

৬১. তড়িৎচালক শক্তির মাত্রা নিচের কোনটি?

A. $ML^2 T^{-3} I^2$

B. $ML^3 T^{-2} I^{-2}$

C. $ML^2 T^{-3} I^{-1}$

D. $M^{-1} L^{-2} T^3 I^{-1}$

ব্যাখ্যা : তড়িৎচালক শক্তি এবং তড়িৎ বিভবের একক ও মাত্রা একই।

$$\therefore \text{তড়িৎচালক শক্তি}, V = \frac{w}{q} = \frac{Fs}{q} = \frac{mas}{It}$$

$$\therefore \text{এর মাত্রা} = \frac{[M] \times [LT^{-2}] \times [L]}{[I] [T]} = [ML^2 T^{-3} I^1]$$

Ans : C.

৬২. পদার্থবিজ্ঞান কথাটি ত্রুটি শব্দ..... থেকে এসেছে।

- A. fusis B. fuss C. fusia D. fusil

ব্যাখ্যা : পদার্থবিজ্ঞান বা Physics শব্দটি ত্রুটি শব্দ হতে এসেছে।

Ans : A.

৬৩. গতিশীল অবস্থায় কোন বস্তুর ভর m এবং ছিরাবস্থায় m_0 । আলোর বেগ c এবং বজ্ঞটি v বেগে গতিশীল হলে নিচের কোন সম্পর্কটি সঠিক?

$$A. m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{c^2}{v^2}}}$$

$$B. m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$C. m = \frac{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}{m_0}$$

$$D. m = \frac{\sqrt{1 - \frac{c^2}{v^2}}}{m_0}$$

ব্যাখ্যা : আপেক্ষিকতার ফলাফল :

$$1. \text{কাল দীর্ঘায়ন} : t_0 = t \sqrt{1 - v^2/c^2}$$

$$2. \text{দৈর্ঘ্য সংকোচন} : L = L_0 \sqrt{1 - v^2/c^2}$$

$$3. \text{ভর বৃদ্ধি} : m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

Ans : B.

৬৪. দশের কোন উপসর্গটি সবচেয়ে বড়?

- A. পেটা B. মিরিয়া C. জেটা D. টেরা

ব্যাখ্যা : মিরিয়া = 10^4

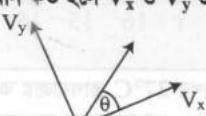
পেটা = 10^{15}

টেরা = 10^{12}

জেটা = 10^{21}

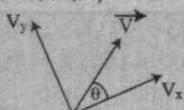
Ans : C.

৬৫. একটি ডেটার রাশি \vec{v} কে চিত্রান্যায় V_x ও V_y উপাংশে বিভাজন করা হল। θ -এর মান কত হলে V_x ও V_y উপাংশগুলো সমান হবে?



- A. 150° B. 120° C. 90° D. 45°

ব্যাখ্যা : V_x ও V_y লম্ব উপাংশ হলে,



$$V_x = V \cos \theta \text{ এবং } V_y = V \sin \theta$$

$$\text{সম্মতে, } V_x = V_y$$

$$\therefore V \cos \theta = V \sin \theta \Rightarrow \tan \theta = 1 = \tan 45^\circ \Rightarrow \theta = 45^\circ$$

Ans : D.

৬৬. যদি $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ এবং $\vec{B} = m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}$ হয়, তবে

m-এর মান কত হলে ডেটারহয় পরম্পরারের উপর লম্ব হবে?

- A. 12 B. 16 C. 18 D. 22

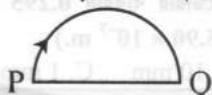
ব্যাখ্যা : ডেটারহয় লম্ব হলে, $\vec{A} \cdot \vec{B} = 0$

$$\Rightarrow (2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}) \cdot (m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}) = 0$$

$$\Rightarrow 2m + 6 - 50 = 0 \Rightarrow m = 22$$

Ans : D.

৬৭. পাশে প্রদত্ত চিত্রান্যারে 2m ব্যাসার্কের অর্ধবৃত্তাকার পথে একটি বস্তুকণা গতিশীল রয়েছে। যদি P থেকে Q বিন্দুতে পৌছাতে কণাটির 2s সময় লাগে, তবে এর গড় বেগ কত হবে?



- A. 1 ms^{-1}
B. 2 ms^{-1}
C. $\pi \text{ ms}^{-1}$
D. $2\pi \text{ ms}^{-1}$

ব্যাখ্যা : গড়বেগ = $\frac{\text{মোট দূরত্ব}}{\text{মোট সময়}} = \frac{\pi r}{2} = \frac{\pi \times 2}{2} = \pi \text{ ms}^{-1}$

Ans : C.

৬৮. একটি ঘড়ির ঘটার কাঁটার কৌণিক বেগ কত?

- A. $\frac{\pi}{30} \text{ rad s}^{-1}$
B. $\frac{\pi}{360} \text{ rad s}^{-1}$
C. $\frac{\pi}{30} \text{ rad min}^{-1}$
D. $\frac{\pi}{360} \text{ rad min}^{-1}$

ব্যাখ্যা : ঘটার কাঁটা 360° ঘুরে আসতে সময় নেয় 12 ঘন্টা।

$\therefore 12 \text{ ঘন্টা বা } (12 \times 3600) \text{ s এ ঘোরে } 2\pi \text{ রেডিয়ান}$

$$\therefore 1 \text{ s এ ঘোরে} = \left(\frac{2\pi}{12 \times 3600} \right) = \frac{\pi}{21600} \text{ rad s}^{-1} = \frac{\pi}{360} \text{ rad min}^{-1}$$

Ans : D.

৬৯. তড়িৎ ক্ষেত্রের একক হিসেবে কোন এককটি বেশি ব্যবহৃত হয়?

- A. NC^{-1}
B. CN^{-1}
C. Vm^{-1}
D. A, B উভয়ই সঠিক

ব্যাখ্যা : $F = qE \Rightarrow E = \frac{F}{q} \therefore \text{তড়িৎক্ষেত্রের একক } \frac{N}{C} = NC^{-1}$

$$\text{কিন্তু } E = \frac{V}{d} \text{ থেকে } Vm^{-1} \text{ একক ও পাওয়া যায়।}$$

তবে, NC^{-1} এককটিই বেশি ব্যবহৃত হয়।

Ans : A.

৭০. একটি উত্তল লেদের ফোকাস দূরত্ব কত হলে লেদ হতে 20 cm অবস্থিত দূরে একটি বস্তুর বিদ্যুৎ অসীমে গঠিত হবে?

- A. 0.2 m
B. 20 m
C. 25 cm
D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : $\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{\infty} + \frac{1}{20} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = 20$

\therefore ফোকাস দূরত্ব $20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$

Ans : A.

৭১. কোন উচ্চতামিতিক ধর্ম ব্যবহার করে থার্মিস্টারের সাহায্যে তাপমাত্রা পরিমাপ করা হয়?

- A. পরিবাহীর রোধ B. তড়িৎ রোধ
C. উত্পন্ন বস্ত্রের বিকিরণ D. উত্পন্ন বস্ত্রের আয়তন

ব্যাখ্যা : থার্মিস্টর (Thermistor) : থার্মিস্টর একটি অর্ধপরিবাহী পদার্থের তৈরী ব্যবস্থা যা দিয়ে তাপমাত্রা পরিমাপ করা যায়। এই তাপমাত্রিক গুণ ইলেক্ট্রনিক রোধ বৈদ্যুতিক রোধ। উচ্চতা বৃদ্ধির সাথে সাথে থার্মিস্টারের বৈদ্যুতিক রোধ সূচীয় হারে হ্রাস পায়। এই থার্মোমিটরের অন্যন্য রোধ থার্মোমিটরের তুলনায় অনেক শ্রেণী সূবেদী হয়। এই থার্মোমিটরের সাহায্যে- 70°C থেকে 300°C পর্যন্ত তাপমাত্রা পরিমাপ করা যায়। তাপমাত্রা পরিমাপ করার জন্য থার্মিস্টরকে ত্বরণক্ষম করে নিতে হয়।

Ans : B.

৭২. ইয়েঁ এর বি টিড় পরীক্ষায় টিড় দুটির মধ্যবর্তী দূরত্ব কত হলে টিড় থেকে 1m দূরত্বে ডোরার ব্যবধান 0.295 mm পাওয়া যাবে? (আলোর তরঙ্গবৈদ্যুতি $5.90 \times 10^{-7}\text{ m}$)

- A. 2 mm B. 10 mm C. 1 mm D. 0.1 m

ব্যাখ্যা : ডোরা ব্যবধান, $\Delta x = 0.295\text{ mm} = 0.295 \times 10^{-3}\text{ m}$

$$\text{আমরা জানি, } \Delta x = \frac{\lambda D}{a}$$

$$\therefore a = \frac{\lambda D}{\Delta x} = \frac{(5.9 \times 10^{-7}) \times 1}{(0.295 \times 10^{-3})} \text{ m} = 2 \times 10^{-3}\text{ m} = 2\text{ mm}$$

Ans : A.

৭৩. কোন ছিল তরঙ্গের উপর একটি সুস্পন্দন ও নিস্পন্দন বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব 100 cm । ছিল তরঙ্গের কম্পাক্ষ 320 Hz । তরঙ্গের বেগ কত?

- A. 640 ms^{-1} B. 1280 ms^{-1} C. 332 ms^{-1} D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : পরপর দুটি সুস্পন্দন ও নিস্পন্দন বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব,

$$\frac{\lambda}{4} = 100\text{ cm} \Rightarrow \lambda = 400\text{ cm} = 4\text{ m}$$

$$\text{তরঙ্গের বেগ, } v = f\lambda = (320 \times 4)\text{ms}^{-1} = 1280\text{ms}^{-1}$$

Ans : B.

৭৪. দুইটি প্রাসের প্রক্রিয়া বেগ ও প্রক্রিয়া কোণ যথাক্রমে u_1 , u_2 এবং θ_1 , θ_2 । t-সময় পর প্রাস দুইটির অবস্থান যথাক্রমে (x_1, y_1) ও (x_2, y_2) । এখন প্রথম প্রাসের সাপেক্ষে দ্বিতীয় প্রাসের অবস্থান (x, y) হলো, নিচের কোনটি সত্য?

- A. $y = kx$ B. $y = kx^2$ C. $y = kx^{-1}$ D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : প্রথম প্রাসের সমীকরণ, $y_1 = x_1 \tan \theta_1 - \frac{gx_1^2}{2u_1^2 \cos^2 \theta_1}$

দ্বিতীয় প্রাসের সমীকরণ, $y_2 = x_2 \tan \theta_2 - \frac{gx_2^2}{2u_2^2 \cos^2 \theta_2}$

প্রথম প্রাসের সাপেক্ষে দ্বিতীয় প্রাসের অবস্থান,

$$y = y_2 - y_1, x = x_2 - x_1$$

$$\therefore y = (x_2 \tan \theta_2 - x_1 \tan \theta_1) - \frac{g}{2} \left(\frac{x_2^2}{u_2^2 \cos^2 \theta_2} - \frac{x_1^2}{u_1^2 \cos^2 \theta_1} \right)$$

Ans : D.

৭৫. K_1 ও K_2 বল প্রবক্ত বিশিষ্ট দুটি শিপ্রাকে শ্রেণি সমবায়ে যুক্ত করলে এদের দোলনকাল কত হবে?

- A. $2\pi \sqrt{\frac{m(K_1 + K_2)}{K_1 K_2}}$ B. $2\pi \sqrt{\frac{m}{(K_1 + K_2)}}$
C. $2\pi \sqrt{\frac{m K_1 K_2}{(K_1 + K_2)}}$ D. $\sqrt{\frac{m}{(K_1 + K_2)}}$

ব্যাখ্যা : শ্রেণি সমবায়ে যুক্ত করলে তুল্য বল প্রবক্ত,

$$K_{eq} = \left(\frac{1}{K_1} + \frac{1}{K_2} \right)^{-1} = \frac{K_1 K_2}{K_1 + K_2}$$

$$\text{দোলনকাল, } T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K_{eq}}} = 2\pi \sqrt{\frac{m(K_1 + K_2)}{K_1 K_2}}$$

Ans : A.

৭৬. পৃষ্ঠা শক্তির একক কোনটি?

- A. Nm B. Nm^{-1} C. Nm^{-2} D. Nm^2

ব্যাখ্যা : পৃষ্ঠা শক্তি, $E = \frac{W}{A}$

$$\therefore \text{এর একক} = \frac{\text{Joule}}{\text{m}^2} = \frac{\text{N.m}}{\text{m}^2} = \text{Nm}^{-1}$$

Ans : B.

৭৭. সরল ছবিতে গতি সম্পন্নকারী কোন কণার সর্বোচ্চ বেগ 0.02 ms^{-1} .

কণাটির বিস্তার 0.004 m হলে এর পর্যায়কাল কত?

- A. 2.5 s B. 1.26 s C. 2 s D. 1 s

ব্যাখ্যা : সর্বোচ্চ বেগ, $v = \omega A = 0.02\text{ ms}^{-1}$

$$\therefore \omega = \frac{V}{A} = \frac{0.02}{0.004} \text{ rad s}^{-1} = 5 \text{ rads}^{-1}$$

$$\therefore T = \frac{2\pi}{\omega} = \left(\frac{2 \times 3.1416}{5} \right) \text{ s} = 1.26\text{ s}$$

Ans : B.

৭৮. একটি ইলেক্ট্রন ব্রীজের চার বাহুর রোধ যথাক্রমে 8Ω , 10Ω , 12Ω এবং 16Ω । চতুর্থ বাহুর সাথে কত রোধ যুক্ত করলে ব্রীজটি সাম্যাবস্থায় আসবে?

- A. 240Ω B. 24Ω
C. 1Ω D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : ইলেক্ট্রন ব্রীজের সাম্যাবস্থার শর্ত, $\frac{P}{Q} = \frac{R}{S}$

ধরি, চতুর্থ বাহুতে R রোধ থাকলে সাম্যাবস্থা অর্জিত হয়।

$$\frac{8}{10} = \frac{12}{r} \Rightarrow r = 15\Omega$$

যেহেতু $r < 16\Omega$, তাই 16Ω এর সাথে সমান্তরালে x রোধ যুক্ত করে r পাওয়া যাবে।

$$\therefore \frac{1}{r} = \frac{1}{16} + \frac{1}{x} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{1}{x} - \frac{1}{16} = \frac{1}{15} - \frac{1}{16} = \frac{1}{240} = \frac{1}{240}$$

Ans : A.

৭৯. একটি কার্বন ইঞ্জিন যখন 27°C তাপমাত্রায় তাপ প্রাপকে ধাকে তখন এর কর্মদক্ষতা 50% । তাপমাত্রাকে তাপমাত্রা 150 K বাড়লে কার্বন ইঞ্জিনের দক্ষতা কত বাঢ়বে?

- A. 60% B. 10% C. 65% D. 15%

ব্যাখ্যা : এখানে, $T_2 = (273 + 27) \text{ K} = 300\text{ K}$

$$T_2' = (300 + 150) \text{ K} = 450 \text{ K}$$

$$\therefore \frac{T_2}{1-\eta} = \frac{T_2'}{1-\eta'} \Rightarrow \frac{300}{1-0.5} = \frac{450}{1-\eta'} \Rightarrow \eta' = 0.25 = 25\%$$

অর্থাৎ কর্মদক্ষতা হ্রাস করতে হবে $= 50\% - 25\% = 25\%$

ব্যাখ্যা : WH কৃত interrogative sentence কে indirect করার নিয়ম :

Structure : subject + asked + object + WH words + subject (object অন্যায়ী) + verb (tense অন্যায়ী)

Example : Direct : I said to him, "What are you doing?"

Indirect : I asked him what he was doing.

অনুবর্পভাবে, I asked him why he was working so hard.

Ans : D.

১০. The grapes are now ___ enough to be picked.

- A. mature B. advanced C. ripe D. ready

ব্যাখ্যা : Ripe - পরিপক্ষ/পাকা Mature - পূর্ণ বয়স্ক

Advanced - অগ্রসর Ready - প্রস্তুত

এখানে, 'আঙ্গুষ্ঠলো পাকা' বুঝাতে Ripe হবে।

Ans : C.

১১. The farmer has four ___.

- A. sheep B. sheepees C. sheeps D. sheepss

ব্যাখ্যা : Sheep এর plural ও sheep হবে।

Example : I have a sheep.

I have ten sheep.

Ans : A.

১২. Roma ___ ill since last week.

- A. is B. had been C. was D. has been

ব্যাখ্যা : এটি present perfect tense এর example :

Structure : subject + have/has + v(p.p) +

Example : It has been raining since morning.

অনুবর্পভাবে, Roma has been sick since last week.

Ans : D.

১৩. Which one of the following is a compound word?

- A. seize B. travel C. bypass D. living

ব্যাখ্যা : দুই বা ততোধিক word একসাথে যুক্ত হয়ে নতুন word গঠন করলে compound word বলে।

এখানে, Bypass word টিকে ভাঙলে By + pass দুটি word পোওয়া যায়।

কিছু Compound word : Downpour, Output, Football, Rainbow, Cupcake, Sunglass, Goldfish, Sunflower, etc.

Ans : C.

১৪. Compound form of the sentence 'The girl who is singing on the stage is my cousin'-

A. The girl singing on the stage and is my cousin.

B. The girl on the stage and singing a song, is my cousin.

C. A girl is singing on the stage and she is my cousin.

D. A, B, C all are correct

ব্যাখ্যা : Who/Which/that যুক্ত complex sentence কে compound করার নিয়ম-

Structure : subject + who/which/that উঠে যাবে + verb + object + and + sub + verb + বাকি অংশ

Example : The girl is singing on the stage and she is my cousin.

Ans : C.

১৫. Which one of the followings is a noun?

- A. Divergence B. Divergent C. Aberant D. Deflect

ব্যাখ্যা : Divergence (Noun) - বিকিরণ

Divergent (Adj.) - বিকিরণশীল

Aberant (Adj.) - নৈতিক্রষ্ট

Deflect (Verb) - পরিবর্তন করা

Ans : A.

১৬. (4, 7), (0, 3) বিন্দুসমূহের সংযোগ রেখাকে x-অক্ষ কোন অনুপাতে বিভক্ত করে?

- A. 1:0 B. 1:3 C. 4:3 D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : (x_1, y_1) এবং (x_2, y_2) বিন্দুসমূহের সংযোগ রেখাকে x অক্ষ দ্বারা বিভক্তি বিন্দুর অনুপাত = $|y_1| : |y_2|$

$\therefore (4, 7)$ এবং $(0, 3)$ বিন্দুসমূহের সংযোগ রেখাকে x অক্ষ দ্বারা বিভক্তি বিন্দুর অনুপাত = $7 : 3$

Ans : D.

১৭. $y^2 - 3y - 2x + 8 = 0$ একটি পরাবৃত্তের সমীকরণ হলে শীর্ষবিন্দুর স্থানাংক কত?

- A. (41/16, 3/4) B. (23/4, 3/2) C. (23/4, 3/4) D. (23/16, 3/2)

ব্যাখ্যা : $y^2 - 3y - 2x + 8 = 0$

$$\Rightarrow y^2 - 3y + \frac{9}{4} = 2x - 8 + \frac{9}{4} \Rightarrow \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = 2\left(x - \frac{23}{8}\right)$$

\therefore শীর্ষবিন্দুর স্থানাংক $\left(\frac{23}{8}, \frac{3}{2}\right)$

Ans : নাই.

১৮. $x - y + \sqrt{3} = 0$ সমীকরণটির বৈশিষ্ট্য নিচের কোনটি?

- A. y- অক্ষের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে
B. উভয় অক্ষের খন্ডিত অংশ সমান
C. x-অক্ষের সাথে 60° কোণ উৎপন্ন করে
D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : $x - y + \sqrt{3} = 0 \Rightarrow x - y = -\sqrt{3} \Rightarrow -\frac{x}{\sqrt{3}} + \frac{y}{\sqrt{3}} = 1$

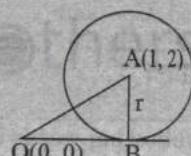
\therefore উভয় অক্ষ হতে খন্ডিত অংশ সমান বিষম্বনীত চিহ্নযুক্ত।

Ans : B.

১৯. বৃত্তের কেন্দ্র (1, 2), মূলবিন্দু থেকে বৃত্তটির উপর অক্ষিত একটি স্পর্শকের দৈর্ঘ্য 2 একক হলে নিচের কোনটি সত্য?

- A. বৃত্তটি x-অক্ষকে স্পর্শ করে B. ব্যাসার্ধ = 2
C. ব্যাসার্ধ = 1.5 D. বৃত্ত y-অক্ষকে স্পর্শ করে

ব্যাখ্যা :



$$r^2 = OA^2 - OB^2$$

$$\Rightarrow r^2 = (1 - 0)^2 + (2 - 0)^2 - 2^2 \Rightarrow r^2 = 1 \Rightarrow r = 1$$

যেহেতু, কেন্দ্রের ভূজ বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান সেহেতু বৃত্তটি y অক্ষকে স্পর্শ করে।

Ans : D.

২০. AB সরলরেখাটি P(5, 0) এবং Q(0, -5) বিন্দু দুইটি দ্বারা সমরিখ্যিত হয়। রেখাটি x-অক্ষের সাথে কত জিয়ী কোণ উৎপন্ন করেছে?

- A. 45 B. 60 C. 135 D. 150

ব্যাখ্যা : AB সরলরেখাটি P(5, 0) এবং Q(0, -5) বিন্দুসমূহ দ্বারা সমরিখ্যিত হয় অর্থাৎ AB রেখাটি P, Q বিন্দুগামী।

$$\therefore AB \text{ রেখার দাল, } \tan \theta = \frac{0 - (-5)}{5 - 0} = 1 \Rightarrow \theta = 45^\circ$$

অর্থাৎ রেখাটি x অক্ষের সাথে 45° কোণ উৎপন্ন করে।

Ans : A.

২১. INSTITUTE শব্দটির অক্ষরগুলোকে কত প্রকারে সাজানো যায়
যাতে ব্যঙ্গনৰ্বর্ণগুলো বিজোড় থানে থাকবে?

- A. 4000 B. 1200 C. 240 D. 3000

ব্যাখ্যা : INSTITUTE শব্দটির 9টি বর্ণে 2টি I এবং 3টি T আছে।
এতে 4টি স্বরবর্ণ ও 5টি ব্যঙ্গনৰ্বর্ণ আছে।

∴ ব্যঙ্গনৰ্বর্ণগুলোকে 5টি বিজোড় থানে এবং স্বরবর্ণগুলোকে অবশিষ্ট
4টি থানে $\frac{5! \times 4!}{3! \times 2!} = 240$ উপায়ে সাজানো যায়।

Ans : C.

২২. $\sin [2(\sin^{-1}x + \cos^{-1}x)] = a$ হলে, a এর মান কত?

- A. 1 B. 0 C. 2 D. -1

ব্যাখ্যা : $\sin [2(\sin^{-1}x + \cos^{-1}x)] = \sin \left(2 \cdot \frac{\pi}{2}\right) = 0$

Ans : B.

২৩. $x^2 + 6x - 1 = 0$ সমীকরণটি সমাধান করলে x এর একটি মান p
এবং অপর মানটি q পাওয়া যায়। তাহলে, p + q = ?

- A. 2 B. 6 C. -1 D. -6

ব্যাখ্যা : $x^2 + 6x - 1 = 0$ এর মান [অর্থাৎ মূলদ্বয় p, q হলে,]

$$p + q = -\frac{6}{1} = -6$$

Ans : D.

২৪. একটি বাতে 3টি লাল, 5টি কালো এবং 7টি সাদা বল আছে।
এলোমেলোভাবে একসাথে দুটি বল তুলে নেয়া হলো। বল দুটি সাদা
হওয়ার সম্ভাবনা কত?

- A. 1/7 B. 1/5 C. 3/7 D. 7/105

ব্যাখ্যা : মোট বল সংখ্যা = $3 + 5 + 7 = 15$

$$\therefore \text{একগ্রে 2টি বল তুললে বলদ্বয় সাদা হওয়ার সম্ভাবনা} = \frac{^7C_2}{^{15}C_2} = \frac{1}{5}$$

Ans : B.

২৫. যদি $(0, 0)$, $(a, -4)$ ($4, b$) এবং $(5, 0)$ একটি রেখসের শীর্ষবিন্দু
হয়, তাহলে রেখসের কর্ণদুটির ছেদবিন্দু কত?

- A. $(2, -2)$ B. $(-2, 1)$ C. $(-2, 2)$ D. $(1, -1)$

ব্যাখ্যা : যেহেতু, রেখসের কর্ণদ্বয় পরস্পরকে সমান্বিত করে

$$\therefore \left(\frac{0+4}{2}, \frac{0+b}{2} \right) \Rightarrow \left(2, \frac{b}{2} \right)$$

$$\text{এবং } \left(\frac{a+5}{2}, \frac{-4+0}{2} \right) \Rightarrow \left(\frac{a+5}{2}, -2 \right)$$

∴ কর্ণদ্বয়ের ছেদবিন্দু $(2, -2)$

Ans : A.

২৬. $\tan^{-1}1 + \tan^{-1}2 + \tan^{-1}3$ এর মান কোনটি?

- A. 0 B. π C. $\frac{\pi}{2}$ D. $-\pi$

ব্যাখ্যা : $\tan^{-1}1 + \tan^{-1}2 + \tan^{-1}3$

$$= \frac{\pi}{4} + \tan^{-1} \frac{2+3}{1-2 \times 3} = \frac{\pi}{4} + \tan^{-1}(-1) = \frac{\pi}{4} + \frac{3\pi}{4} = \pi$$

Ans : B.

২৭. $\tan 15^\circ = ?$

- A. $2 - \sqrt{3}$ B. $\sqrt{3}$
C. $2 + \sqrt{3}$ D. $\sqrt{2}$

ব্যাখ্যা : $\tan 15^\circ$

$$= \tan(45^\circ - 30^\circ) \\ = \frac{\tan 45^\circ - \tan 30^\circ}{1 + \tan 45^\circ \tan 30^\circ}$$

$$= \frac{1 - \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 + \frac{1}{\sqrt{3}}} = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1} = \frac{(\sqrt{3} - 1)^2}{(\sqrt{3})^2 - 1^2} = \frac{3 - 2\sqrt{3} + 1}{2} = 2 - \sqrt{3}$$

Ans : A.

২৮. (3, 1) এবং (-4, 1) বিন্দু দিয়ে যায় একটি বৃত্তের কেন্দ্র y- অক্ষের
উপর অবস্থিত। বৃত্তটির সমীকরণ কোনটি?

- A. $x^2 + y^2 - 8y - 9 = 0$ B. $x^2 + y^2 - 8y - 6 = 0$
C. $x^2 + y^2 + 8y - 6 = 0$ D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : কেন্দ্র y অক্ষের উপর অবস্থিত হলে, কেন্দ্রের ভূজ শূণ্য হবে।
ধৰি, বৃত্তের সমীকরণ, $x^2 + y^2 + 2fy + c = 0 \dots (i)$

বৃত্তটি (3, 1) এবং (-4, 1) বিন্দুগামী হলে, $10 + 2f + c = 0 \dots (ii)$

এবং $17 + 2f + c = 0 \dots (iii)$

(ii) এবং (iii) নং হতে f এবং c এর মান সম্ভব নয়।

অর্থাৎ প্রদত্ত তথ্য হতে বৃত্ত গঠন করা সম্ভব নয়।

Ans : D.

২৯. $2\cos^2\theta + 2\sqrt{2} \sin\theta = 3$ হলে, $\theta = ?$

- A. 10° B. 45° C. 20° D. 30°

ব্যাখ্যা : $2\cos^2\theta + 2\sqrt{2} \sin\theta = 3$

$$\Rightarrow 2 - 2\sin^2\theta + 2\sqrt{2} \sin\theta = 3$$

$$\Rightarrow 2\sin^2\theta - 2\sqrt{2} \sin\theta + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2} \sin\theta - 1)^2 = 0 \Rightarrow \sin\theta = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore \theta = 45^\circ$$

Ans : B.

৩০. $\cot 2A + \tan A = ?$

- A. cosec A B. cot A
C. tan A D. sec A

ব্যাখ্যা : $\cot 2A + \tan A$

$$= \frac{1 - \tan^2 A}{2 \tan A} + \tan A$$

$$= \frac{1 - \tan^2 A + 2 \tan^2 A}{2 \tan A} = \frac{1 + \tan^2 A}{2 \tan A} = \text{cosec } 2A$$

Ans : নাই.

৩১. $2x + 3y + 1 = 0$, $x = 0$, $y = 0$ রেখা তিনটি দ্বারা আবদ্ধ
এলাকার ক্ষেত্রফল কত?

- A. 12 B. 1/12 C. 6 D. 1/6

ব্যাখ্যা : $2x + 3y + 1 = 0 \Rightarrow \frac{x}{-1} + \frac{y}{-3} = 1$

x-অক্ষ, y অক্ষ এবং $2x + 3y + 1 = 0$ দ্বারা আবদ্ধ ক্ষেত্রফল

$$= \left| \frac{1}{2} \times \frac{-1}{2} \times \frac{-1}{3} \right| = \frac{1}{12} \text{ বর্গ একক}$$

Ans : B.

৩২. $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ হলে $f^{-1}(x)$ এর মান কত?

- A. $\frac{x+1}{1-x}$ B. $\frac{y+1}{y-1}$ C. $\frac{x+1}{x-1}$ D. $-\frac{y-1}{y+1}$

ব্যাখ্যা : ধরি, $y = \frac{x-1}{x+1}$

$$\Rightarrow x-1 = xy + y \Rightarrow x(1-y) = y+1 \Rightarrow x = \frac{y+1}{1-y}$$

$$\therefore f^{-1}(x) = \frac{x+1}{1-x}$$

Ans : A.

৩৩. $y = \sin^{-1}x$ নিচের কোনটি সত্য?

- A. $-1 \leq x \leq 1$ B. $-1 \geq x$ C. $x \in R$ D. $x \leq 0.5$

ব্যাখ্যা : $y = \sin^{-1}x$ এর ডোমেন $= -1 \leq x \leq 1$

Ans : A.

৩৪. একটি পঞ্জুজের মধ্যে কর্ণ এঁকে সর্বমোট কয়টি বিভিন্ন ধরনের ত্রিভুজ তৈরী করা যাবে যেখানে ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু পঞ্জুজের শীর্ষবিন্দু হবে?

- A. 8 B. 9 C. 12 D. 10

ব্যাখ্যা : পঞ্জুজের মোট ত্রিভুজ সংখ্যা $= {}^5C_3 = 10$

Ans : D.

৩৫. ABC ত্রিভুজের $\cos A + \cos C = \sin B$ হলে, কোণ $\angle A$ এর মান কত?

- A. $\frac{\pi}{2}$ B. $\frac{\pi}{8}$ C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{\pi}{3}$

ব্যাখ্যা : $\cos A + \cos C = \sin B$

$$\Rightarrow 2\cos \frac{A+C}{2} \cos \frac{A-C}{2} = \sin B$$

$$\Rightarrow 2\sin \frac{B}{2} \cos \frac{A-C}{2} = 2\sin \frac{B}{2} \cos \frac{B}{2}$$

$$\Rightarrow \cos \frac{A-C}{2} = \cos \frac{B}{2}$$

$$\Rightarrow A - C = B \Rightarrow A = B + C \Rightarrow A = \pi - A \Rightarrow 2A = \pi$$

$$\therefore A = \frac{\pi}{2}$$

Ans : A.

৩৬. কোন ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দুগামী বৃত্তকে কেন্দ্রকে ঐ ত্রিভুজের..... বলে।

- A. অধিকেন্দ্র B. প্রাকেন্দ্র C. উপকেন্দ্র D. পরিকেন্দ্র

ব্যাখ্যা : ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দুগামী বৃত্তকে পরিবৃত্ত বলে। পরিবৃত্তের কেন্দ্রকে পরিকেন্দ্র বলা হয়।

Ans : D.

৩৭. কত সালে যোগশূরী প্রোথাম উদ্ভাবন করা হয়?

- A. 1945 B. 1938 C. 1949 D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : ১৯৩৯ সালে রাশিয়ান গণিতবিদ লিওনিদ ক্যান্টোরেভিক (Leonid Kantorovich) সর্বপ্রথম যোগশূরী প্রোথাম সম্পর্কে ধারণা দেন। ১৯৪৫ সালে ছিটীয় বিশ্ববৃক্ষের সামরিক খাতে খরচ কমানো এবং কর্মদক্ষতা বৃদ্ধির জন্য যোগশূরী প্রোথাম ব্যবহার করা হয়।

পরবর্তীতে আমেরিকান গণিতবিদ জর্জ বি.ডেন্টিগ (George B. Dantzig) ১৯৪৭ সালে যোগশূরী প্রোথামের ক্ষেত্রে উদ্ভাবন করেন এবং simplex Method আবিক্ষার করেন। এজন্য তাকে যোগশূরী প্রোথামের উদ্ভাবক বলা হয়।

Ans : D.

৩৮. নিচের কোনটি বিপ্রতিসম ম্যাট্রিক্স?

A. $\begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 2 & 1 & 4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix}$ B. $\begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix}$

C. $\begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & -4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix}$ D. $\begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix}$

ব্যাখ্যা : একটি ম্যাট্রিক্স বিপ্রতিসম ম্যাট্রিক্স হবে যদি $A = -A^T$ হয়।

অপশন (D) হতে, $A = \begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix}$

$$A^T = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ -2 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow -A^T = \begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 4 \\ 3 & -4 & 0 \end{bmatrix} = A$$

Ans : D.

৩৯. $R - \{n\pi : n \in Z\}$ এবং রেঞ্জ = R এটি কার ডোমেন?

- A. $\sin\theta$ B. $\cot\theta$ C. $\cos\theta$ D. $\tan\theta$

ব্যাখ্যা : বীজগণিতীয় ফাংশনের ডোমেন ও রেঞ্জ :

$y =$	D_f	R_f
$\sin\theta$	R	$[-1, 1]$
$\cos\theta$	R	$[-1, 1]$
$\tan\theta$	$R - \{(2n+1)\frac{\pi}{2}, n \in z\}$	R
$\cot\theta$	$R - \{n\pi, n \in z\}$	R
$\sec\theta$	$R - \{n\pi, n \in z\}$	$R - (-1, 1)$
$\cosec\theta$	$R - \{(2n+1)\pi, n \in z\}$	$R - (-1, 1)$

Ans : B.

৪০. নদীর স্রাতের বেগ 3km/h নৌকার বেগ কত হলে নৌকাটি 4km/h বেগে সোজা পথে নদী পাড়ি দিতে পারবে?

- A. 5 km/h B. 4 km/h C. 6 km/h D. 4.5 km/h

ব্যাখ্যা : নৌকার বেগ v এবং স্রাতের বেগ u হলে, একটি নৌকাকে সোজা অপর পাড়ে পাড়ি দেয়ার জন্য নৌকাটির লম্বি বেগ,

$$v^2 = v^2 - u^2 \Rightarrow 4^2 = v^2 - 3^2 \Rightarrow v = 5\text{ km/h}$$

Ans : A.

$$81. \frac{\tan^2\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) - 1}{\tan^2\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) + 1} = ?$$

- A. $\sin 2\alpha$ B. $\tan \frac{\pi}{4}$ C. $\sin \alpha$ D. 1

ব্যাখ্যা : $\frac{\tan^2\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) - 1}{\tan^2\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) + 1} = -\cos 2\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right)$

$$= -\cos\left(\frac{\pi}{2} + 2\alpha\right) = \sin 2\alpha$$

Ans : A.

৪২. একটি কিংকেট বলকে 40m/sec বেগে এবং ভূমির সাথে 60° কোণে
ব্যাটিংয়ার আঘাত করলে সর্বোচ্চ উচ্চতায় বলটির বেগ কত?
A. 0 B. 30m/sec C. 20m/sec D. 40m/sec

ব্যাখ্যা : সর্বোচ্চ উচ্চতায় বলটির বেগ,

$$V_x = u \cos \alpha = 40 \cos 60^\circ = 20 \text{ m/sec}$$

Ans : C.

৪৩. দুইটি বলের লক্ষি 40 N যা ক্ষুদ্রতর বলের ক্ষিয়ারেখার উপর লম্ব।
ক্ষুদ্রতর বলটি 30 N , হলে বৃহত্তম লক্ষি কত?
A. 70 N B. 60 N C. 50 N D. 85 N

ব্যাখ্যা : দুটি বলের লক্ষি R , ক্ষুদ্রতর বল P এর উপর লম্ব হলে এবং
বৃহত্তম বল Q হলে, $R^2 = Q^2 - P^2$
 $\therefore Q^2 = R^2 + P^2 = 40^2 + 30^2 \Rightarrow Q = 50\text{N}$
 \therefore বৃহত্তম লক্ষি $= P + Q = 30 + 50 = 80\text{ N}$

Ans : D.

৪৪. বাতিক্রমী ম্যাট্রিক্স- এর ফ্রেক্টে $\beta = 3, -5$ হলে, তা নিচের কোন
ম্যাট্রিক্স এর জন্য সত্য?

A. $\begin{bmatrix} \beta+2 & -3 \\ 5 & \beta \end{bmatrix}$	B. $\begin{bmatrix} \beta+2 & 4 \\ 5 & \beta \end{bmatrix}$
C. $\begin{bmatrix} \beta-2 & 3 \\ 5 & \beta \end{bmatrix}$	D. $\begin{bmatrix} \beta+2 & 3 \\ 5 & \beta \end{bmatrix}$

ব্যাখ্যা : $\beta = 3, -5$ হলে, বাতিক্রমী ম্যাট্রিক্সের ফ্রেক্টে,

$$(\beta - 3)(\beta - 5) = 0 \Rightarrow \beta^2 + 2\beta - 15 = 0 \Rightarrow \begin{bmatrix} \beta+2 & 3 \\ 5 & \beta \end{bmatrix} = 0$$

$$\therefore \text{ম্যাট্রিক্সটি হবে } \begin{bmatrix} \beta+2 & 3 \\ 5 & \beta \end{bmatrix}$$

Ans : D.

৪৫. অক্ষয়ের সাথে উৎপন্ন কোণগুলি যথাক্রমে $\cos^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{6}}\right), \cos^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{6}}\right)$
ও $\cos^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{6}}\right)$ হলে, তা নিচের কোন ভেষ্টের জন্য সত্য?

A. $\vec{Q} = (2\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k})$	B. $\vec{Q} = (2\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k})$
C. $\vec{P} = (4\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k})$	D. $\vec{P} = (4\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k})$

ব্যাখ্যা : একটি ভেষ্টের $\vec{A} = a_1\hat{i} + a_2\hat{j} + a_3\hat{k}$ হলে, x, y, z অক্ষয়ের

$$\text{সাথে উৎপন্ন কোণগুলো যথাক্রমে } \cos^{-1}\left(\frac{a_1}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}}\right),$$

$$\cos^{-1}\left(\frac{a_2}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}}\right), \cos^{-1}\left(\frac{a_3}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}}\right) \text{ হবে।}$$

এখানে, কোণগুলো $\cos^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{6}}\right), \cos^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{6}}\right)$ ও $\cos^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{6}}\right)$ হলে,

ভেষ্টেরটি $2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}$ বা এর সমান্তরাল হবে।

$$\therefore \text{ভেষ্টেরটি, } \vec{P} = 4\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$$

Ans : C.

৪৬. $\int_{\pi/2}^{\pi} (1 + \sin x)^2 \cos x \, dx = ?$

A. $-7/3$ B. $1/2$ C. $7/3$ D. $-1/2$

ব্যাখ্যা : ধরি, $1 + \sin x = z \Rightarrow \cos x \, dx = dz$

x	$\pi/2$	π
z	2	1

$$\therefore \int_{\pi/2}^{\pi} (1 + \sin x)^2 \cos x \, dx = \int_2^1 z^2 \, dz = \left[\frac{z^3}{3} \right]_2^1 = \frac{1}{3} - \frac{8}{3} = -\frac{7}{3}$$

Ans : A.

৪৭. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 9x - \sin 7x}{\sin 7x - \sin 5x} = ?$

A. -1 B. 1 C. -2 D. 2

ব্যাখ্যা : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 9x - \sin 7x}{\sin 7x - \sin 5x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{9 \cos 9x - 7 \cos 7x}{7 \cos 7x - 5 \cos 5x} = \frac{9 - 7}{7 - 5} = 1$

Ans : B.

৪৮. অভভুক্তি কোণের মান $\cos^{-1}\left(-\frac{\sqrt{13}}{2\sqrt{7}}\right)$ হলে তা নিচের কোন

ভেষ্টেরয়ের জন্য সত্য?

- A. $(2\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k})$ এবং $(\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k})$
B. $(2\hat{i} + 3\hat{j} - 3\hat{k})$ এবং $(\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k})$
C. $(2\hat{i} - 3\hat{j} - 3\hat{k})$ এবং $(\hat{i} + 4\hat{j} - 3\hat{k})$
D. $(2\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k})$ এবং $(\hat{i} - 4\hat{j} - 3\hat{k})$

ব্যাখ্যা : অপশন (A) হতে,

$$\cos \theta = \frac{(2\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}).(\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k})}{\sqrt{2^2 + 3^2 + 1^2} \cdot \sqrt{1^2 + 4^2 + 3^2}} = \frac{2 - 12 - 3}{\sqrt{14} \cdot \sqrt{26}}$$

$$\therefore \theta = \cos^{-1}\left(-\frac{\sqrt{13}}{2\sqrt{7}}\right)$$

Ans : A.

৪৯. $\int x^9 e^{x^{10}} \, dx = ?$

- A. $-\frac{1}{10} e^{x^{10}} + c$ B. $-\frac{1}{9} e^{x^{10}} + c$
C. $\frac{1}{10} e^{x^{10}} + c$ D. $\frac{1}{9} e^{x^{10}} + c$

ব্যাখ্যা : ধরি, $x^{10} = z \Rightarrow 10x^9 \, dx = dz \Rightarrow x^9 \, dx = \frac{1}{10} \, dz$

$$\therefore \int x^9 e^{x^{10}} \, dx = \int \frac{1}{10} e^z \, dz = \frac{1}{10} e^z + c = \frac{1}{10} e^{x^{10}} + c$$

Ans : C.

৫০. $-3 \leq 2x \leq 8$ এর সমাধানে পূর্ণ সংখ্যা কয়টি?

A. 4 B. 5 C. 3 D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : $-3 \leq 2x \leq 8 \Rightarrow -\frac{3}{2} \leq x \leq 4$

$$\therefore x = -1, 0, 1, 2, 3, 4$$

Ans : D.

৫১. যদি $a, b, c \in R$ হয় তবে $(a+b)+c = a+(b+c)$ কোন বীজগণিতৰ সূত্ৰৰ জন্য সত্য?

- A. বিনিময় বিধি B. বটন বিধি C. সংযোগ বিধি D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : বাস্তুৰ সংখ্যাৰ বীকাৰসমূহ :

- ১। আবদ্ধতা : $a, b \in R$ হলে, $a+b \in R$ এবং $ab \in R$
- ২। বিনিময় যোগতা : $a+b = b+a$, $ab = ba$
- ৩। সংযোজন যোগতা : $a+(b+c) = (a+b)+c$, $(ab)c = a(bc)$
- ৪। অভেদকেৰ অস্তিত্ব : $a+0 = 0+a = a$, $a.1 = 1.a = a$
- ৫। বিপরীতকেৰ অস্তিত্ব : $a+(-a) = (-a)+a = 0$, $a.a^{-1} = a^{-1}.a = 1$
- ৬। অনন্ততা : $a = b$ হলে, $a+c = b+c$ এবং $ac = bc$ হৈব।

Ans : C.

৫২. যদি এককেৰ একটি জটিল ঘনমূল হয়, তবে $(1-\omega)^2(1-\omega^2)^2 = ?$

- A. 3 B. 1 C. 9 D. ω^3

ব্যাখ্যা : $(1-\omega)^2(1-\omega^2)^2$
 $= (1+\omega^2-2\omega)(1+\omega^4-2\omega^2)$
 $= (-\omega-2\omega)(-\omega^2-2\omega^2) = (-3\omega)(-3\omega^2) = 9$

Ans : C.

৫৩. x এৰ প্ৰেক্ষিতে $\frac{d}{dx}\left(\tan^{-1}\frac{x}{5}\right) = ?$

- A. $\frac{1}{25+x^2}$ B. $\frac{5}{25+x}$ C. $\frac{5}{25-x^2}$ D. $\frac{5}{25+x^2}$

ব্যাখ্যা : $\frac{d}{dx}\left(\tan^{-1}\frac{x}{5}\right) = \frac{1}{1+\left(\frac{x}{5}\right)^2} \cdot \frac{d}{dx}\left(\frac{x}{5}\right) = \frac{5}{25+x^2}$

Ans : D.

৫৪. $\frac{2\sqrt{625}}{\sqrt{100}}$ সংখ্যাটি

- A. মূলদ B. মূলদ C. জটিল D. কোনটিই নয়

ব্যাখ্যা : $\frac{2\sqrt{625}}{\sqrt{100}} = \frac{2 \times 25}{10} = 5$; যা মূলদ সংখ্যা

Ans : B.

৫৫. $\sqrt{2+8\sqrt{5}i} = ?$

- A. $\pm(\sqrt{10}+\sqrt{8}i)$ B. $\pm(\sqrt{10}+\sqrt{2}i)$
C. $\pm(\sqrt{8}+\sqrt{10}i)$ D. $\pm(\sqrt{10}+\sqrt{4}i)$

ব্যাখ্যা : $\sqrt{2+8\sqrt{5}i} = \sqrt{10+8\sqrt{5}i-8}$
 $= \sqrt{(\sqrt{10})^2 + 2\sqrt{10}\sqrt{8}i + (\sqrt{8}i)^2}$
 $= \sqrt{(\sqrt{10}+\sqrt{8}i)^2} = \pm(\sqrt{10}+\sqrt{8}i)$

Ans : A.

৫৬. একটি তরঙ্গেৰ দুটি বিন্দুৰ মধ্যে পথ-পাৰ্থক্য $\frac{5}{4}\lambda$ হলে, বিন্দুৰেৰ

মধ্যে দশা পাৰ্থক্য কত?

- A. $\frac{5}{2}\pi$ B. $\frac{5}{4}\pi$ C. $\frac{2}{5}\pi$ D. $\frac{4}{5}\pi$

ব্যাখ্যা : দশা পাৰ্থক্য = $\frac{2\pi}{\lambda} \times$ পথ পাৰ্থক্য = $\frac{2\pi}{\lambda} \times \frac{5}{4}\lambda = \frac{5\pi}{2}$

Ans : A.

৫৭. কোন ট্ৰানজিস্টৰ Common base সংযোগে আছে। এৰ Emiiter ও Collector current যথাক্রমে 1 mA এবং 0.95 mA হলে Base current কত?

- A. 1.95 mA B. 0.05 mA
C. 0.95 mA D. 0.5 mA

ব্যাখ্যা : $I_E = 1\text{mA}$ $I_C = 0.95\text{mA}$

$\therefore I_B = I_E - I_C = (1 - 0.95)\text{mA} = 0.05\text{mA}$

Ans : B.

৫৮. সামান্তৰিকেৰ দুটি সন্নিহিত বাহ $\vec{P} = 4\hat{i} - 4\hat{j} + \hat{k}$ এবং $\vec{Q} = 2\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$ হলে এৰ ক্ষেত্ৰফল কত?

- A. 8.5 একক B. 9.5 একক
C. 6.5 একক D. 7.5 একক

ব্যাখ্যা : সামান্তৰিকেৰ ক্ষেত্ৰফল = $\left| \vec{P} \times \vec{Q} \right| = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 4 & -4 & 1 \\ 2 & -2 & -1 \end{vmatrix}$

$$= \left| \hat{i}(4 - (-2)) - \hat{j}(-4 - 2) + \hat{k}(-8 - (-8)) \right|$$

$$= \left| 6\hat{i} + 6\hat{j} \right| = \sqrt{6^2 + 6^2} \approx 8.5 \text{ বৰ্গ একক}$$

Ans : A.

৫৯. দুইটি গাড়ি যথাক্রমে 4ms^{-1} ও 8ms^{-1} বেগে চলমান থাকা অবস্থায় একই স্থান হতে ব্ৰেক কৰে একই মদন সৃষ্টি কৰে থামাবো হল। দ্বিতীয় গাড়িটি ব্ৰেক কৰাৰ স্থান হতে 32m দূৰে গিয়ে থেমেছিল। তাহলে প্ৰথম গাড়িটি ব্ৰেক কৰাৰ স্থান হতে কত দূৰত্বে থেমেছিল?

- A. 8m B. 16m C. 32 m D. 128m

ব্যাখ্যা : দ্বিতীয় গাড়িৰ ক্ষেত্ৰে, $v_2^2 = u_2^2 + 2as_2$

$$\therefore a = \frac{v_2^2 - u_2^2}{2s_2} = \frac{0 - 8^2}{2 \times 32} = -1\text{ms}^{-2}$$

∴ উভয় গাড়িৰ মদন 1ms^{-2}

প্ৰথম গাড়িৰ ক্ষেত্ৰে, $v_1^2 = u_1^2 + 2as_1$

$$\therefore s_1 = \frac{v_1^2 - u_1^2}{2a} = \frac{0^2 - 4^2}{2 \times (-1)} = 8\text{m}$$

Ans : A.

৬০. নিচেৰ কোন সমীকৰণটি তাৰুল বেগ ও প্ৰবাহ ঘনত্বেৰ মধ্যে সম্পৰ্ক নিৰ্দেশ কৰে?

- A. $v = \frac{1}{ne}$ B. $v = \frac{ej}{n}$ C. $v = \frac{Aj}{ne}$ D. $v = jne$

ব্যাখ্যা : $I = nAve$

$$\therefore \text{তাৰুল বেগ}, v = \frac{I}{nAe} = \frac{J}{ne} \left[\because J = \frac{I}{A} \right]$$

Ans : A.

৬১. নিচেৰ কোন সমীকৰণ দ্বাৰা একটি বিদ্যুতবাহী অসীম দৈৰ্ঘ্য বিশিষ্ট সোজা তাৰেৰ নিকটে যে কোন বিন্দুত চৌৰুক প্ৰাৰ্বল্য নিৰ্ণয় কৰা যায়?

- A. $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$ B. $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi}$ C. $B = \frac{\mu_0}{2\pi a}$ D. $B = \frac{\mu_0 I}{2a}$

ব্যাখ্যা : অসীম দৈৰ্ঘ্য বিশিষ্ট সোজা তাৰেৰ ক্ষেত্ৰে চৌৰুক প্ৰাৰ্বল্য, $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$

Ans : A.

৬২. 10^5 TmA^{-1} চৌম্বক প্রবেশ্যতা বিশিষ্ট, $1.8 \times 10^{-5} \text{ Am}^{-1}$ প্রাবল্যের চৌম্বক ক্ষেত্রের সাথে 200 cm দীর্ঘ একটি তার লবভাবে অবস্থিত। তারটিকে 10 A বিদ্যুৎ চালনা করলে, তারটির উপর ক্রিয়াশীল বলের মান নির্ণয় কর।

- A. 32 N B. 28 N C. 36 N D. 34.5 N

ব্যাখ্যা : ক্রিয়াশীল বল, $F = ILB \sin\theta = IL MH \sin\theta$

$$\therefore F = (10 \times 2 \times 10^5 \times 1.8 \times 10^{-5} \times \sin 90^\circ) N = 36 \text{ N}$$

Ans : C.

৬৩. ৫ বিবর্ধন বিশিষ্ট একটি নত দূরবীক্ষণ যন্ত্রের লেন্স দুটির মধ্যবর্তী দূরত্ব 0.36 m । লেন্স দুটির ফোকাস দূরত্ব নির্ণয় কর।

- A. অভিনেত্র 8 cm, অভিলক্ষ্য 28 cm
 B. অভিনেত্র 30 cm, অভিলক্ষ্য 6 cm
 C. অভিনেত্র 6 cm, অভিলক্ষ্য 30 cm
 D. অভিনেত্র 28 cm, অভিলক্ষ্য 8 cm

ব্যাখ্যা : বিবর্ধন, $\frac{f_0}{f_e} = 5 \Rightarrow f_0 = 5f_e$

লেন্সদ্বয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব, $f_0 + f_e = 0.36 \Rightarrow 5f_e + f_e = 0.36$

$$\text{অভিনেত্রের ফোকাস দূরত্ব}, f_e = \frac{0.36}{6} = 0.06 \text{ m} = 6 \text{ cm}$$

অভিলক্ষ্যের ফোকাস দূরত্ব, $f_0 = 5f_e = (5 \times 0.06) = 0.3 \text{ m} = 30 \text{ cm}$

Ans : C.

৬৪. m ভরের একটি বন্ধ হিলাবহা থেকে সমত্বরণে চলছে। t সময় পর তার বেগ v হলে T সময় পরে কৃত কাজ কর হবে?

- A. $\frac{mvT}{t}$ B. $\frac{1}{2} \frac{mv^2}{t}$ C. $\frac{1}{2} \frac{mv^2 T^2}{t^2}$ D. $2^{-1} \frac{mv^2 T}{t^2}$

ব্যাখ্যা : t সময় পর বেগ v হলে, ত্বরণ $a = \frac{v-u}{t} = \frac{v}{t}$

T সময় পর বেগ v' হলে, $a = \frac{v'-u}{T} = \frac{v'}{T} = \frac{v}{t} \Rightarrow v' = v \cdot \frac{T}{t}$

$$\therefore T \text{ সময় পর কৃতকাজ} = \text{গতিশক্তি} = \frac{1}{2} m(v')^2 = \frac{1}{2} m(v)^2 \cdot \frac{T^2}{t^2}$$

Ans : C.

৬৫. 30 cm দীর্ঘ একটি সরল দোলক প্রতি মিনিটে 50 বার দোল দেয়। এর দৈর্ঘ্য 2.7 m করা হলে 60 বার দূলতে এটি কত সময় নেবে?

- A. 3.6 min B. 216 s
 C. 2160 s D. A, B উভয়ই সঠিক

ব্যাখ্যা : আদি দৈর্ঘ্য, $L_1 = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$

$$\text{আদি পর্যায়কাল}, T_1 = \frac{60}{50} = 1.2 \text{ s}$$

নতুন কার্যকরী দৈর্ঘ্য, $L_2 = 2.7$

$$\text{দোলন কাল}, T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$\therefore \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \Rightarrow T_2 = T_1 \times \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = 1.2 \times \sqrt{\frac{2.7}{0.3}} = 3.6 \text{ s}$$

$$\therefore 60 \text{ বার দূলতে সময় নেবে} = 60T_2 = (60 \times 3.6) \text{ s} = 216 \text{ s} = 3.6 \text{ min}$$

Ans : D.

৬৬. 10 N বল প্রয়োগে একটি গাড়িকে 100 m সরাতে 500 J কাজ করতে হয়। বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণের মান কত?

- A. 60° B. 45° C. 30° D. 75°

ব্যাখ্যা : $W = 500 \text{ J} = Fs \cos\theta$

$$\Rightarrow \cos\theta = \frac{500}{Fs} = \frac{500}{10 \times 100} = \frac{1}{2} = \cos 60^\circ$$

$$\therefore \theta = 60^\circ$$

Ans : A.

৬৭. একটি বিন্দু চার্জ, $1.736 \times 10^{-9} \text{ C}$, এর জন্য সৃষ্টি তড়িৎ ক্ষেত্রের কোন একটি বিন্দুতে তড়িৎ প্রাবল্য 40 NC^{-1} হলে তড়িৎ বিভবের মান কত?

- A. 1.5 JC^{-1} B. 25 JC^{-1}
 C. 2.5 JC^{-1} D. 15 JC^{-1}

ব্যাখ্যা : $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \Rightarrow r = \sqrt{\frac{q}{4\pi\epsilon_0 E}}$

$$\Rightarrow v = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{r} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \sqrt{\frac{4\pi\epsilon_0 E}{q}} = \sqrt{\frac{qE}{4\pi\epsilon_0}} \\ = \sqrt{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot qE} = \sqrt{9 \times 10^9 \times 1.736 \times 10^{-9} \times 40} \\ = \sqrt{624.96} = 25$$

Ans : B.

৬৮. পৃথিবী পৃষ্ঠে মুক্তিবেগ চন্দ্র পৃষ্ঠে মুক্তিবেগ.....।

- A. অপেক্ষা কম B. অপেক্ষা বেশি
 C. এর সমান D. এর সাথে অপরিবর্তিত

ব্যাখ্যা : মুক্তিবেগ, $v_c = \sqrt{2gR}$

চান্দের মাধ্যাকর্ষণ শক্তি ও ব্যাসার্ধ উভয়ই পৃথিবীর চেয়ে কম বলে মুক্তিবেগও কম হবে। তাই পৃথিবী পৃষ্ঠে মুক্তিবেগ চন্দ্রপৃষ্ঠে মুক্তিবেগ অপেক্ষা বেশি।

Ans : B.

৬৯. ঘনকোণ এর এস.আই (SI) একক কোনটি?

- A. (ডেডিয়ান)³ B. ডিমী
 C. রেডিয়ান D. স্টেরেডিয়ান

ব্যাখ্যা : ঘনকোণ : সমতলের পরিবর্তে ত্রিমাত্রিক ছানে যে কোন উৎপন্ন হয় তাকে ঘনকোণ বলে। একটি গোলকের পৃষ্ঠের কোনো অংশ গোলকের কেন্দ্রে যে ঘনকোণ আবক্ষ করে তার মান পৃষ্ঠের এ অংশের ক্ষেত্রফলকে গোলকের ব্যাসার্ধের বর্গ দ্বারা ভাগ করলে পাওয়া যায়। ঘনকোণের একক স্টেরেডিয়ান। ১ মিটার ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট গোলকের পৃষ্ঠের ১ বর্গমিটার ক্ষেত্রফল গোলকের কেন্দ্রে যে ঘনকোণ আবক্ষ করে তাকে এক স্টেরেডিয়ান বলে।

Ans : D.

৭০. 0.02 m প্রস্তরের একটি ধাতব পাত 5T চৌম্বক ক্ষেত্রে পরম্পরের সাথে লবভাবে অবস্থিত। পাতের মধ্যে ইলেক্ট্রনের তাড়ন বেগ কত হলে $4 \times 10^{-4} \text{ V মানের হল বিভব তৈরি হবে}$?

- A. $4 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-3}$ B. $4 \times 10^{-3} \text{ ms}^{-1}$
 C. $4 \times 10^{-4} \text{ ms}^{-1}$ D. $4 \times 10^{-4} \text{ ms}^4$

ব্যাখ্যা : হল বিভব, $V_H = Bvd$

$$\therefore \text{তাড়ন বেগ}, v = \frac{V_H}{Bd} = \frac{4 \times 10^{-4}}{5 \times 0.02} = 4 \times 10^{-3} \text{ ms}^{-1}$$

Ans : B.

৭১. মহাবৈশ্বিক দূরত্ব পরিমাপের একক কোনটি?

- A. অ্যাস্ট্রোনমিক্যাল ইউনিট
- B. হাবল
- C. পারসেক
- D. km

ব্যাখ্যা : অ্যাস্ট্রোনমিক্যাল ইউনিট পৃথিবী থেকে সূর্যের গড় দূরত্ব (15 কোটি কি.মি.) কে বলা হয় 1 অ্যাস্ট্রোনমিক্যাল ইউনিট (AU)

$$1 \text{ পারসেক} = 3.26 \text{ আলোকবর্ষ} = 2.0626 \times 10^5 \text{ AU}$$

Ans : A, C & D.

৭২. কৃষ্ণ বিবর (Black hole) এর ঘটনা দিগন্তের কোন ব্যাসার্ধ নামে পরিচিত?

- A. আইনস্টাইন ব্যাসার্ধ
- B. জন হাইলার ব্যাসার্ধ
- C. হকিং ব্যাসার্ধ
- D. শোয়ার্জিশিল্ড ব্যাসার্ধ

ব্যাখ্যা : কৃষ্ণ বিবরের ঘটনা দিগন্ত শোয়ার্জিশিল্ড ব্যাসার্ধ নামে পরিচিত।

$$\text{শোয়ার্জিশিল্ড ব্যাসার্ধ}, R = \frac{2GM}{C^2}, M = \text{ব্ল্যাকহোলের ভর}$$

Ans : D.

৭৩. কোন বিজ্ঞানী তরল পদার্থে নিমজ্জিত বস্তুর উপর ক্রিয়াশীল উৎর্ফুর্মুখী বলের সূত্র প্রদান করেন?

- A. মাইকেল ফ্যারাডে
- B. আর্কিমিডিস
- C. আইজ্যাক নিউটন
- D. গ্যালিলি ও

ব্যাখ্যা : প্রথম বলতে একটি বস্তুকে পানিতে নিমজ্জিত করলে বস্তুর উপর পানি কর্তৃক বে উৎর্ফুর্মুখী লব্ধি বল ত্রিয়া করে সেই বলকে বোঝায়। একে আর্কিমিডিসের সূত্র বলেও অভিহিত করা হয়।

Ans : B.

৭৪. একটি ছড়ির মিনিটের কাঁটার কৌণিক বেগ কত?

- A. $2\pi \text{ rad s}^{-1}$
- B. $\frac{\pi}{1800} \text{ rad s}^{-1}$
- C. $\frac{\pi}{30} \text{ rad s}^{-1}$
- D. $\frac{\pi}{3600} \text{ rad s}^{-1}$

ব্যাখ্যা : মিনিটের কাঁটা পূর্ণ আবর্তন (2π রেডিয়ান) সম্পন্ন করে 60 মিনিটে

$$\therefore \text{কৌণিক বেগ} = \frac{2\pi}{60} \text{ rad min}^{-1} = \frac{\pi}{1800} \text{ rads}^{-1}$$

Ans : B.

৭৫. উত্তর ও পূর্ব দিকের মধ্যে বায়ু প্রবাহিত হচ্ছে। বায়ুর বেগের উত্তর ও পূর্ব দিকের অংশক যথাক্রমে 5 km/hr এবং 12 km/hr হলে সরিবেগ কত হবে?

- A. 60 km/hr
- B. 13 km/hr
- C. 17 km/hr
- D. 7 km/hr

ব্যাখ্যা : $V_N = 5 \text{ km/hr}$ এবং $V_E = 12 \text{ km/hr}$

$$\therefore \text{লক্ষিবেগ}, V = \sqrt{V_N^2 + V_E^2} = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13 \text{ km/hr}$$

Ans : B.

৭৬. বাংলা ভাষার মূল নিচের কোন মূল ভাষাগোষ্ঠীর অঙ্গর্গত?

- A. পারস্য-ইউরোপীয়
- B. আফ্রো-অ্যামেরিকান
- C. বাংলো-স্লাভিক
- D. ইন্দো-ইউরোপীয়

ব্যাখ্যা : ভাষার পরিবার :

- ইন্দো-ইউরোপীয়
- ইন্দো-ইরানীয়
- ইন্দো-আর্য
- পূর্বইন্দো-আর্য
- বাংলা-অসমীয়া
- বাংলা

বাংলার পূর্বসূরী :

- পালি-প্রাক্ত
- অপত্রিক
- অবহঠ্ঠ
- পূরণ বাংলা
- রাঢ়ি উপভাষা
- বঙালী উপভাষা
- বরেন্দ্রী উপভাষা
- বাঢ়খণ্ডী উপভাষা
- রাজবংশী উপভাষা

Ans : D.

৭৭. 'বেলে মাটিতে চীনবাদাম হয়'- এই বাক্যে কোন ধরনের বিশেষণ পদের উপস্থিতি লক্ষ্য করা যায়?

- A. বর্ণবাচক
- B. অবস্থাবাচক
- C. উপাদানবাচক
- D. ক্রমবাচক

ব্যাখ্যা : বিভিন্ন প্রকার বিশেষণ :

- বর্ণবাচক - লাল গোলাপ, কালো টুপি, সাদা শার্ট।
- অবস্থাবাচক - তাজা মাছ, রোগী হেলে, ঝোঁঢা পা।
- উপাদানবাচক - বেলেমাটি, মেটে কলসি, পাথুরে মূর্তি।
- ক্রমবাচক - দশম শ্রেণি, সতত পঢ়া, প্রথম কল্যা।
- অংশবাচক - অর্ধেক সম্পত্তি, বেল আনা, সিকি গথ।
- গুণবাচক - চোকস লোক, দক্ষ কারিগর, ঠাণ্ডা হাওয়া।
- ক্রিয়াজাত - হারানো সম্পত্তি, খাবার পানি, অনাগত দিন।

Ans : C.

৭৮. কোনটি চলিত রীতির শব্দ?

- A. শব্দ্যা
- B. কদাচিত্
- C. মাছ
- D. বন্য

ব্যাখ্যা : গুরুত্বপূর্ণ কিছু সাধু ও চলিত শব্দ :

সাধু	চলিত	সাধু	চলিত
রূপা	রূপো	পাথরিয়া	পাথুরে
পূজা	পুজো	ধূলি	ধূলো
দেশি	দিশি	বিলাতি	বিলিতি
জালিয়া	জেলে	মাধুয়া	মেধো
ফলাহার	ফলার	মৎস্য	মাছ

Ans : C.

৭৯. 'লোকমুখে শুনেছি'- এই বাক্যে 'লোকমুখে' শব্দটি কোন কারকে কোন বিভক্তি?

- A. অপাদান, সঙ্গমী
- B. অপাদান, দ্বিতীয়া
- C. করণ, সঙ্গমী
- D. করণ, দ্বিতীয়া

ব্যাখ্যা : গুরুত্বপূর্ণ কিছু কারক বিভক্তি :

- লোকমুখে শুনেছি - অপাদানে দ্বী।
- মেধে বৃষ্টি হয় - অপাদানে দ্বী।
- দুধে ছানা হয় - অপাদানে দ্বী।
- কুকর্মে বিরত হও - অপাদানে দ্বী।
- পাপে বিরত হও - অপাদানে দ্বী।

Ans : A.

৮০. নিচের কোনটি 'সাপ'- এর সমার্থক শব্দ নয়?

- A. নাগ
- B. পন্থ
- C. ক্ষণদা
- D. অহি

ব্যাখ্যা : সাপ এর সমার্থক শব্দ সমূহ : সর্প, ভূজঙ্গ, ভূজঙ্গ, উরগ, পন্থ, কাকোদার, আশীবিষ, ফলী, অহি, বায়ুভূক, ডিজিহব, কুলুলী, নাগ, ফণধর, অকর্ণ, ফণভূক, কুলীলস, সর্পি, পবনশ, উরঙ্গম, কপুরকী, উরঙ্গ, হিরসন, ভূজঙ্গম অথি ইত্যাদি।

Ans : C.

!!! বের হয়েছে !!!

পানকৌড়ি

শতভাগ ব্যাখ্যা সম্বলিত অধ্যায়ভিত্তিক একমাত্র প্রশ্নব্যাংক

- ◆ গুচ্ছ ভর্তি পরীক্ষা (বিজ্ঞান, মানবিক, ব্যবসায় শিক্ষা)
- ◆ সমন্বিত কৃষি বিশ্ববিদ্যালয়